

3-1

柱體、錐體、空間中的線與平面

- 1 柱體
- 2 錐體
- 3 空間中的線與平面



溫故啟思



重點整理



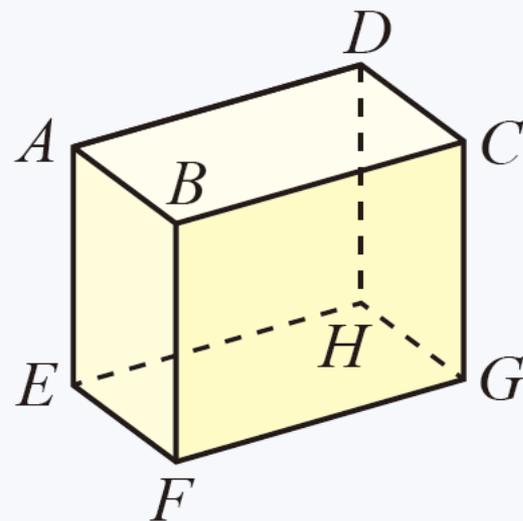
自我評量





溫故啟思

連連看，根據右圖長方體的標示，連接符合下列線段或平面之間的關係。



(1) \overline{BF} 與 \overline{CG}

(2) \overline{AE} 與 \overline{EF}

(3) 矩形 $ABFE$ 與矩形 $EFGH$

(4) 矩形 $ABCD$ 與矩形 $EFGH$

•

•

•

•

• 平行

• 垂直

ALL





1

柱體

角柱

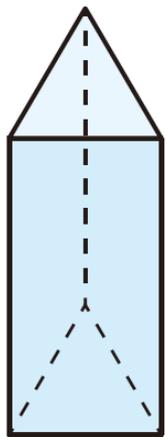
柱子是支撐建築物的重要結構，如右圖。像柱子這樣，上、下底面為兩個全等多邊形，且側面均為矩形的立體圖形稱為**直角柱**。



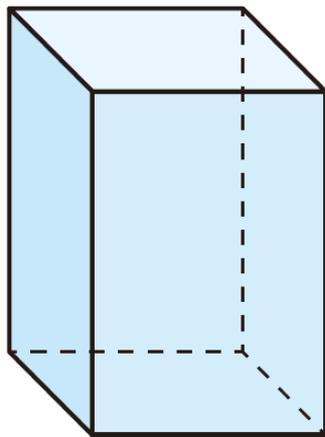


直角柱的上、下底面會互相平行，且每一個側面均與上、下底面互相垂直，例如長方體的上、下底面會平行，側面會與底面垂直，此時側面的高即為直角柱的高。

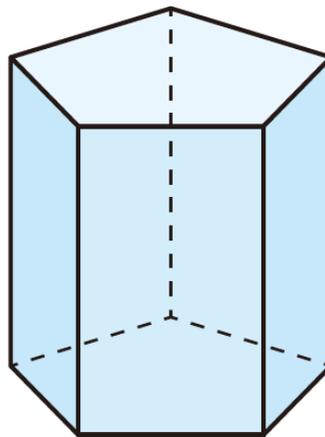
底面為 n 邊形的直角柱稱為直 n 角柱，如下圖的直三角柱、直四角柱、直五角柱、直六角柱的底面分別為三角形、四邊形、五邊形、六邊形。



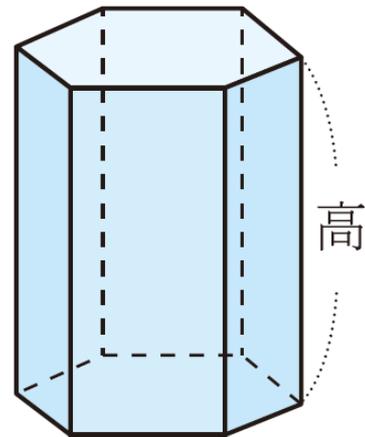
直三角柱



直四角柱



直五角柱



直六角柱





隨堂練習

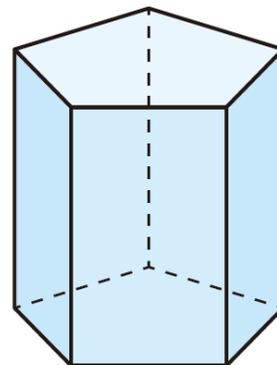
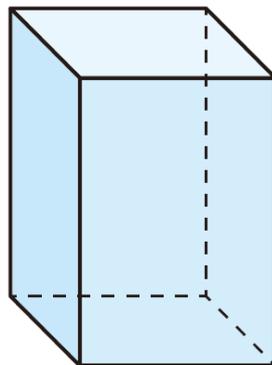
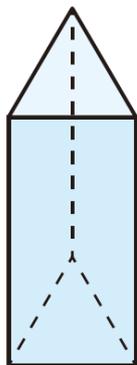
類題演練

延伸演練

填填看：下列角柱各有多少個頂點？
多少個邊？多少個面？

解

角柱	三角柱	四角柱	五角柱	n 角柱
頂點數				
邊數				
面數				



ALL





數養時光機

臺南測候所

1898 年落成的「臺南測候所」座落於昔日臺南府城的最高點「鷺嶺台地」，塔身四周環繞著 18 角柱的辦公空間。

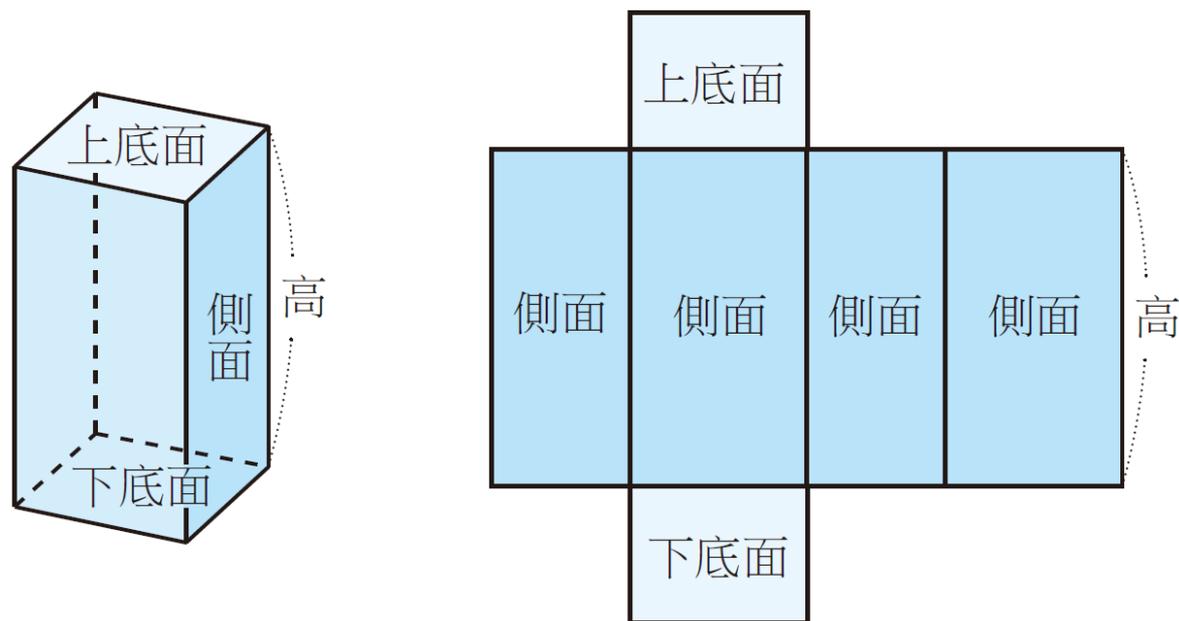




直角柱的展開圖是由兩個全等的多邊形底面和數個矩形側面所組成，這些矩形側面恰可展開成一個大的矩形（如下圖），有利於我們計算表面積。

角柱表面積

= 兩底面的面積和 + 所有側面矩形的面積和。

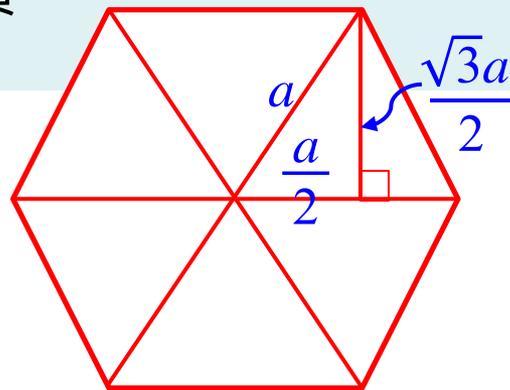
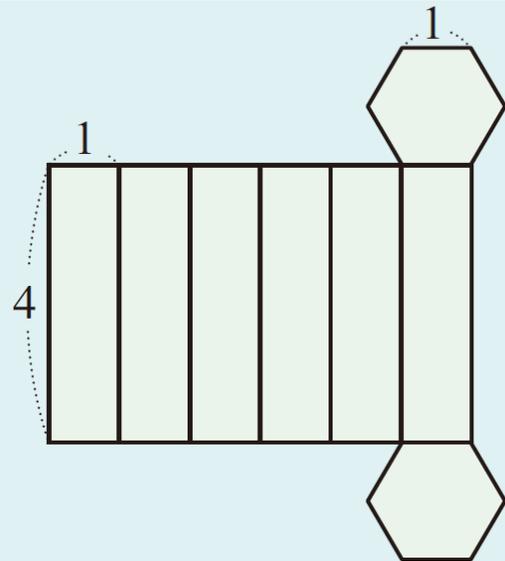




例 1 六角柱的表面積與體積

如右圖是一個六角柱造型包裝的小熊餅乾盒的展開圖，已知上、下底為正六邊形，若矩形的長、寬分別為 4、1 公分，試求：

(1) 六角柱的表面積。



解

1. 正六邊形 = 正三角形 $\times 6$
2. 正三角形面積 = $\frac{\sqrt{3}}{4} \times \text{邊長平方}$

接下頁



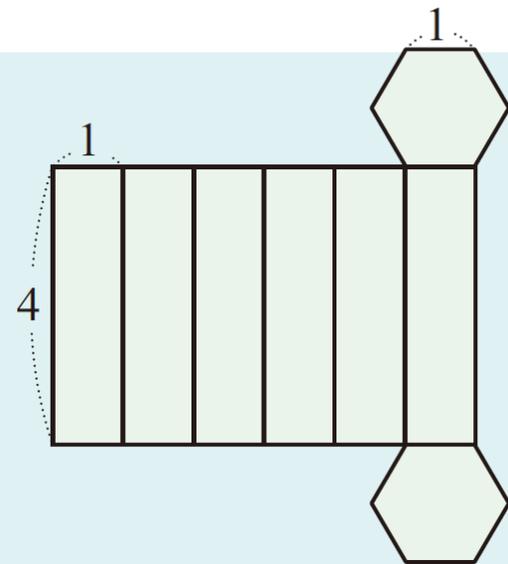
ALL





例 1 六角柱的表面積與體積

如右圖是一個六角柱造型包裝的小熊餅乾盒的展開圖，已知上、下底為正六邊形，若矩形的長、寬分別為 4、1 公分，試求：



(1) 六角柱的表面積。

$$\text{正六邊形} = \text{正}\triangle \times 6 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times \text{邊長平方}$$

解

(1) 由展開圖可知：

$$\text{上、下底面積的和} = \left(\frac{\sqrt{3}}{4} \times 1^2 \times 6 \right) \times 2 = 3\sqrt{3}$$

$$\text{側面積} = (4 \times 1) \times 6 = 24$$

$$\text{得六角柱的表面積} = 24 + 3\sqrt{3} \text{ (平方公分)} \#$$

ALL

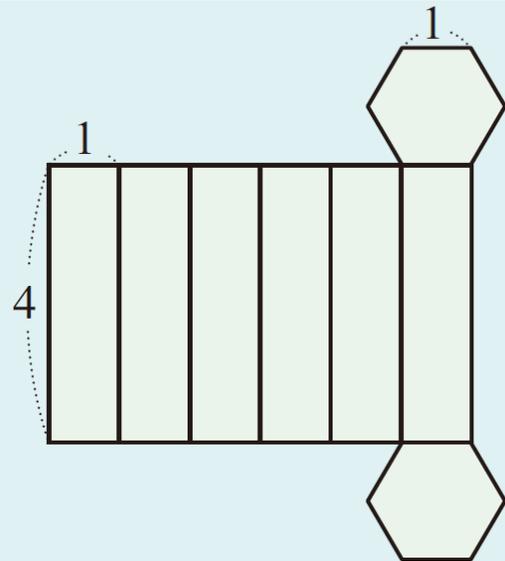




例 1 六角柱的表面積與體積

如右圖是一個六角柱造型包裝的小熊餅乾盒的展開圖，已知上、下底為正六邊形，若矩形的長、寬分別為 4、1 公分，試求：

(2) 六角柱的體積。



解

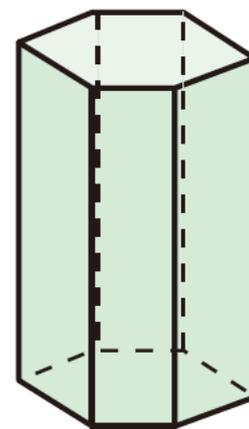
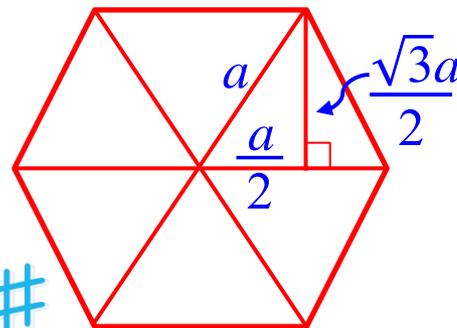
3. 柱體體積 = 底面積 × 高



(2) 六角柱的體積 = 底面積 × 高

$$= \left(\frac{\sqrt{3}}{4} \times 1^2 \times 6 \right) \times 4$$

$$= 6\sqrt{3} \text{ (立方公分) } \#$$



ALL





隨堂練習

延伸演練

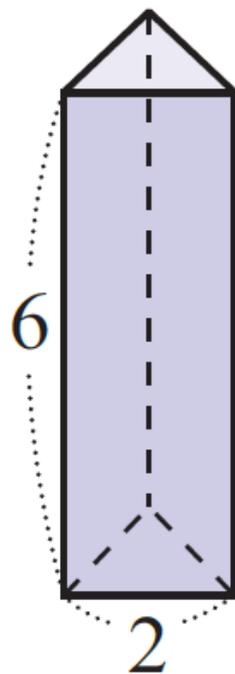
如右圖是一個三角柱，已知兩底面為正三角形，若側面矩形的長、寬分別為 6、2，試求：

(1) 三角柱的表面積。

解

(2) 三角柱的體積。

解



ALL



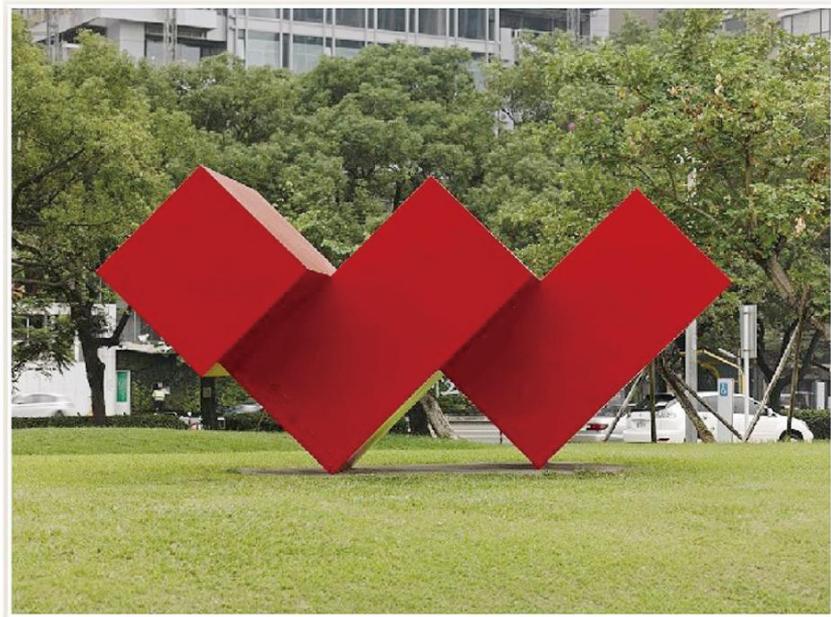


數養知識



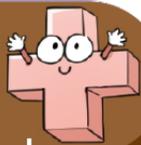
公共「藝數」

國立臺灣美術館廣場草坪上的公共藝術《元》，是現代雕塑家李再鈞的作品，其創作靈感源自《道德經》：「道生一，一生二，二生三，三生萬物。」藝術家從造形之始的正方體及色彩之始的紅色來發想，將 8 個正方體規律得接合成《元》的立體造型。



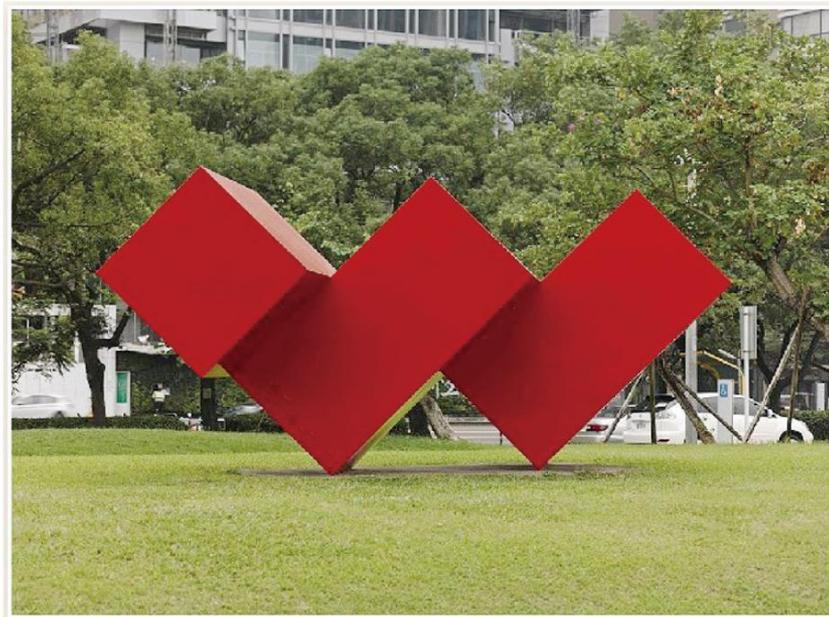


數養知識



公共「藝數」

利用附件(六)扣組 4 個邊長比為 $1:1:2$ 的長方體，再依圖示，陸續以膠水黏貼《元》的結構。完成之後，將模型放在墊板上旋轉，欣賞不同角度所見《元》的立體風貌。





圓柱

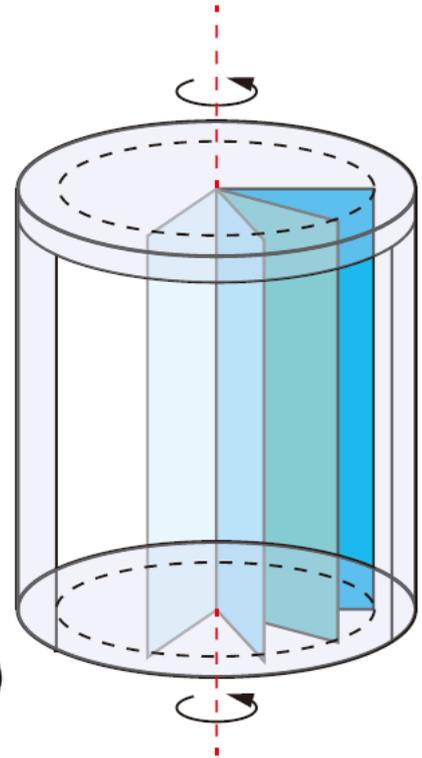
生活中可以看到許多圓柱形的物體。

圓柱是由兩個等圓的底面和一個側面所組成。





在都會區的大樓建築中，常可見一樓大門設置有綠能概念的旋轉門，其設計是將玻璃門板固定在轉軸上，當轉軸與地面垂直時，矩形門板便可轉動無礙，此時門板旋轉的空間可視為一個**直圓柱**。





隨堂練習

類題演練

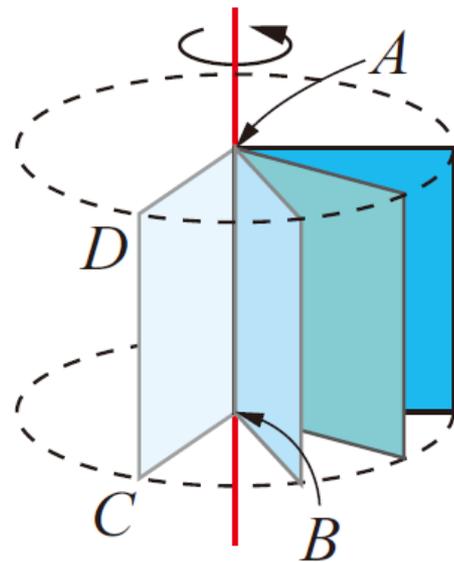
如右圖，將長方形 $ABCD$ 以 \overline{AB} 為轉軸旋轉一圈，則：

(1) \overline{AD} 掃過的區域會形成

解 線段 圓形 矩形

(2) 長方形 $ABCD$ 掃過的區域會形成

解 矩形 角柱 圓柱

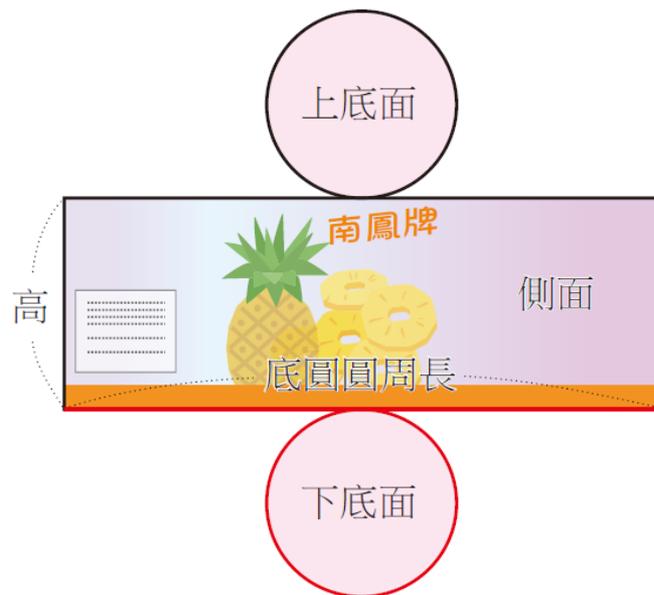
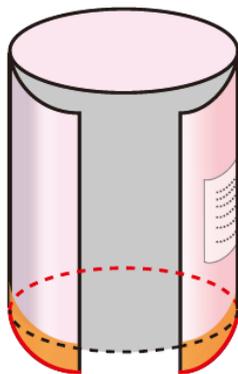


ALL





直圓柱的展開圖可由上、下底面的兩個等圓和一個矩形側面所組成，其中矩形側面的邊長分別為底圓的圓周長與圓柱的高，如下圖。



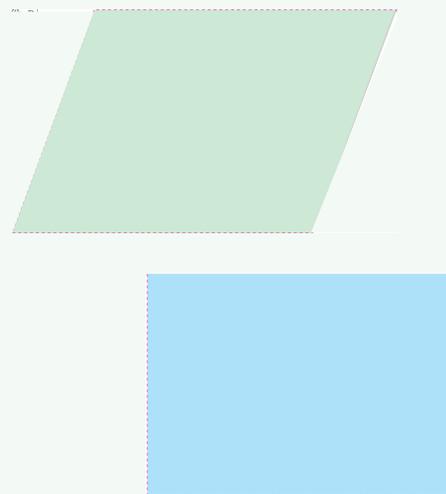


探索活動

圓柱的側面展開圖

利用附件(七)，並完成下列動作：

- (1) 比對附件 B 的平行四邊形與附件 A 的矩形，兩者的面積是否相同？請說明你的理由。



- (2) 將矩形的展開圖黏成一個圓柱，再將平行四邊形包覆圓柱的側面，你觀察到什麼現象？

ALL





由探索活動的結果可知，圓柱的側面展開圖也可以是平行四邊形，其底與高分別為底圓的圓周長與圓柱的高。





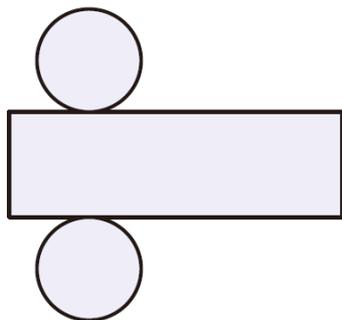
隨堂練習

歷屆試題

試在下列圖形中，勾選出可能是圓柱的展開圖？

解

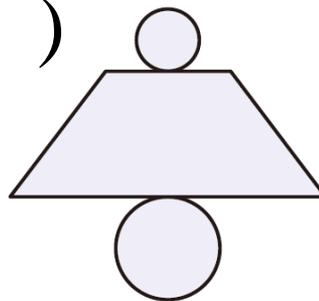
()



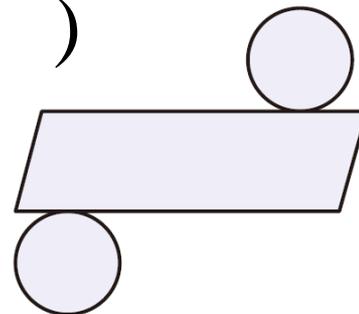
()



()



()



ALL





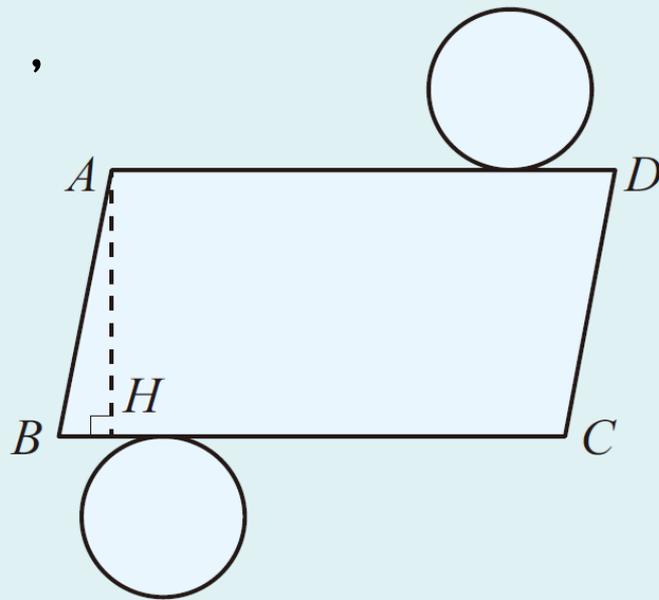
利用圓柱的展開圖，我們可以計算圓柱的表面積與體積。





例 2 直圓柱的表面積與體積

已知右圖是直圓柱的展開圖，
若 $\square ABCD$ 的底 $\overline{BC} = 6\pi$ ，
高 $\overline{AH} = 10$ ，試求：
(1) 圓柱的表面積。



解 (1) 設底圓半徑為 r

則圓周長 $2\pi r = \overline{BC} = 6\pi$ ，即 $r = 3$

算得圓柱的表面積 $= (\pi \times 3^2) \times 2 + 6\pi \times 10$
 $= 78\pi \#$

ALL



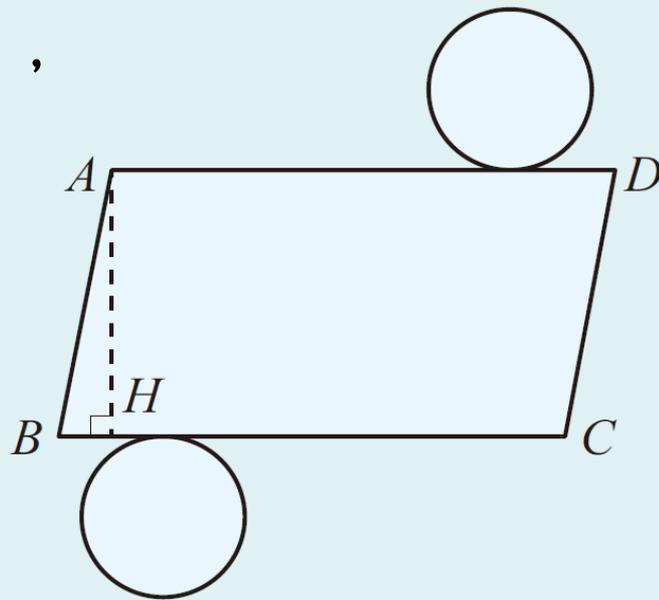


例 2

直圓柱的表面積與體積

類題演練

已知右圖是直圓柱的展開圖，
若 $\square ABCD$ 的底 $\overline{BC} = 6\pi$ ，
高 $\overline{AH} = 10$ ，試求：
(2) 圓柱的體積。



解 (2) 圓柱的體積 = 底面積 \times 高

$$= (\pi \times 3^2) \times 10$$

$$= 90\pi \quad \#$$

ALL

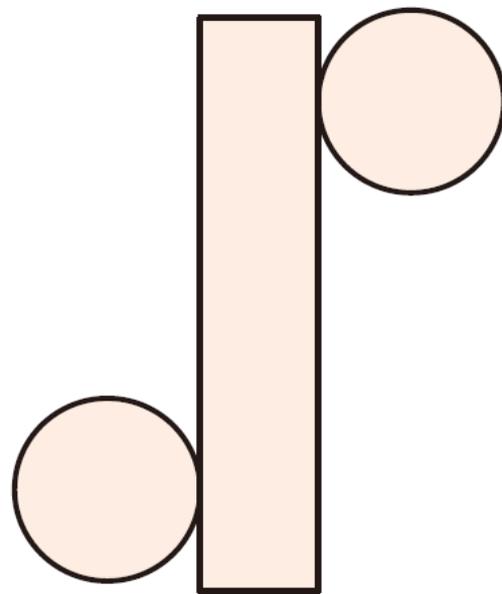




隨堂練習

已知右圖是直圓柱的展開圖，
若矩形的長為 8π ，寬為 5，
試求：

(1) 圓柱的表面積。



解

(2) 圓柱的體積。

解

ALL





探索活動

做出較大體積的圓柱

利用附件(八)，兩個全等的矩形紙張，將其中一張在 20 公分的長邊 (\overline{AB} 與 \overline{DC}) 接合成圓柱甲的側面，如圖 1；將另一張在 16 公分的寬邊 (\overline{AD} 與 \overline{BC}) 接合成圓柱乙的側面，如圖 2。

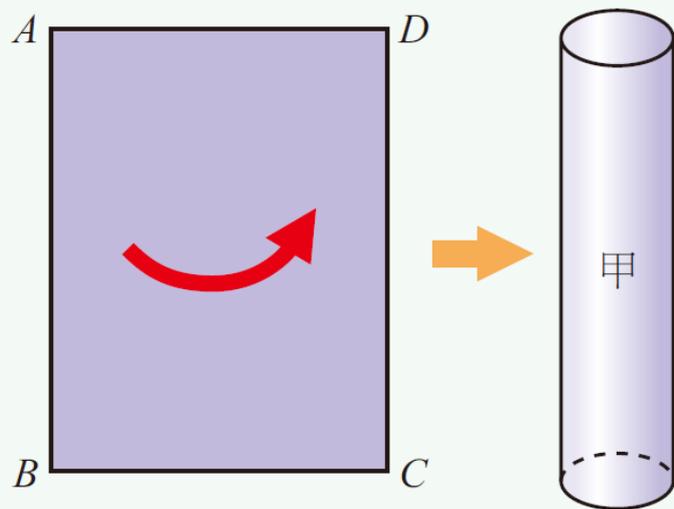


圖 1

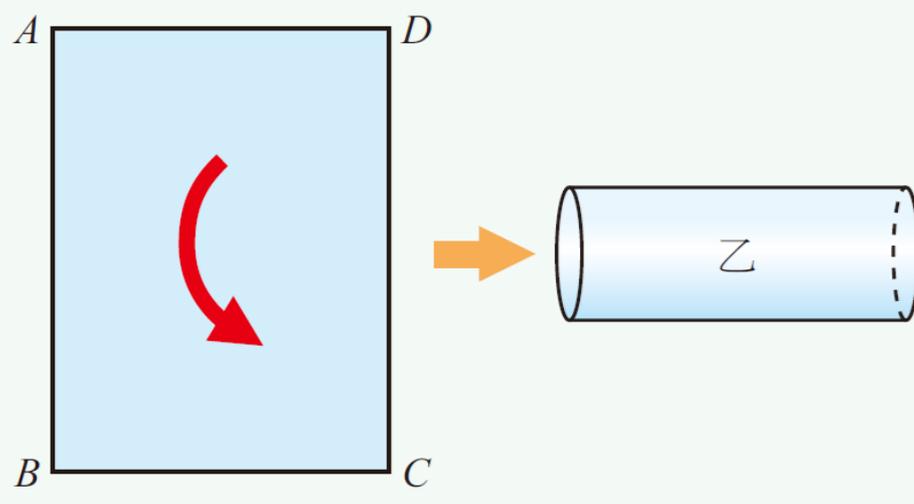


圖 2

接下頁

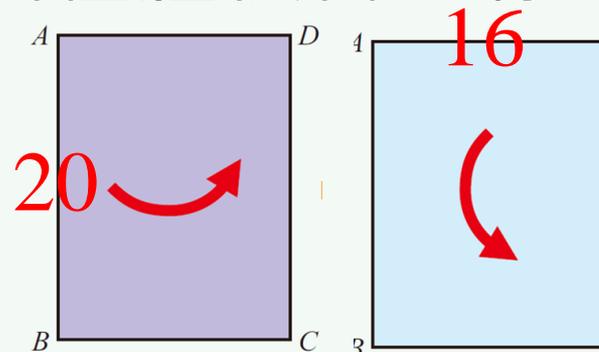




探索活動

做出較大體積的圓柱

大寶說：「甲和乙所圍成的圓柱體積會一樣大。」請判斷大寶的說法是否正確，並說明你的理由。



ALL





由探索活動的結果可知：
當兩個圓柱的側面積相同時，
其體積不一定會相同。



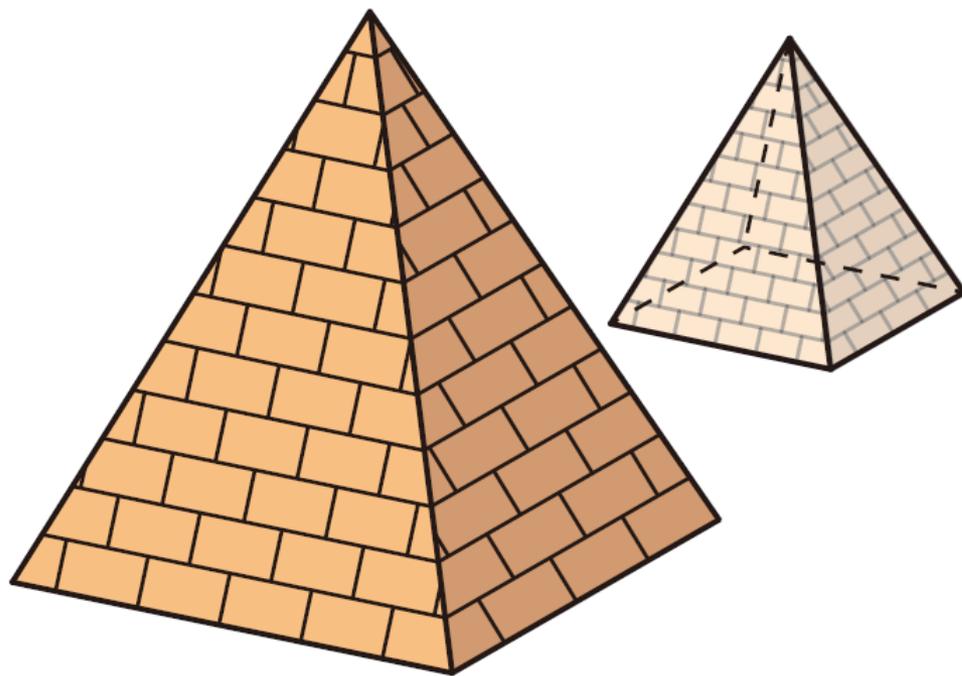


2

錐體

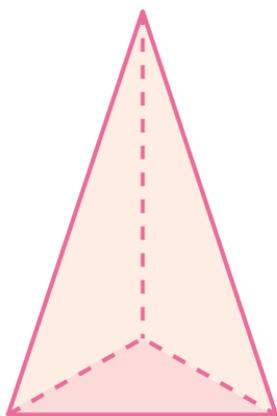
角錐

如右圖，臺灣鹽博物館的建築仿金字塔造型，像金字塔這樣，底面是一個多邊形，側面均為等腰三角形的立體圖形叫做**角錐**。

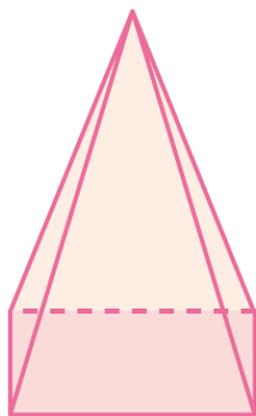




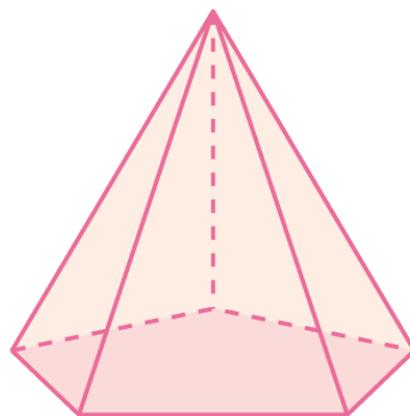
底面是正多邊形且側面的等腰三角形皆全等的角錐稱為正角錐。



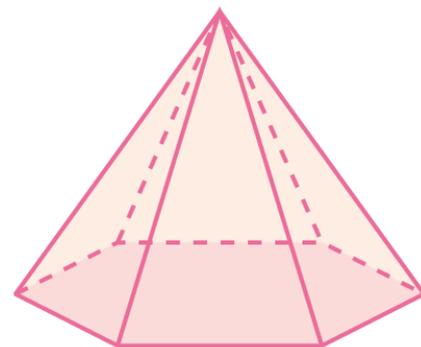
正三角錐



正四角錐



正五角錐



正六角錐





隨堂練習

延伸演練

填填看：下列角錐各有多少個頂點？多少個邊？多少個面？

解

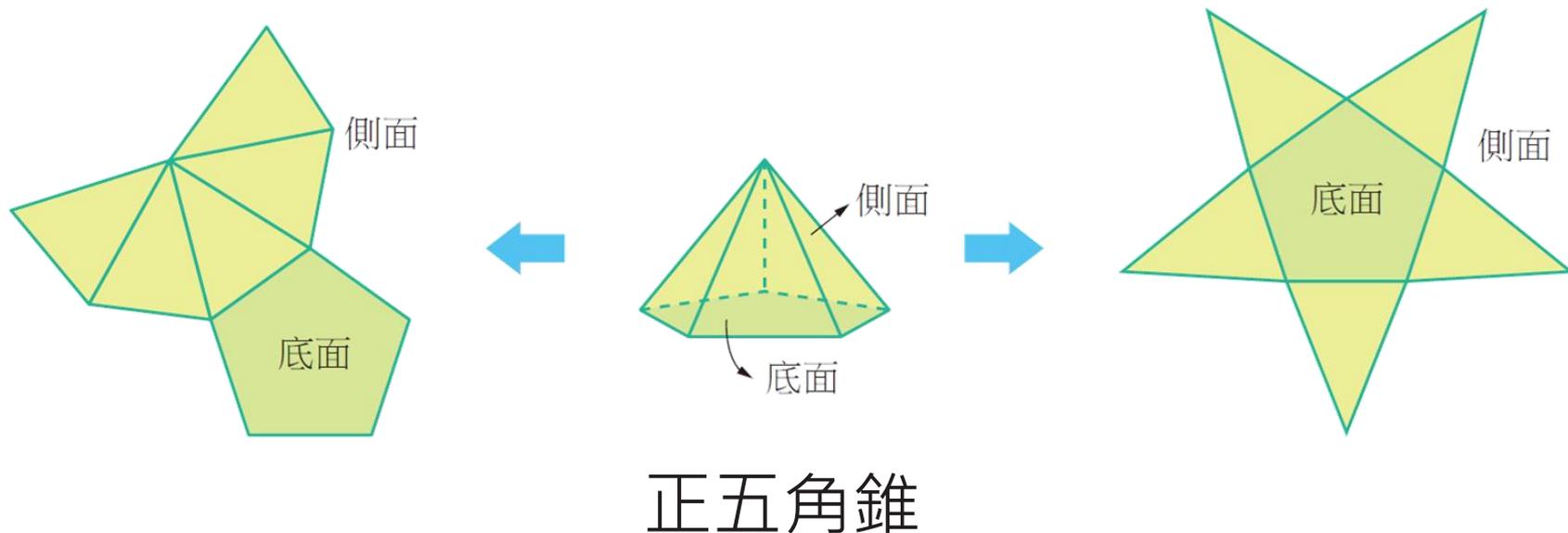
角錐	三角錐	四角錐	五角錐	n 角錐
頂點數				
邊數				
面數				

ALL





正 n 角錐的展開圖是由一個正 n 邊形底面和 n 個全等的等腰三角形側面所組成，由於展開圖的種類不只一種，如下圖是正五角錐依不同方式展開得到的展開圖。





隨堂練習

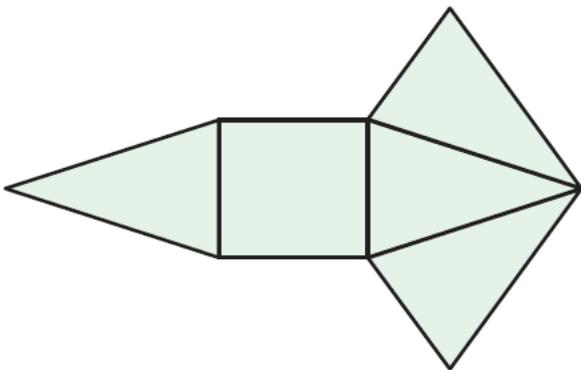
歷屆試題

下列圖形中，哪一個不是角錐的展開圖？(B) #

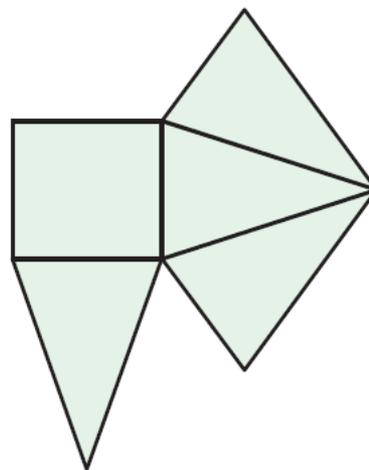
(配合附件(九))

解

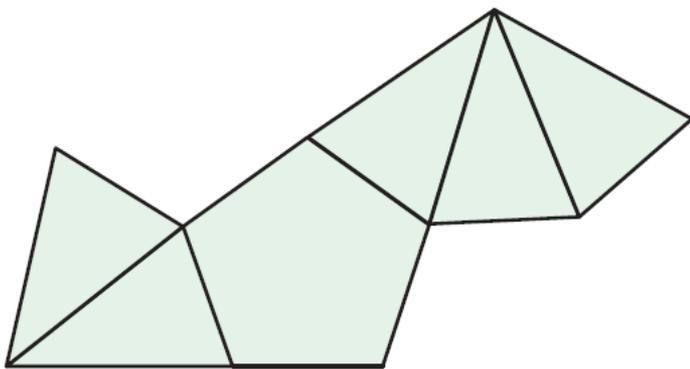
(A)



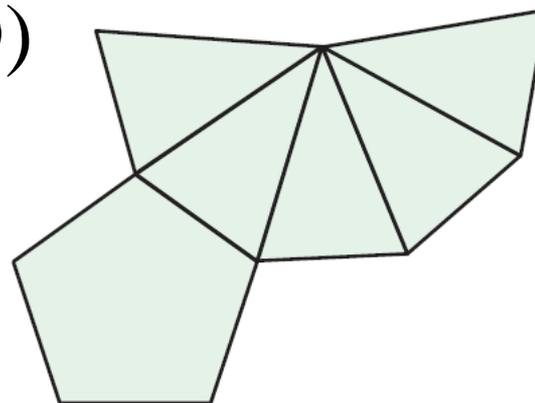
(B)



(C)



(D)



ALL





認識角錐的展開圖有利於計算表面積。

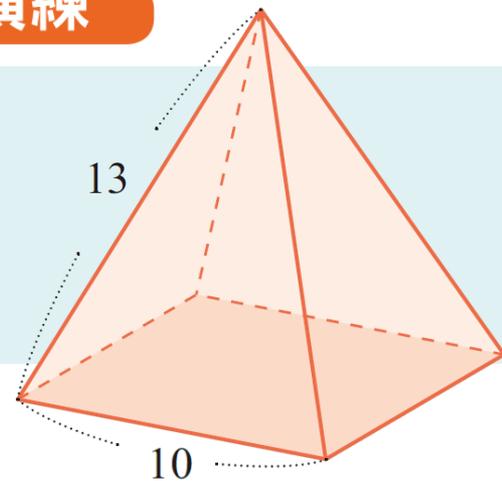




例 3 正四角錐的表面積

類題演練

已知正四角錐如右圖，若等腰三角形的底與腰長為 10 與 13，試求其表面積。



解 正四角錐的展開圖如右，

∵ 等腰三角形的底邊長為 10、腰長為 13

∴ 等腰三角形的高

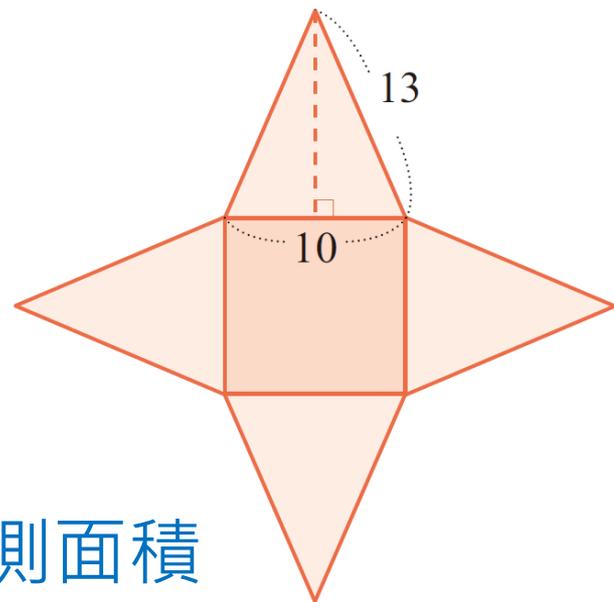
$$= \sqrt{13^2 - \left(\frac{10}{2}\right)^2} = 12$$

得等腰三角形的面積

$$= 10 \times 12 \times \frac{1}{2} = 60,$$

故四角錐的表面積 = 底面積 + 側面積

$$= 10^2 + 60 \times 4 = 340 \quad \#$$



ALL

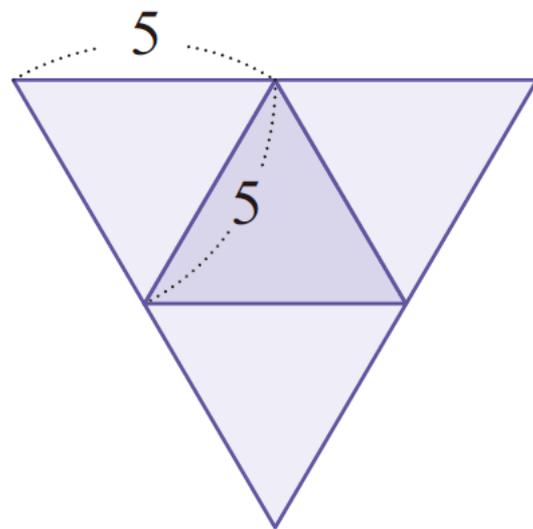




隨堂練習

延伸演練

已知正三角錐的展開圖如右圖，
若等腰三角形的底與腰皆為 5，
試求其表面積。



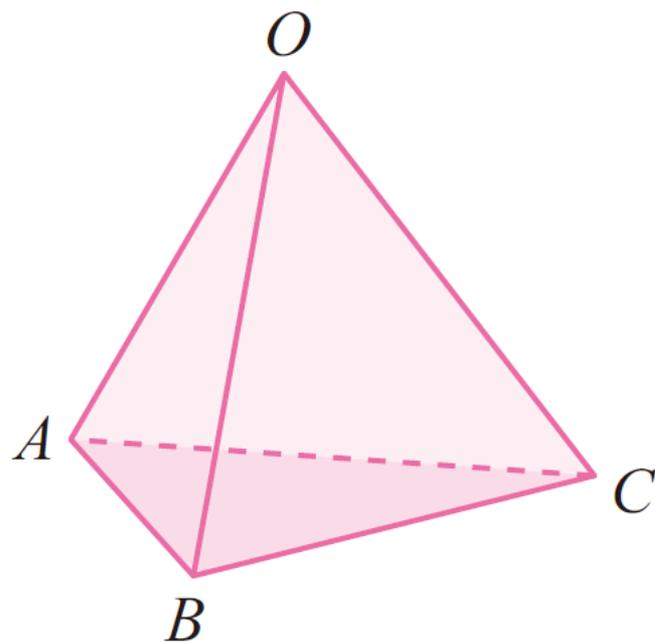
解

ALL





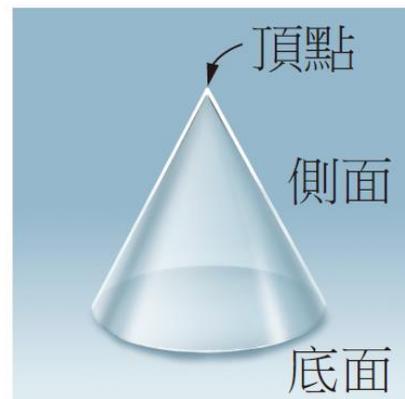
像隨堂練習這樣，側面恰為正三角形的正三角錐也稱為**正四面體**，如右圖。此時側面與底面全等，故正四面體不論哪個面當底面，看起來的角錐造型都相同。





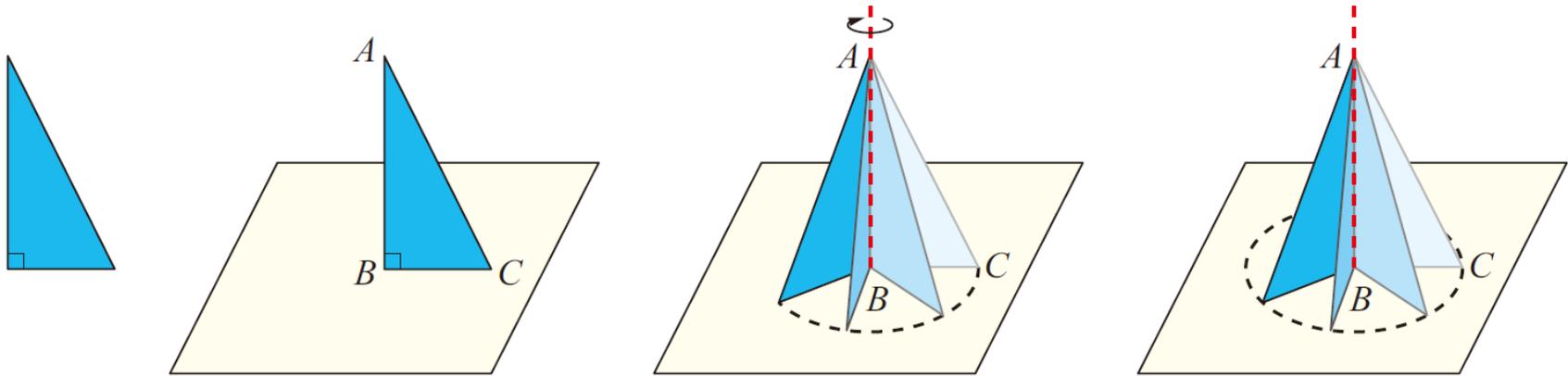
圓錐

下圖是臺南 井仔腳瓦盤鹽田收成時的風景照，像鹽堆這樣，由一個頂點、一個側面和一個圓形的底面所組成的立體形體叫做**圓錐**。





如下圖，取一直角三角形紙板， $\overline{AB} \perp \overline{BC}$ ，將 \overline{BC} 貼齊桌面，固定 B 點，以 \overline{AB} 為轉軸順時針旋轉一圈，則此三角形掃過的區域所形成的立體圖形稱為直圓錐。





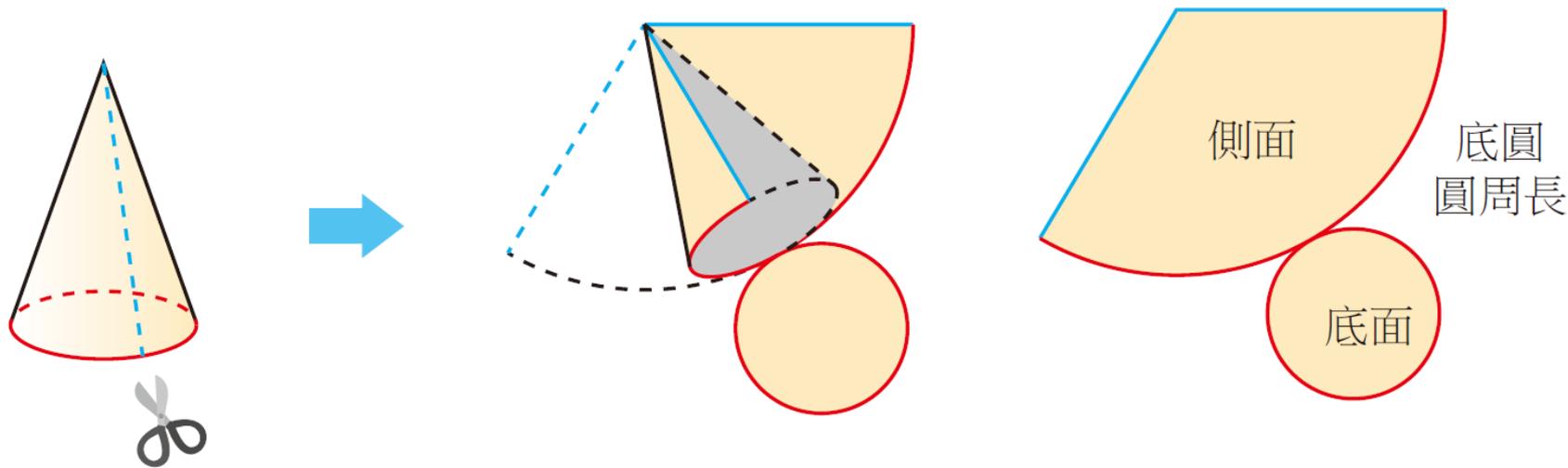
延伸演練

生活中可以看到許多直圓錐造型的物體，如下圖中的生日派對帽、冰淇淋甜筒餅乾等。





如下圖，直圓錐的側面展開圖為扇形，此扇形的半徑等於頂點到圓周的長，扇形的弧長等於底圓的圓周長。



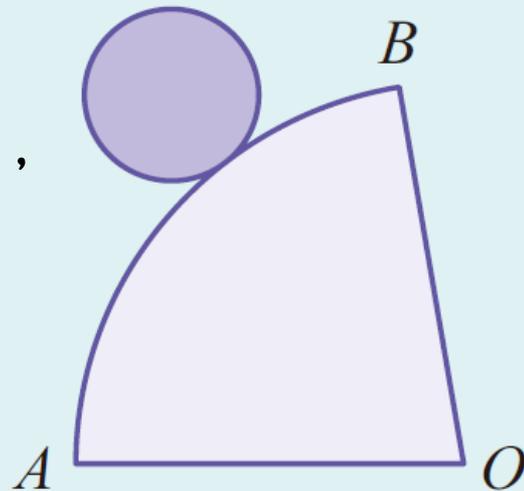


例 4

利用展開圖計算直圓錐的表面積

如右圖為一直圓錐的展開圖，若底圓半徑為 4，扇形半徑 $\overline{AO} = 18$ ，試求：

- (1) $\angle AOB$ 的度數。
- (2) 圓錐的表面積。



解 (1) 設 $\angle AOB = x^\circ$

$$\text{則 } \widehat{AB} = 2\pi \times 18 \times \frac{x}{360} = 2\pi \times 4$$

$$\text{得 } x = 80, \text{ 故 } \angle AOB = 80^\circ$$

$$\begin{aligned} \text{(2) 圓錐的表面積} &= (\pi \times 4^2) + (\pi \times 18^2) \times \frac{80}{360} \\ &= 88\pi \text{ \#} \end{aligned}$$

ALL

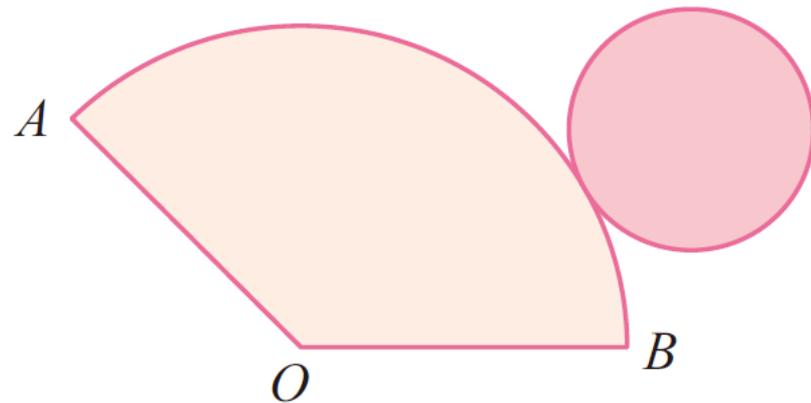




隨堂練習

延伸演練

右圖為一直圓錐的展開圖，
若底圓半徑為 3，扇形半徑
 $\overline{AO} = 8$ ，求：



(1) $\angle AOB$ 的度數。

解

(2) 圓錐的表面積。

解

ALL





3

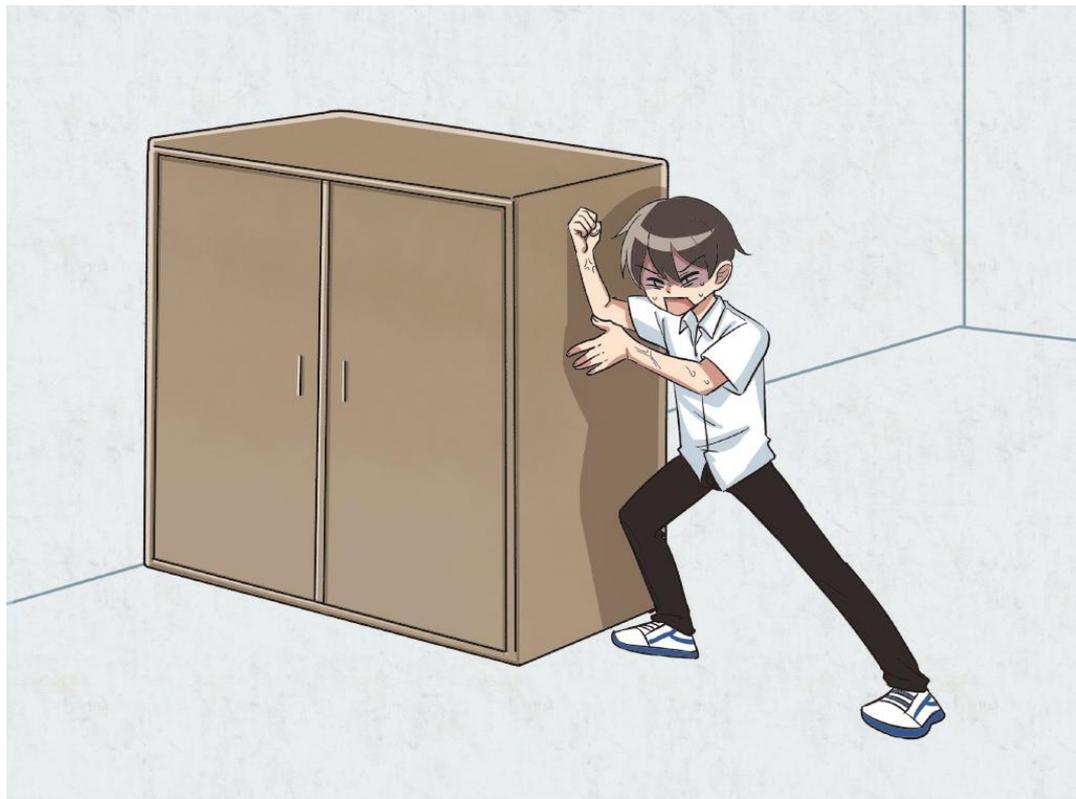
空間中的線與平面

生活中常會碰到直線跟平面的關係，例如：書櫃是否貼合牆面？

天花板的橫梁是否平行地板？

操場的旗桿是否垂直地面？

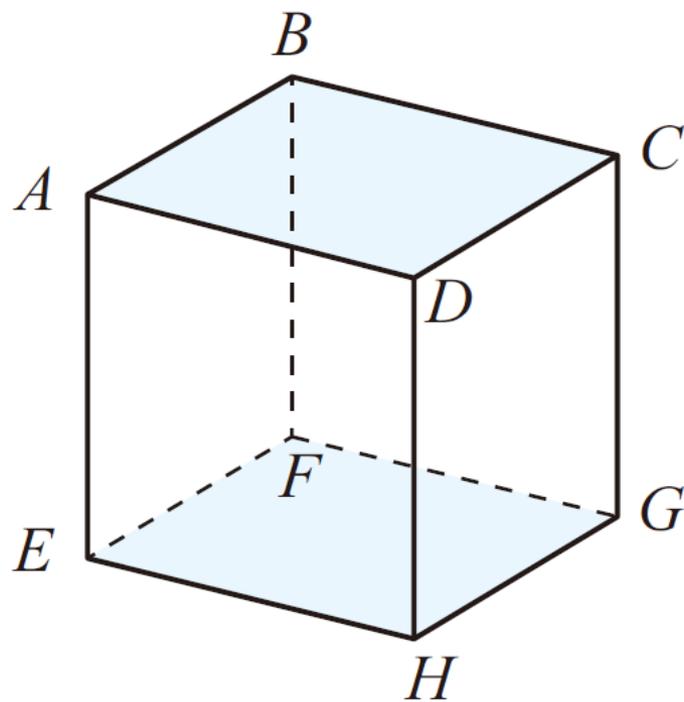
從中我們可以觀察到直線與平面的關係。





垂直

在長方體中，相鄰的兩面會互相垂直，如右圖的矩形 $ABFE$ 與矩形 $EFGH$ 互相垂直，記為
矩形 $ABFE \perp$ 矩形 $EFGH$ 。





類題演練

如圖 1，空間中，

若平面 E_1 、 E_2 分別與長方體相鄰的面緊密貼合，則稱平面 E_1 垂直於平面 E_2 ，記為 $E_1 \perp E_2$ 。

如圖 2，若有一平面未貼合，則 E_1 與 E_2 不垂直。

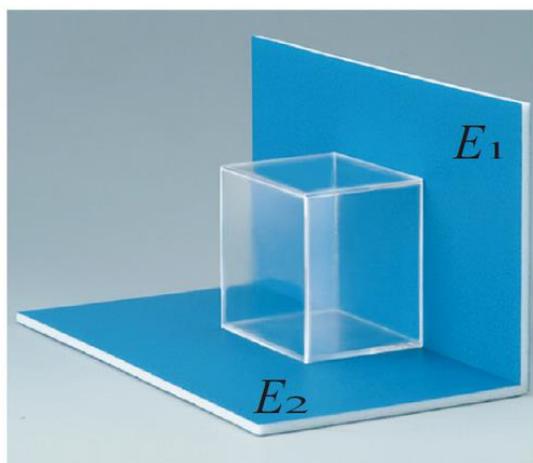


圖 1

兩平面垂直

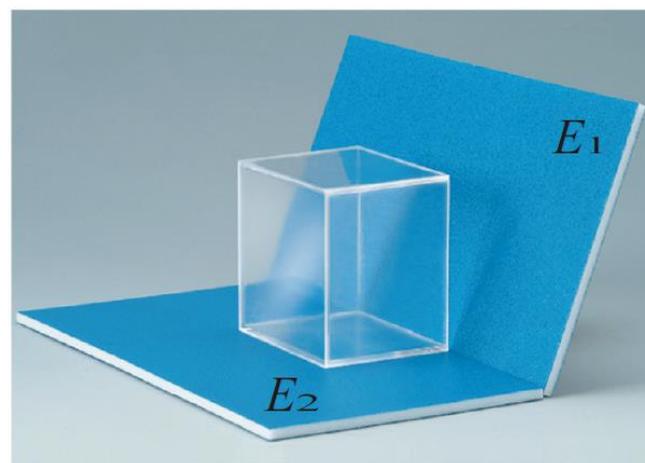
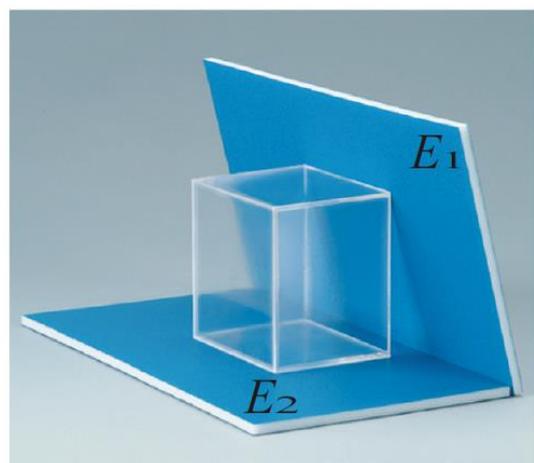


圖 2

兩平面不垂直





長方體中，高與底面會互相垂直，
如右圖，長方體的高 \overline{AE} 與底面
 $EFGH$ 互相垂直，

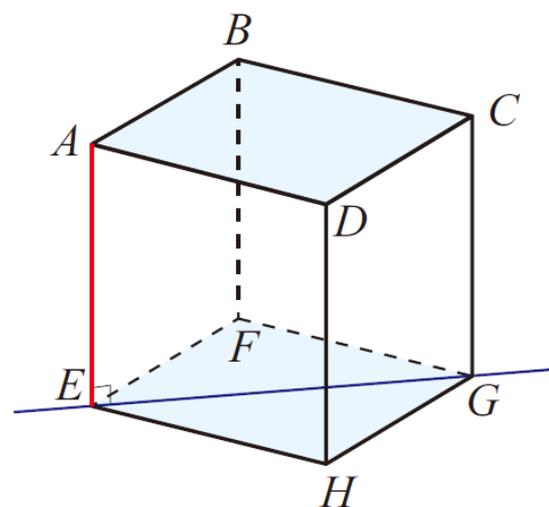
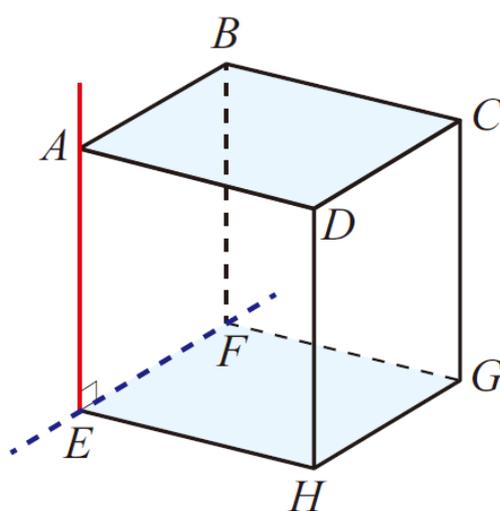
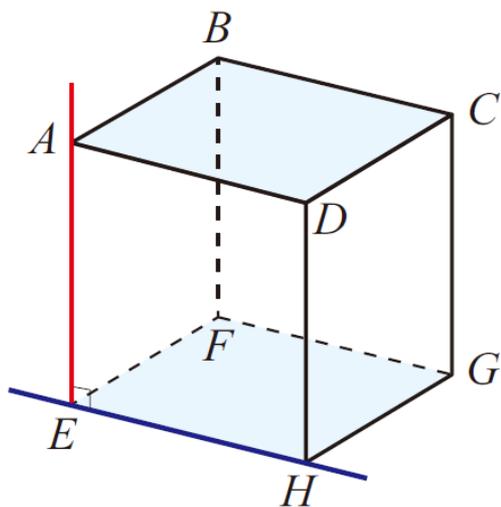
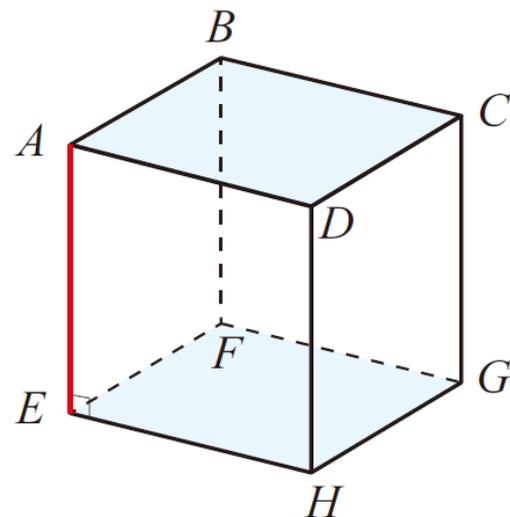
記為直線 $AE \perp$ 平面 $EFGH$ 。

此時，

平面 $EFGH$ 上通過垂足 E 的任一直線

皆會與 \overrightarrow{AE} 垂直，例如 $\overrightarrow{AE} \perp \overrightarrow{EH}$ 、 $\overrightarrow{AE} \perp \overrightarrow{EF}$ 、

$\overrightarrow{AE} \perp \overrightarrow{EG}$ 。





隨堂練習

類題演練

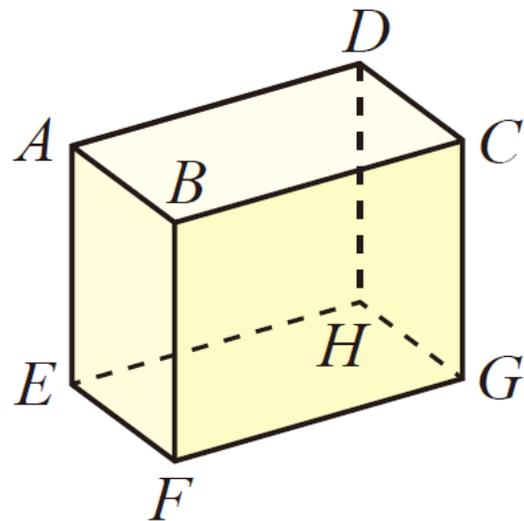
根據右圖長方體的標示，找出與矩形 $ABFE$ 垂直的平面或線段。

解

矩形 $BCGF$ 矩形 $DCGH$

\overline{BC} \overline{BF}

\overline{FG} \overline{CG}



ALL





利用直線與平面的垂直關係，我們可以計算長方體的對角線長度。

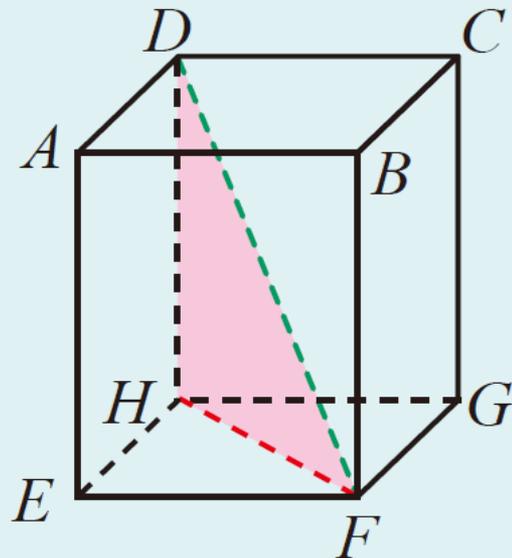




例 5 計算長方體的對角線

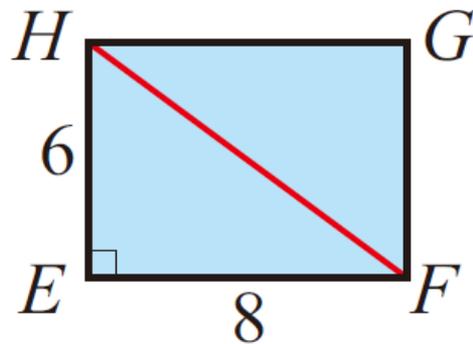
根據右圖長方體的標示，
若 $\overline{EF} = 8$ ， $\overline{HE} = 6$ ， $\overline{DH} = 10$ ，
試求：(配合附件(+))

(1) \overline{HF} 的長度。



解 (1) 由畢氏定理算得矩形 $EFGH$ 的對角線，

$$\overline{HF} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10 \text{。} \#$$



ALL

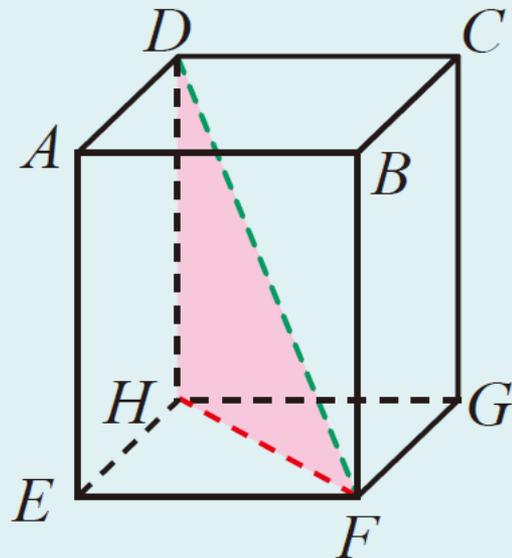




例 5 計算長方體的對角線

類題演練

根據右圖長方體的標示，
若 $\overline{EF} = 8$ ， $\overline{HE} = 6$ ， $\overline{DH} = 10$ ，
試求：(配合附件(+))
(2) \overline{DF} 的長度。

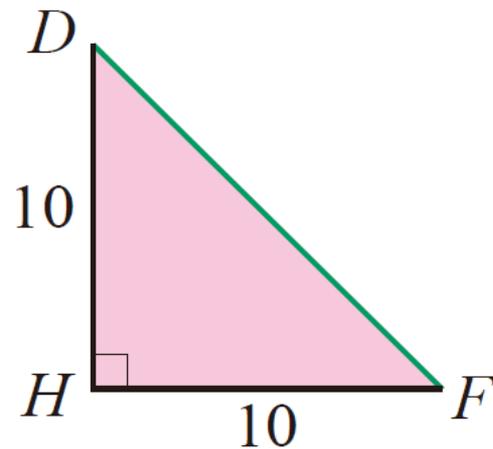


解 (2) $\because \overline{DH} \perp$ 矩形 $EFGH$

$\therefore \overline{DH} \perp \overline{HF}$

由畢氏定理算得 $\triangle DHF$
的斜邊

$$\overline{DF} = \sqrt{10^2 + 10^2} = 10\sqrt{2} \quad \#$$



ALL

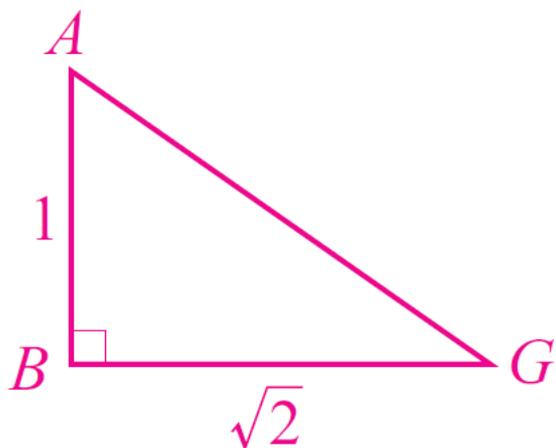
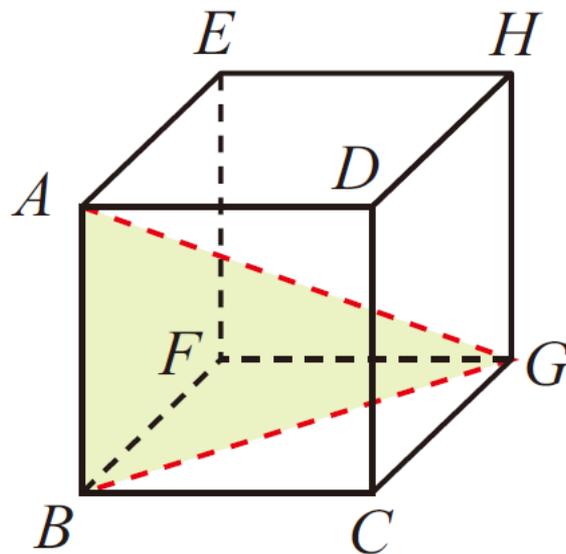




隨堂練習

右圖是一個邊長為 1 的正方體，試求對角線 \overline{AG} 的長度。

解



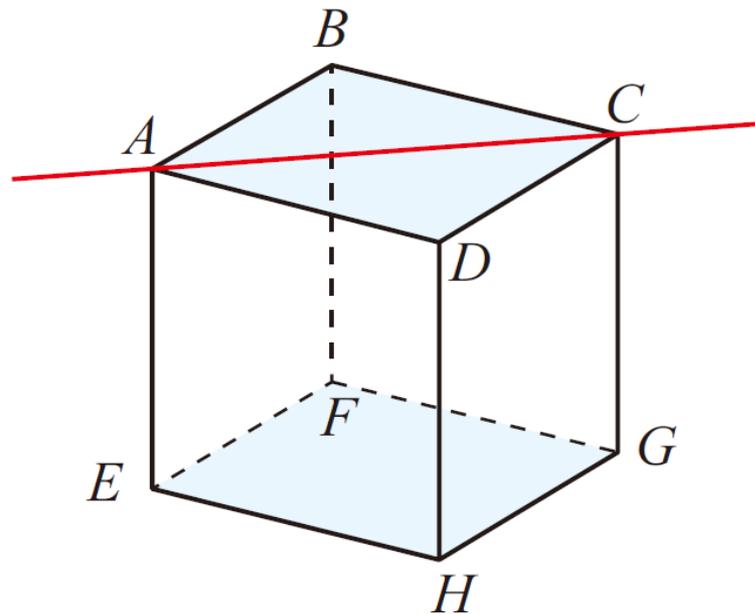
ALL





平行與歪斜

在長方體中，相對的兩面會互相平行，如右圖，矩形 $ABCD$ 與矩形 $EFGH$ 互相平行，記為
平面 $ABCD \parallel$ 平面 $EFGH$ 。

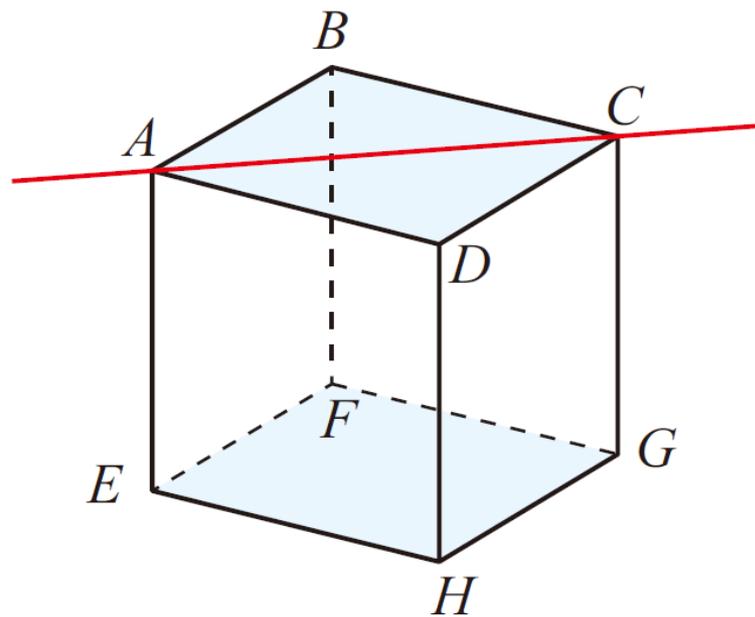




此時，

底面 $ABCD$ 上的 \overleftrightarrow{AB} 、 \overleftrightarrow{AC} 、 \overleftrightarrow{AD} 與底面 $EFGH$ 不相交，故 \overleftrightarrow{AB} 、 \overleftrightarrow{AC} 、 \overleftrightarrow{AD} 皆與底面 $EFGH$ 平行。

事實上，若矩形 $ABCD$ 與矩形 $EFGH$ 互相平行，則底面 $ABCD$ 上的任何一條直線皆與底面 $EFGH$ 平行。





在圖 1 長方體中，
矩形 $ABCD$ 上的 \overrightarrow{AB} 與矩形 $EFGH$ 上的 \overrightarrow{EF} 、
 \overrightarrow{EH} 皆不相交。

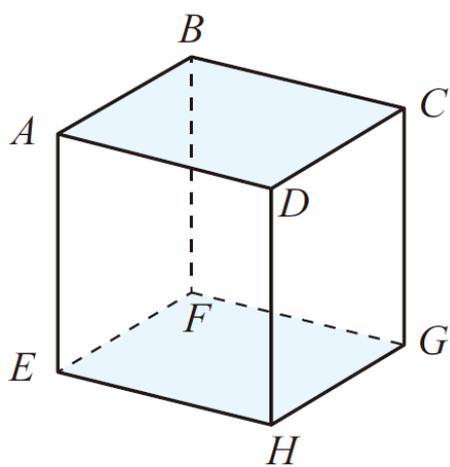


圖 1

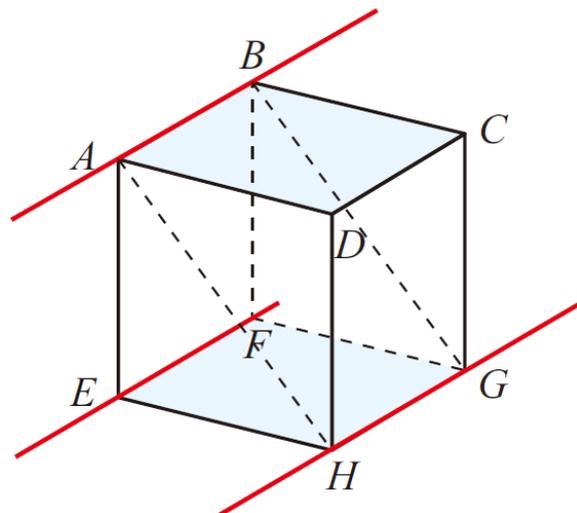


圖 2

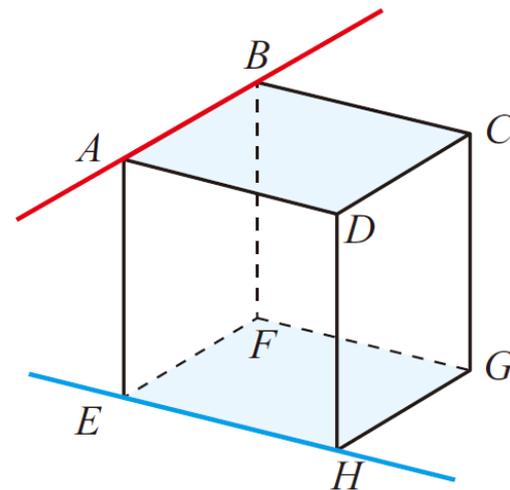


圖 3





此時，

- ① 如圖 2，不相交的 \overrightarrow{AB} 與 \overrightarrow{EF} 落在同一平面 $ABFE$ 上，我們稱 $\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{EF}$ ；
 同樣地，不相交的 \overrightarrow{AB} 與 \overrightarrow{GH} 落在同一平面 $ABGH$ 上，我們稱 $\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{GH}$ ；

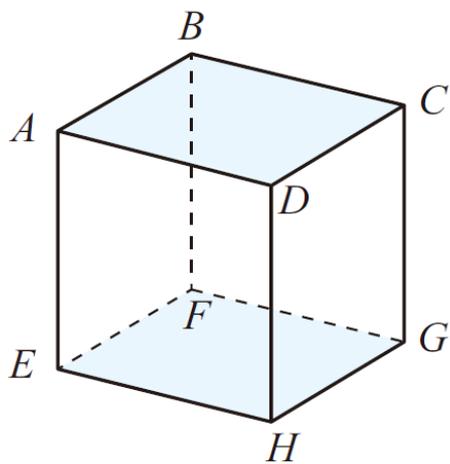


圖 1

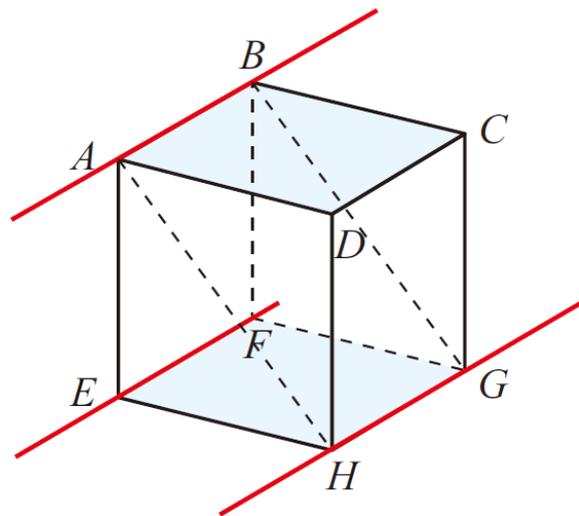


圖 2

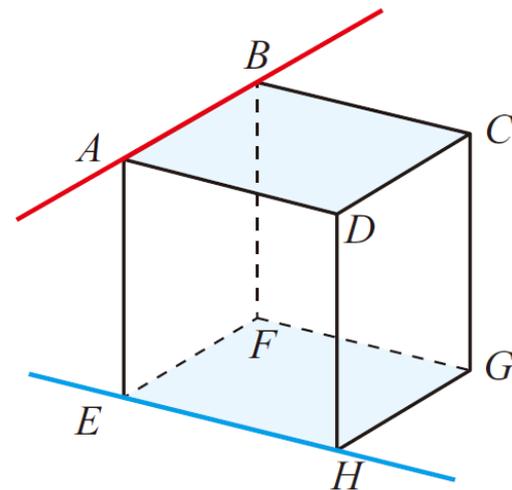


圖 3





類題演練

- ② 如圖 3，不相交的 \overrightarrow{AB} 與 \overrightarrow{EH} 不落在同一平面上，故 \overrightarrow{AB} 與 \overrightarrow{EH} 不平行，我們稱 \overrightarrow{AB} 與 \overrightarrow{EH} 互相**歪斜**。(配合附件(十一))

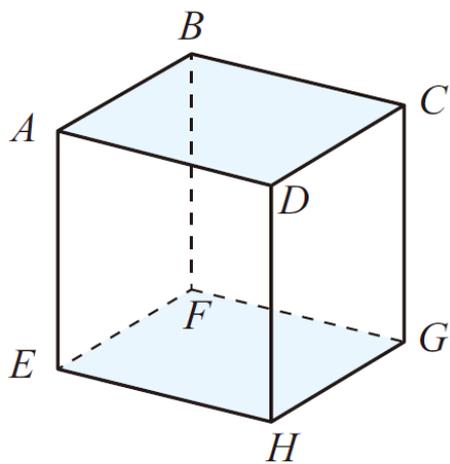


圖 1

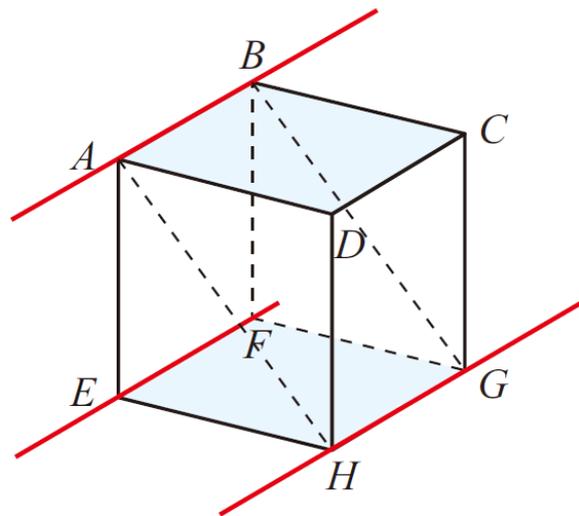


圖 2

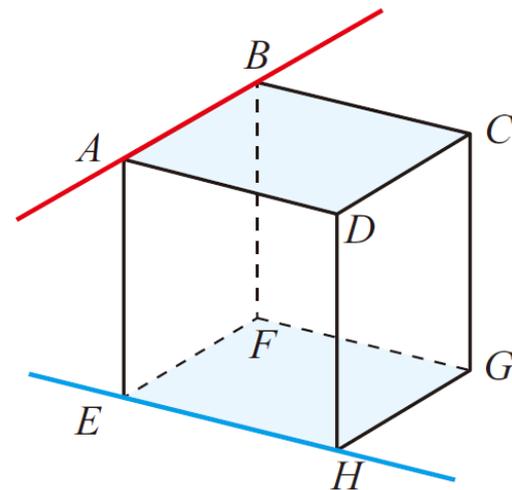


圖 3





隨堂練習

根據右圖長方體的標示，找出

(1) 與矩形 $ABFE$ 平行的邊或面：

矩形 $BCGF$ 矩形 $DCGH$

\overline{BC} \overline{BF} \overline{CD} \overline{CG}

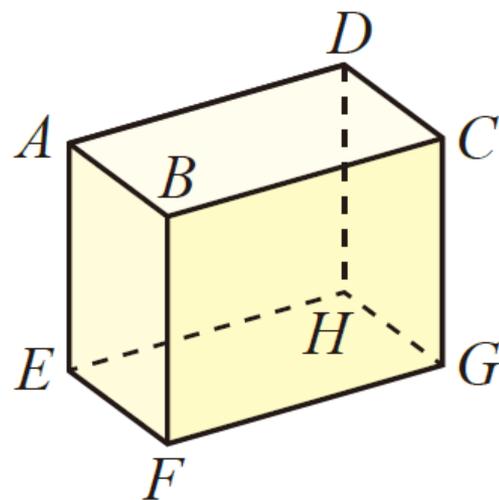
(2) 與 \overline{BC} 平行的邊或面：

矩形 $ABCD$ 矩形 $EFGH$

\overline{AE} \overline{EF} \overline{DH} \overline{EH}

(3) 與 \overline{BF} 歪斜的邊：

\overline{EF} \overline{FG} \overline{CD} \overline{DH}

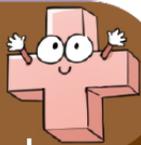


ALL



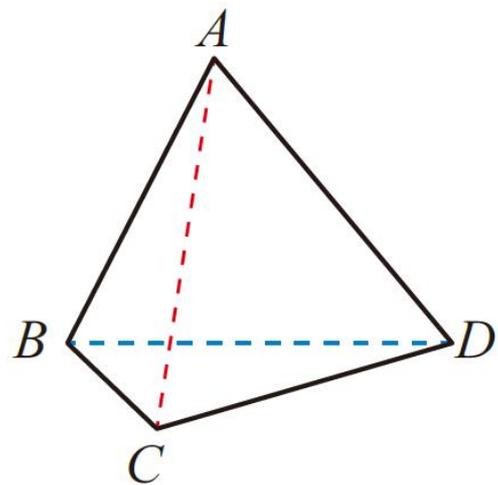


數養知識



60° 的平衡

在正四面體 $ABCD$ 中，移除一組歪斜 \overline{AC} 與 \overline{BD} ，即公共藝術《60°的平衡》骨架結構。
藝術家李再鈞介紹這件立體幾何雕塑時這麼說：「這個很有意思！怎麼擺、怎麼放都不會錯！」（配合附件（十二））





3-1 重點整理

1 立體圖形

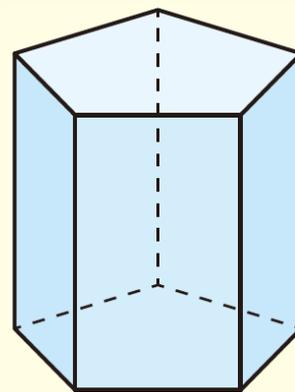
結構特徵

釋例

角柱

1. 底面為兩個全等的多邊形；側面為數個矩形。
2. 底面 \parallel 底面；底面 \perp 側面。

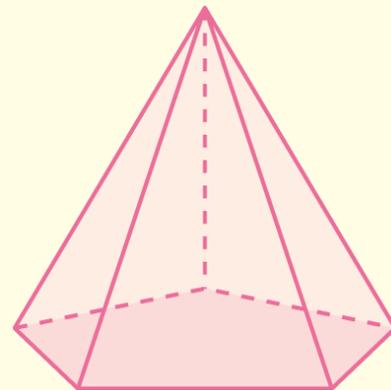
例 右圖為直五角柱。



正角錐

1. 底面為一個正多邊形；側面為數個全等的等腰三角形。

例 右圖為正五角錐。





3-1 重點整理

1 立體圖形

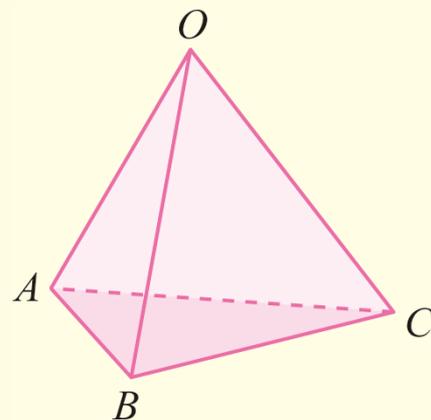
結構特徵

釋例

正四面體

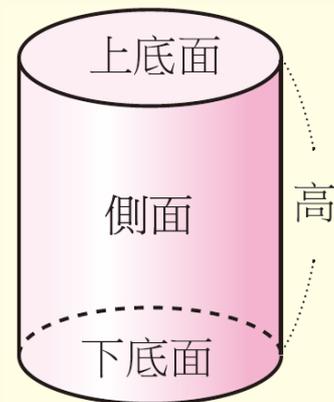
1. 底面與側面為全等的正三角形。
2. 由四個全等的正三角形所構成。

例 右圖為正四面體 $ABCO$ 。



直圓柱

1. 底面為兩個等圓。
2. 側面可展開成矩形或平行四邊形，此時側面的高為圓柱的高。





3-1 重點整理

歷屆試題

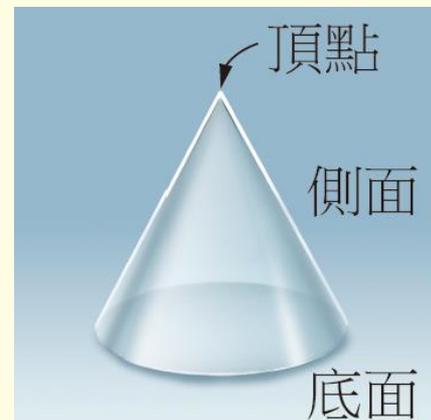
1 立體圖形

結構特徵

直圓錐

1. 底面為一個圓形。
2. 側面可展開成扇形，扇形的弧長等於底圓周長。

釋例





3-1 重點整理

2 立體圖形的表面積與體積

(1) 柱體或錐體的表面積

= 展開圖的面積

= 底面積 + 側面積。

(2) 柱體的體積 = 底面積 \times 高。





3-1 重點整理

3 空間中的線與平面

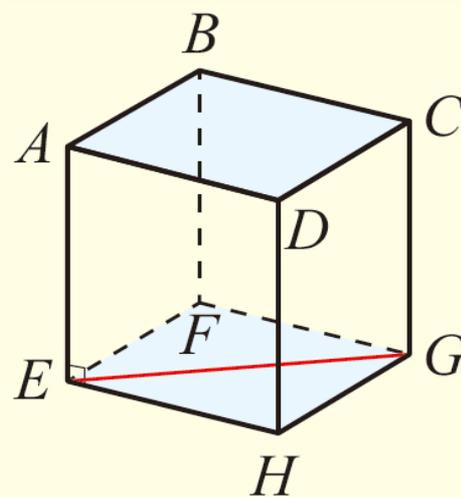
結構特徵

垂直

1. 長方體中，相鄰的兩面互相垂直。
2. 長方體中，高與底面垂直，也與底面上通過垂足的任一直線垂直。

例 如右圖，側面 $BCGF \perp$ 底面 $EFGH$ ；高 $\overline{AE} \perp$ 底面 $EFGH$ 且 $\overline{AE} \perp \overline{EH}$ 、 $\overline{AE} \perp \overline{EF}$ 、 $\overline{AE} \perp \overline{EG}$ 。

釋例





3-1 重點整理

3 空間中的線與平面

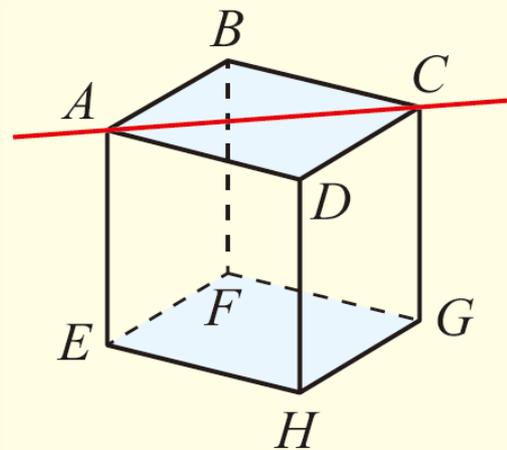
結構特徵

平行

1. 長方體中，相對的兩面互相平行。此時其中一面上的任一直線皆與另一平面平行。

例 如右圖，底面 $ABCD \parallel$ 底面 $EFGH$ ；且 \overrightarrow{AB} 、 \overrightarrow{AC} 、 \overrightarrow{AD} 皆與底面 $EFGH$ 平行。

釋例





3-1 重點整理

延伸演練

3 空間中的線與平面

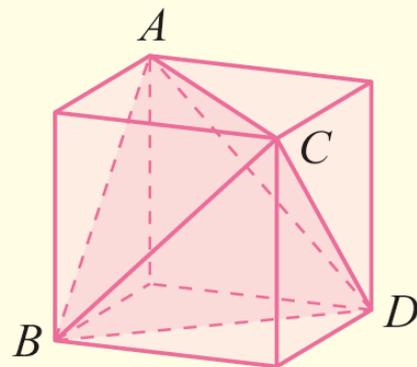
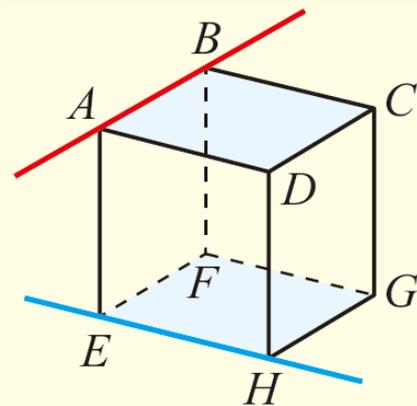
結構特徵

釋例

歪斜

1. 不相交且不平行的兩直線互相歪斜。

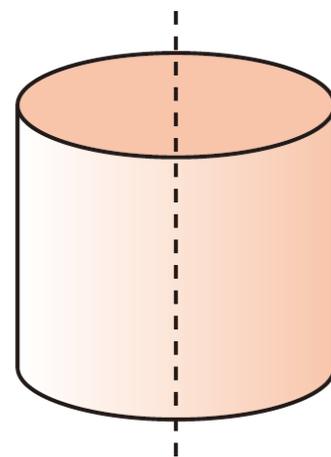
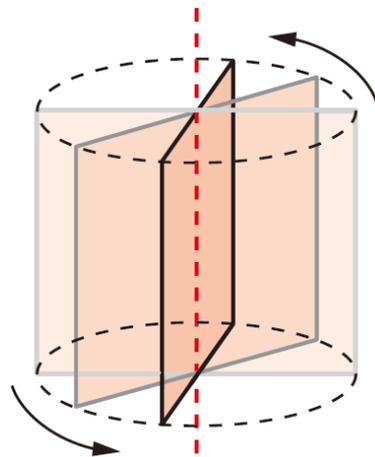
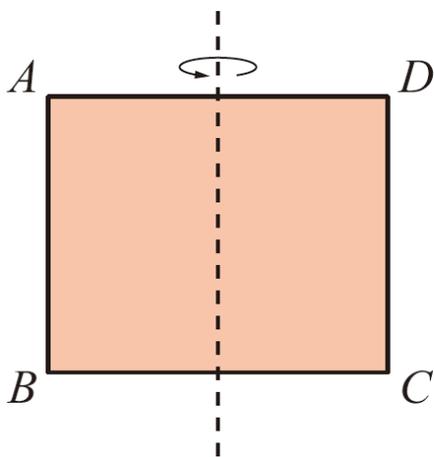
例 如右圖，長方體的 \overleftrightarrow{AB} 與 \overleftrightarrow{EH} 互相歪斜；正四面體的 \overleftrightarrow{AC} 與 \overleftrightarrow{BD} 互相歪斜。





3-1 自我評量

1 小真使用 3D 列印的繪圖軟體，將矩形 $ABCD$ 依其鉛直方向的對稱軸旋轉，得到一個圓柱。若 $\overline{AD} = 6$ ， $\overline{AB} = 5$ 。試求：



(1) 圓柱的體積。

解

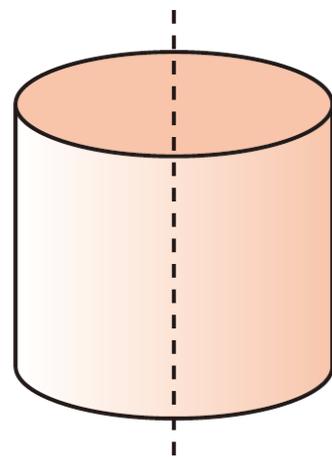
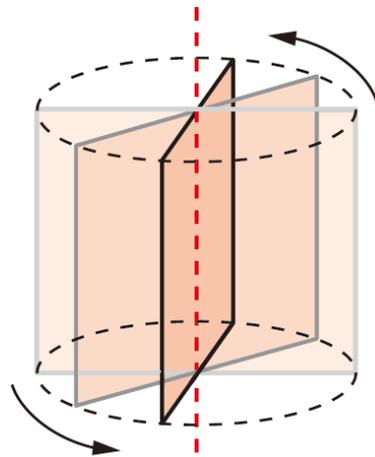
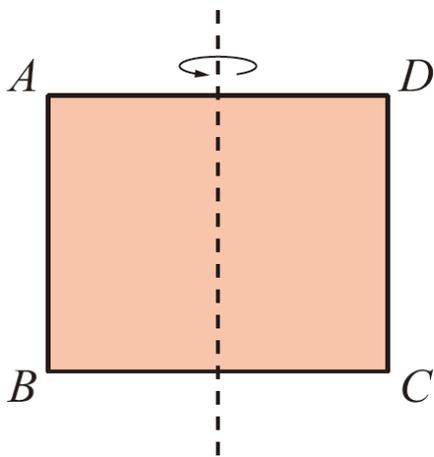
ALL





3-1 自我評量

1 小真使用 3D 列印的繪圖軟體，將矩形 $ABCD$ 依其鉛直方向的對稱軸旋轉，得到一個圓柱。若 $\overline{AD} = 6$ ， $\overline{AB} = 5$ 。試求：



(2) 圓柱的表面積。

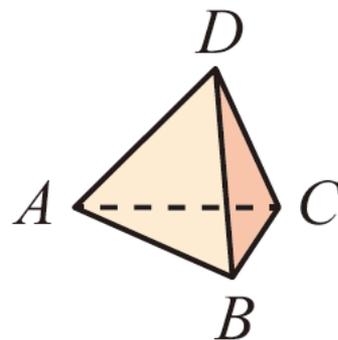
解





3-1 自我評量

2 已知正四面體 $ABCD$ 如右圖，
回答下列各題：

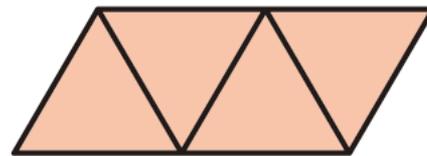
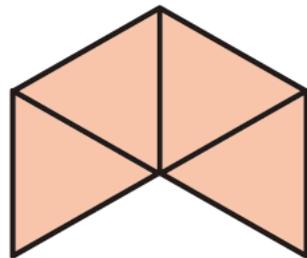
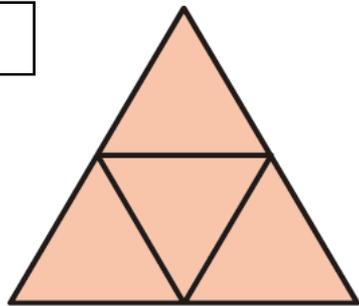


(1) 下列何者與 \overline{AB} 互相歪斜？

- 解 \overline{AC} \overline{AD} \overline{BC}
 \overline{BD} \overline{CD}

(2) 下列何者不是正四面體的展開圖？

- 解



ALL

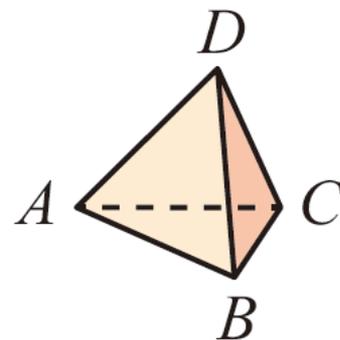




3-1 自我評量

2 已知正四面體 $ABCD$ 如右圖，
回答下列各題：

(3) 若 $\overline{AB} = 1$ ，求正四面體的表
面積。



解

ALL



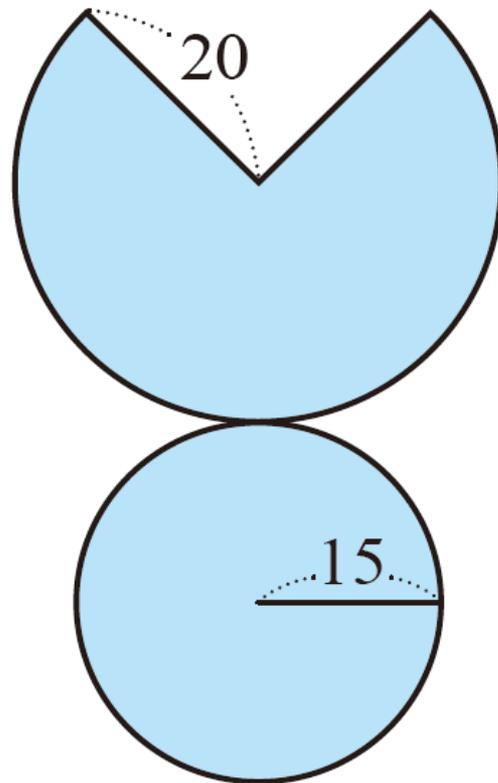


3-1 自我評量

延伸演練

- 3 已知圓錐的展開圖如右，
若扇形的半徑 = 20，
底圓半徑 = 15，試求：
- (1) 扇形的圓心角。

解



- (2) 圓錐的表面積。

解

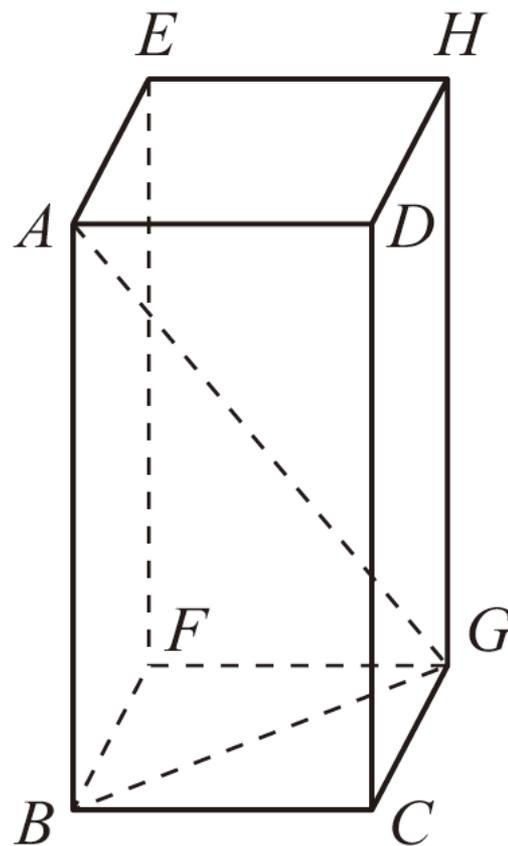
ALL





3-1 自我評量

4 右圖是一個長、寬、高分別為 40 公分、30 公分、80 公分的玻璃展示櫥窗，則一隻蚊子在櫥窗內部從 A 角落飛到 G 角落的最短距離為 $10\sqrt{89}$ # 公分。

解

ALL





3-1 自我評量

5 觀察右圖三角柱的標示並勾選正確答案：

解

(1) 與 \overline{AB} 垂直的線段有

\overline{BD} \overline{BE} \overline{BF} \overline{CF}

(2) 與 \overline{AB} 平行的線段有

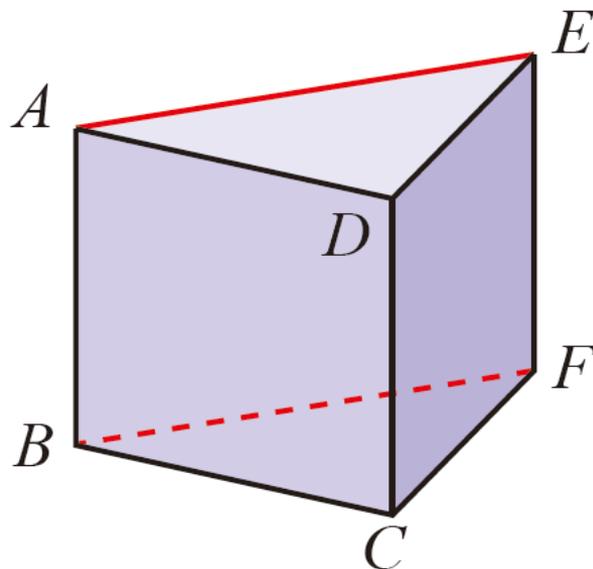
\overline{BC} \overline{CD} \overline{DE} \overline{FD}

(3) 與 \overline{AB} 歪斜的線段有

\overline{AF} \overline{EF} \overline{DE} \overline{FB}

(4) 與 $\triangle ADE$ 垂直的線段有

\overline{BD} \overline{CF} \overline{DE} \overline{EF}



ALL





3-1 自我評量

挑戰會考題

5 觀察右圖三角柱的標示並勾選正確答案：

解

(5) 與 $\triangle ADE$ 平行的線段有

\overline{BE} \overline{CF} \overline{DE} \overline{EF}

(6) 與 $\triangle ADE$ 垂直的平面有

$\triangle BCF$ $\triangle ADE$

$\triangle BDF$ 矩形 $ABFE$

(7) 與 $\triangle ADE$ 平行的平面有

$\triangle BCF$ $\triangle ADE$

$\triangle BDF$ 矩形 $ABCD$

ALL

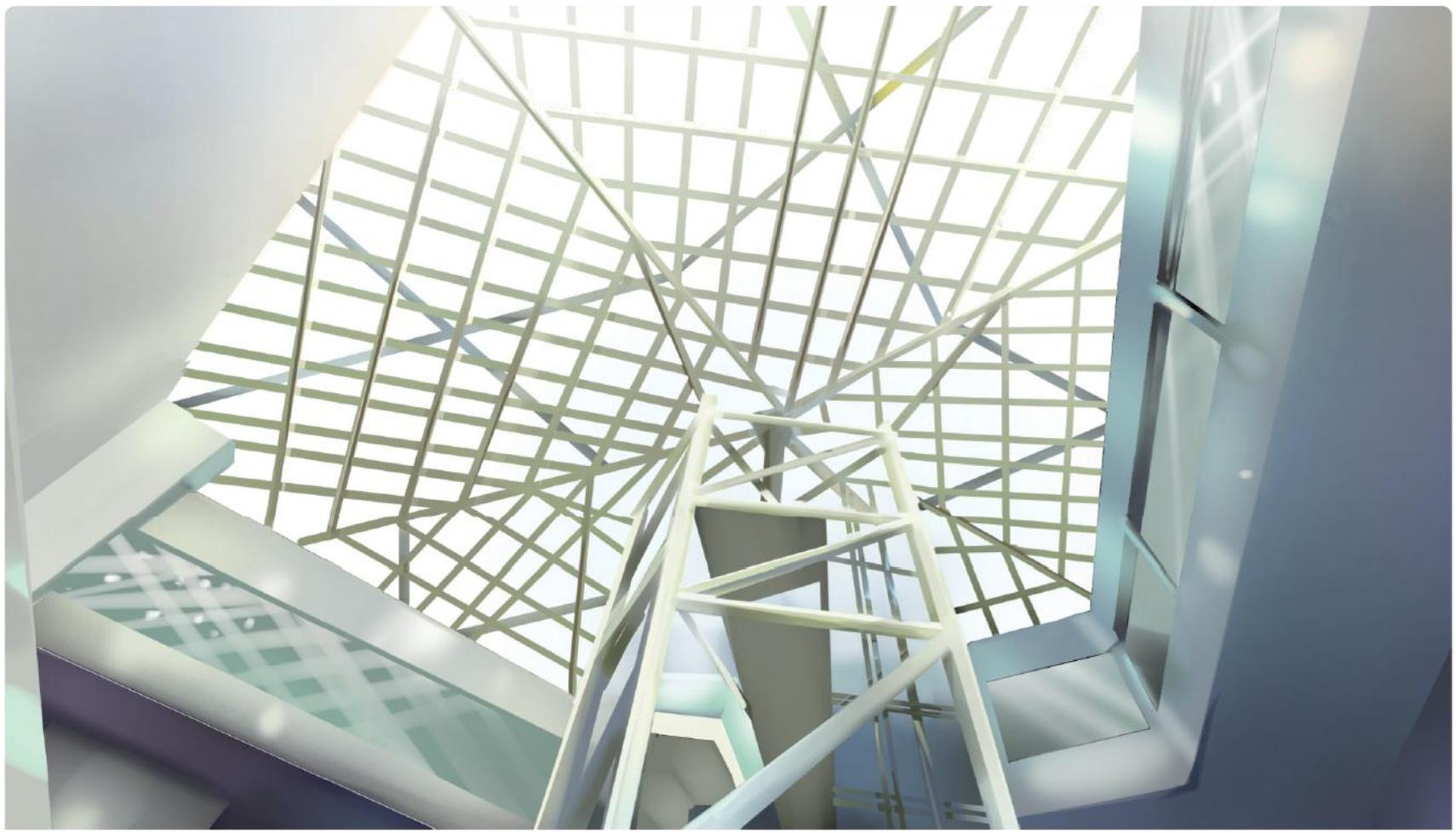




超展開!



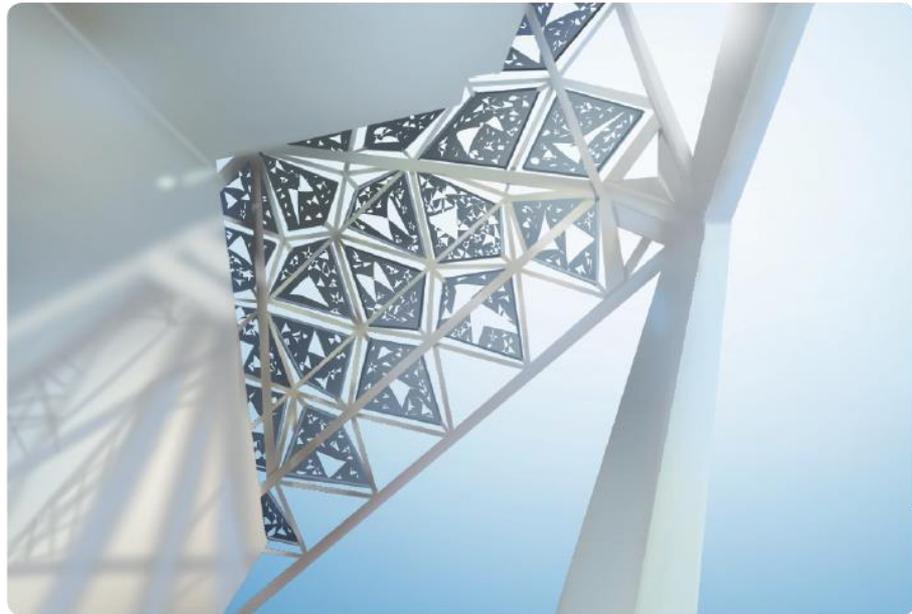
會呼吸的建築





會呼吸的建築

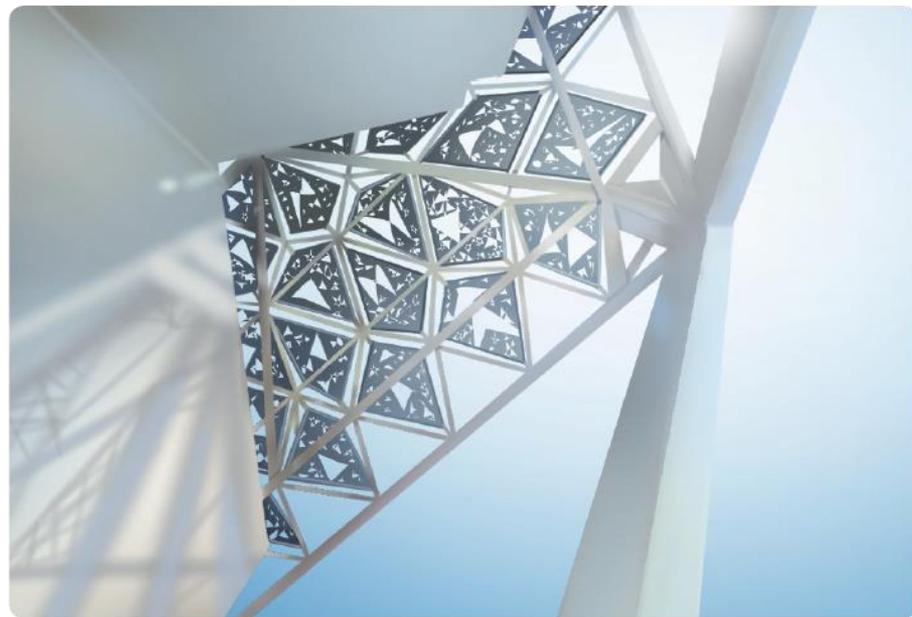
你可曾於炎炎烈日時，在樹冠枝條扭結連生和葉子繁茂交錯的大樹下，享受徐徐微風的舒爽呢？相信你一定看過，燦爛的陽光在氤氳繚繞的晨霧中，穿過稠密的樹葉縫隙，緩緩舞動，一縷縷得灑滿了校園。





會呼吸的建築

臺南市美術館 2 館，便是一座如大樹般，會呼吸的建築，除了藝術造型外，更蘊含著文化、環保與休閒的功能。其主體建築是以臺南市市樹的花，也就是鳳凰花，轉化為既純粹又強烈的五角造型，屋頂則是以幾何造型製作的碎形結構，既有阻隔 80% 陽光的效果，又可讓 20% 的陽光穿過屋頂，猶如陽光穿過樹梢般，在屋內的牆上畫下一道道美麗的光影。





會呼吸的建築

據政府統計：受到新冠肺炎疫情影响，2020年1~8月，全臺博物館和美術館的參觀人數，臺南市美術館高居第一。讓我們一起來認識臺南市美術館 2 館的建築亮點吧！



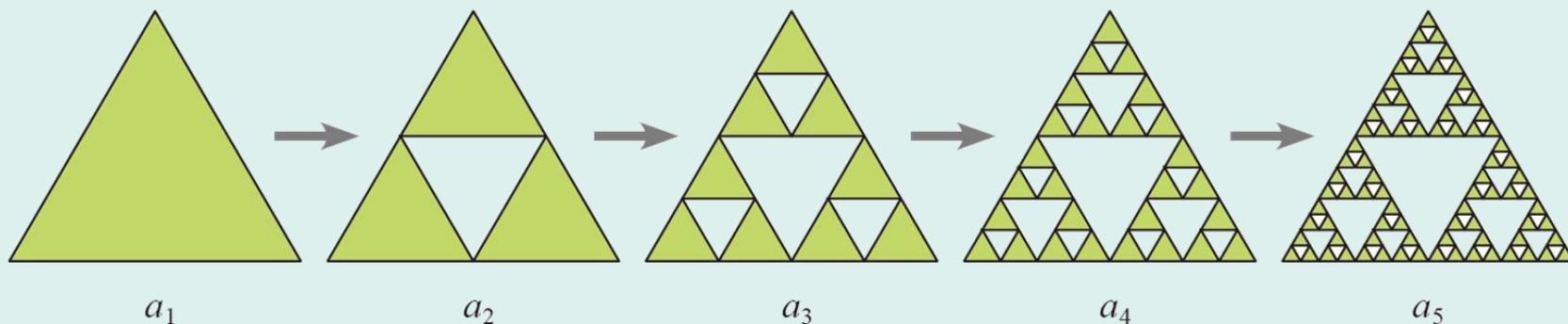


會呼吸的建築

建築設計師關於碎形結構的靈感源自

「謝爾賓斯基三角形 (*Sierpinski triangle*)」，
其構造方法如下：

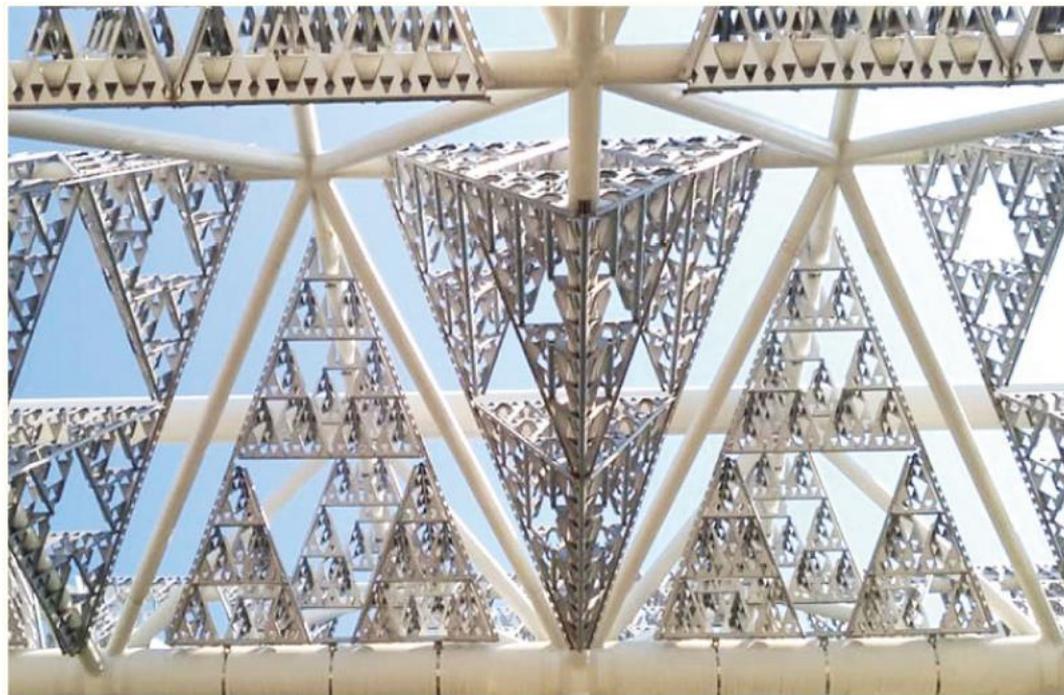
- 1 從每個「綠色三角形」的各邊中點挖空中心的小正三角形。
- 2 重複上述動作。





會呼吸的建築

算算看，謝爾賓斯基三角形從 a_k 到 a_{k+1} 的面積變化規則為何？



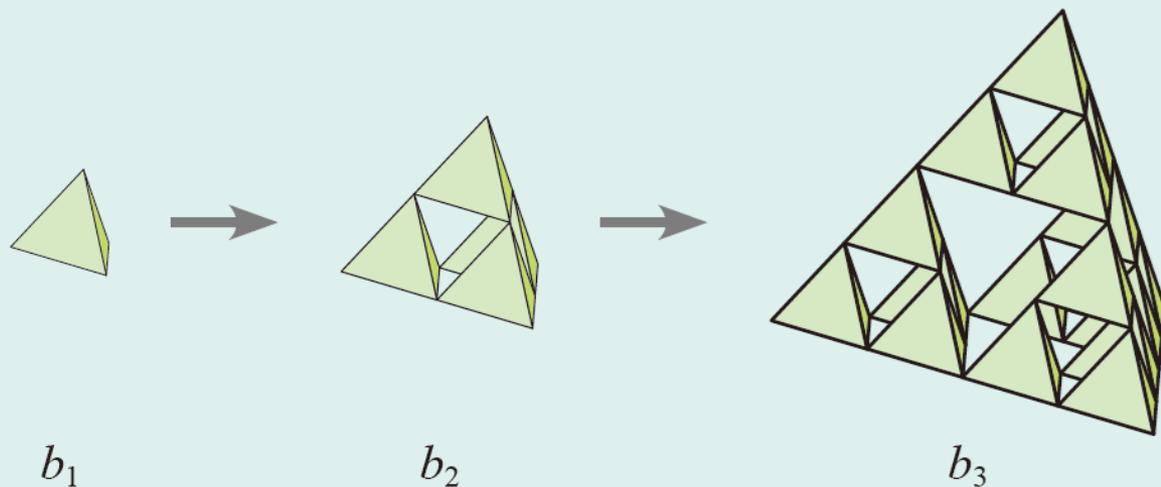
若將中心挖空的概念套用在實際建築上，即得臺南市美術館 2 館屋頂模擬鳳凰樹遮蔭效果的數學應用。





會呼吸的建築

- 1 從每個「綠色三角錐」一組一組往外延伸。
- 2 重複上述動作。



可以參考附件（十三）製作屬於自己的碎形結構。



更多閱讀資訊
維基百科
「謝爾賓斯基三角形」
條目





本節已結束。
請點選數學小博士→
離開投影片。



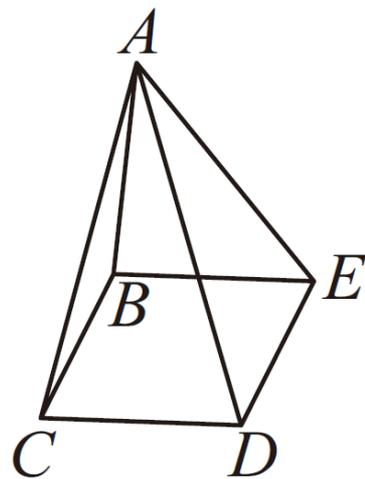


歷屆試題

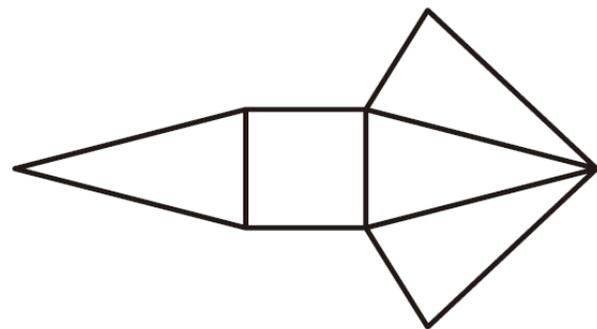
精熟題

將圖(一)的正四角錐 $ABCDE$ 沿著其中的四個邊剪開後，形成的展開圖為圖(二)。判斷下列哪一個選項中的四個邊可為此四個邊？

- (A) \overline{AC} 、 \overline{AD} 、 \overline{BC} 、 \overline{DE}
 (B) \overline{AB} 、 \overline{BE} 、 \overline{DE} 、 \overline{CD}
 (C) \overline{AC} 、 \overline{BC} 、 \overline{AE} 、 \overline{DE}
 (D) \overline{AC} 、 \overline{AD} 、 \overline{AE} 、 \overline{BC}



圖(一)



圖(二)

解 (A) ◦ #

