

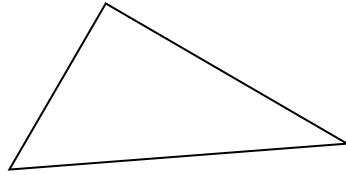
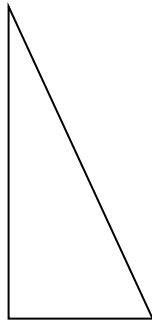


2-3


畢氏定理

在開始介紹之前，老師先帶同學認識一些名詞。

例題一、認識直角三角形



例題二、認識勾股定理、商高定理、畢氏定理

<p>商高定理</p>	<p>商高定理這個名稱出自中國古代數學教科書「周髀算經」 (作者不詳)</p>	<p>「周髀算經」簡介： 在數學的古籍中被認為是最古老的（有人考據比九章算術遲二百年），此處的「周」，非指周朝而是圓周；髀的原意為大腿骨。書中大部份的記載與天文學的計算有關。此書著作年代難以查考，比較保留的說法係在戰國時代（西元前四世紀末葉）或比這更早。比較誇張的說法是西元前十一世紀的作品，因為其中第一章第一節敘述周公與商高（商朝遺留下的貴族）的對話，對論直角三角形性質，其中的內容已經使用平方根，文中有「勾股各自乘，並之為弦實，開方除，即弦也」的詞句，就是明証。商高為西元前 1100 年人。</p>
<p>勾股定理</p>	<p>勾股定理這個名稱出自中國古代數學教科書「九章算數」 (作者劉徽)</p>	<p>「九章算數」簡介： 是比周髀更為進步的數學古籍，其著述年代莫衷一是，比較可能的考據，九章係在秦或前漢萌芽，後漢成書，此部流傳甚廣，在中國數學書籍中可說是最為重要，其由九卷及二百四十六個問題構成。</p>
<p>畢氏定理</p>	<div style="display: flex; align-items: center;">  <div> <p>儘管中國的商高比畢達哥拉斯早了 500 年使用這個定理，但是畢達哥拉斯對這個定理提出普遍性的證明，所以一般人還是把定理歸屬於畢達哥拉斯。</p> <p>(畢達哥拉斯,Pythagoras 約西元前 569)</p> </div> </div>	

2-3

畢氏定理

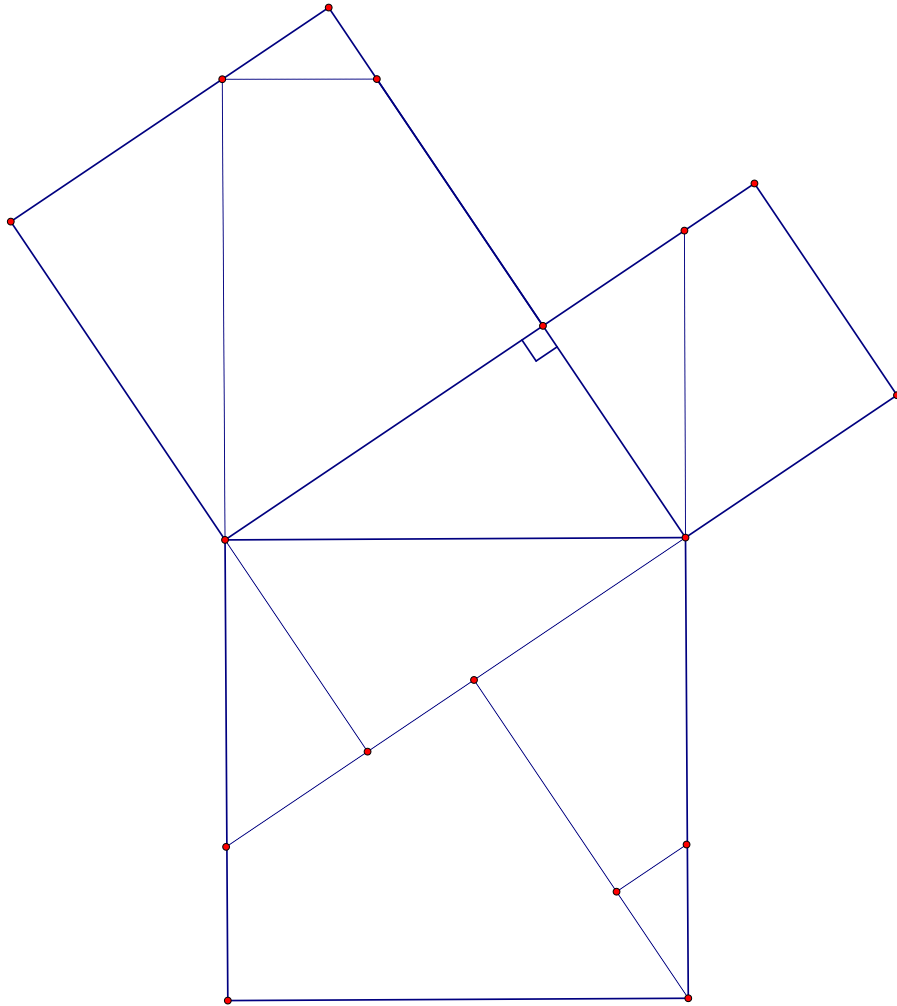
定理：用白話來說，定理可解釋成真理。給同學一個重要觀念，數學定理是需要證明的。

老師曾經教過同學一個速算方法，

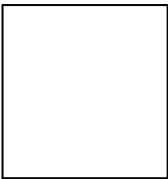
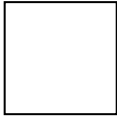
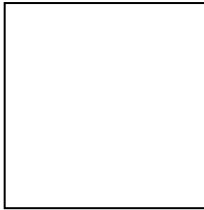
$$35^2 = 1225$$

只需將 5 前面的數 3，乘以 3 的下一個整數 4； $3 \times 4 = 12$ ，然後後兩位再補上 25，就得 1225。

這個方法，同學也可以稱為定理。如果你願意的話，可以取名為_____定理
幾何圖形透過「巧妙的分割」，讓我們看到美麗的數學定理

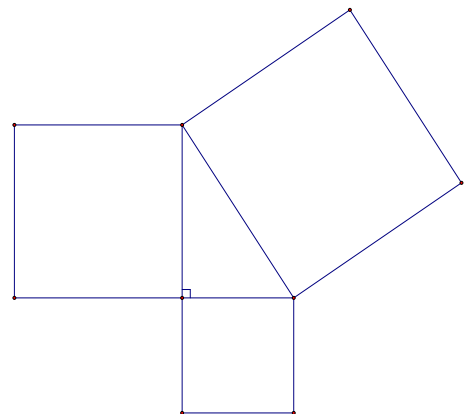


畢氏定理的文字寫法

(1)  +  = 

(2)

(3)

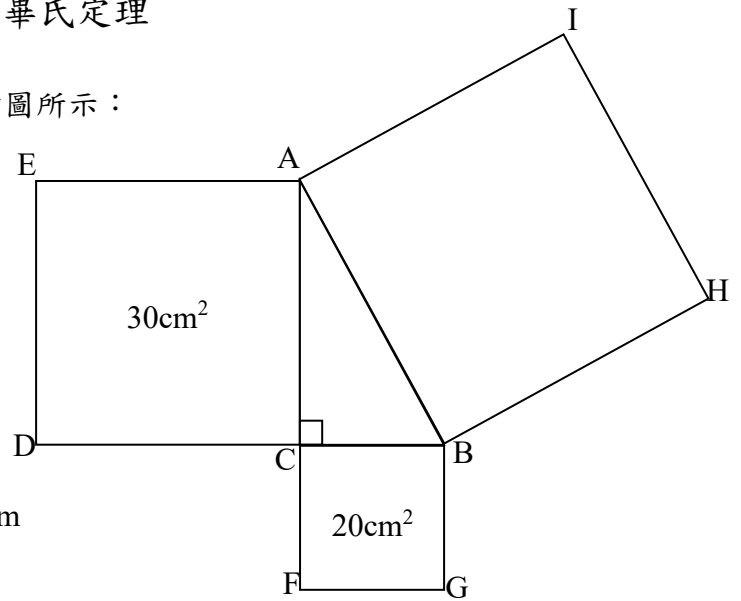


2-3

畢氏定理

例題一、(複習畢氏定理)

直角三角形 ABC，以三邊長分別做正方形如右圖所示：



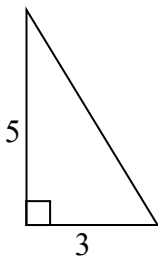
(1) 正方形 ACDE 面積 = 30 cm^2 ， $\overline{AC} = \underline{\hspace{2cm}}$ cm

(2) 正方形 BCFG 面積 = 20 cm^2 ， $\overline{BC} = \underline{\hspace{2cm}}$ cm

(3) 根據畢氏定理，正方形 ABHI 面積 = $\underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^2$ ， $\overline{AB} = \underline{\hspace{2cm}}$ cm

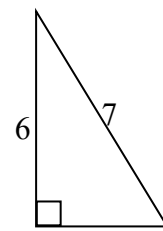
例題二、(利用畢氏定理計算直角三角形邊長)

(1)



斜邊 = $\underline{\hspace{2cm}}$

(2)

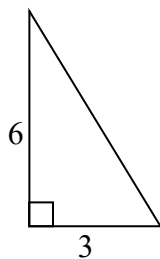


股邊 = $\underline{\hspace{2cm}}$

練習題

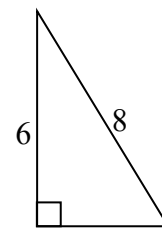
1. 計算下圖直角三角形的斜邊

斜邊 = $\underline{\hspace{2cm}}$



2. 計算下圖直角三角形的股邊。

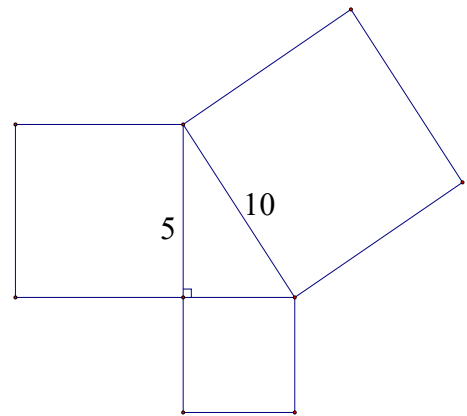
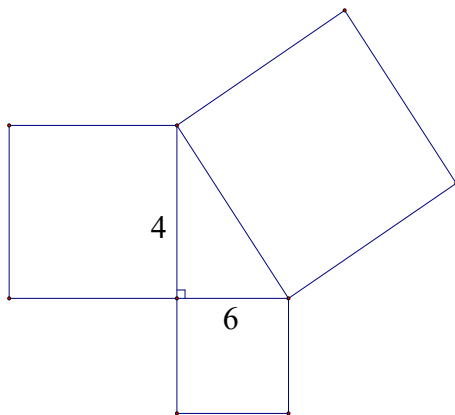
股邊 = $\underline{\hspace{2cm}}$



答案 1. $3\sqrt{5}$

2. $2\sqrt{7}$

例題一、(利用畢氏定理計算直角三角形邊長)



如果為了計算方便，寫成公式：斜邊＝

股邊＝

老師建議不要死記公式，先理解公式再把公式記下來！

練習題(求下列直角三角形的斜邊或股邊)

<p>1.</p> <p>求斜邊＝</p>	<p>2.</p> <p>求斜邊＝</p>
<p>3.</p> <p>求股邊＝</p>	<p>4.</p> <p>求股邊＝</p>

答案 1. $3\sqrt{5}$

2. $5\sqrt{5}$

3. $\sqrt{7}$

4. $4\sqrt{6}$