

3-2

# 基本尺規作圖

- 1 等線段作圖
- 2 等角作圖
- 3 中垂線作圖
- 4 角平分線作圖



溫故啟思



重點整理



自我評量

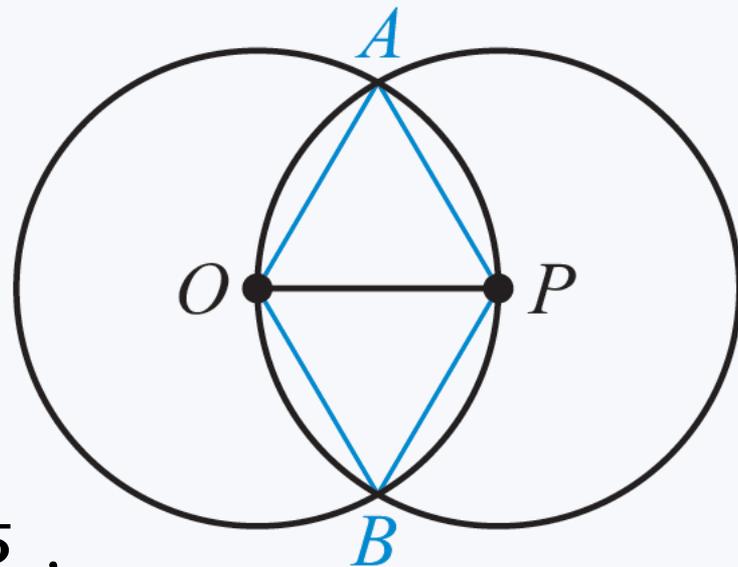




## 溫故啟思

如右圖，已知圓  $O$  的圓心為  $O$  點，半徑為  $\overline{OP}$ ；圓  $P$  的圓心為  $P$  點，半徑亦為  $\overline{OP}$ 。

若兩圓的交點為  $A$ 、 $B$ ，今連接  $\overline{OA}$ 、 $\overline{OB}$ 、 $\overline{PA}$ 、 $\overline{PB}$ ，則：



(1)  $\overline{OA}$    =    $\overline{OB}$ 。(填入  $>$ 、 $=$  或  $<$ )

(2)  $\overline{OA}$    =    $\overline{PA}$ 。(填入  $>$ 、 $=$  或  $<$ )

(3)  $\triangle AOP$  是  正三角形  不等邊三角形。

(4) 四邊形  $AOBP$  是  正方形  菱形。

#

ALL

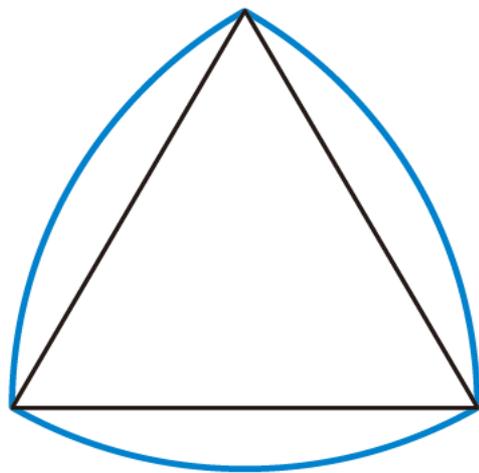
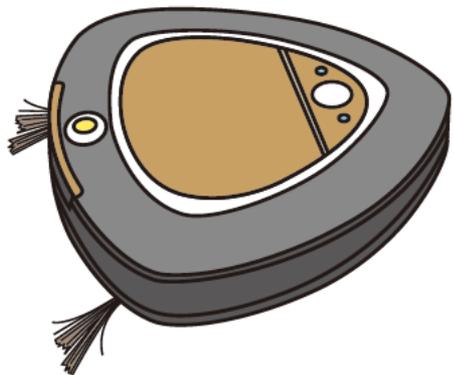




# 1 等線段作圖

在數學上，當直尺不使用其刻度，而是只用來繪畫通過兩點的直線或線段，圓規只用來繪畫以某點為圓心，某一線段長為半徑的圓或圓弧，在這種條件下的作圖方式，我們稱為**尺規作圖**。





如今的設計圖稿雖多已採用繪圖軟體處理，但其中很多設計構想仍源自於基礎的尺規作圖概念。例如標榜獨特外型足以徹底清除角落灰塵的掃地機器人，其設計靈感便是來自三段圓弧構成的「勒洛三角形」。以下我們先介紹線段相等與角度相等的尺規作圖。





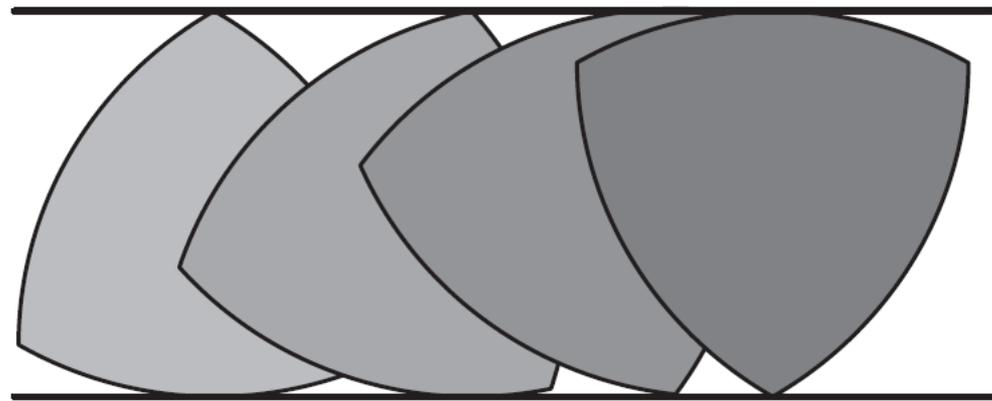
## 數養時光機

## 勒洛三角形

勒洛三角形

( *Reuleaux triangle* )

是由十九世紀德國  
機械工程師



佛朗茲·勒洛 ( *Franz Reuleaux* ) 以正三角形的頂點為圓心，邊長為半徑繪製成的定寬曲線，可在兩平行線中間滾動，相關的設計應用於萬克引擎 ( *Wankel engine* )、方孔鑽頭及掃地機器人等。





我們知道相異兩點可以連成一直線，若再利用圓規畫圓弧的動作，

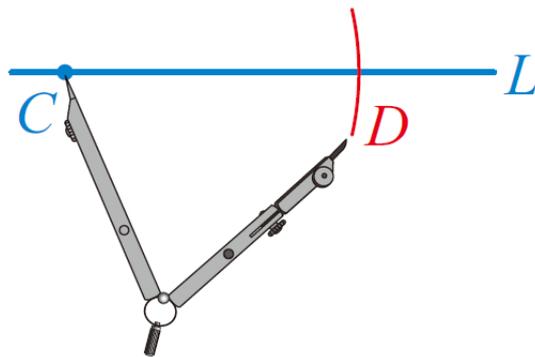


我們可以畫出  $\overline{CD}$  與已知的  $\overline{AB}$  長度相等，步驟如下：

(1) 以直尺畫一直線  $L$ ，並在  $L$  上適當取一點  $C$ 。



(2) 以  $C$  點為圓心， $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，交直線  $L$  於  $D$  點。



則由上述的作圖步驟可知：  
 $\overline{CD}$  長與半徑  $\overline{AB}$  相等。

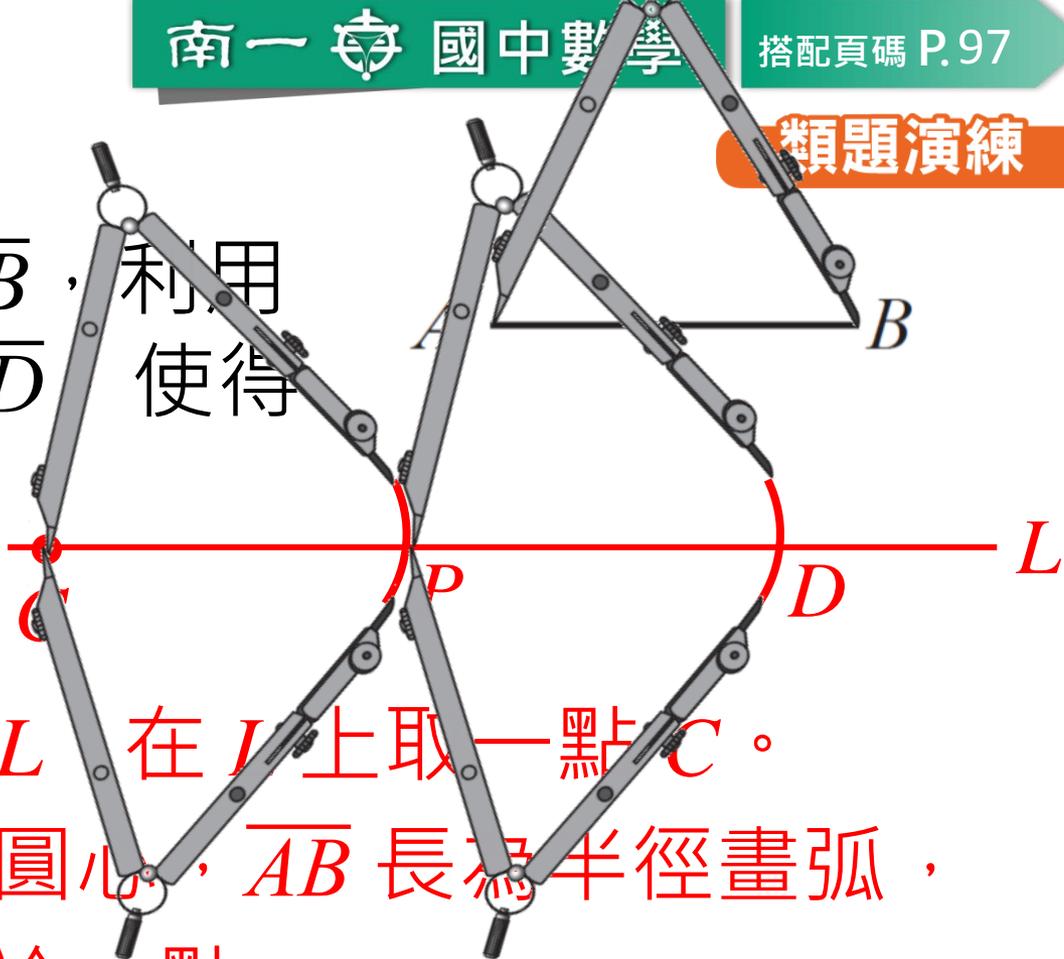




## 隨堂練習

## 類題演練

如右圖，已知  $\overline{AB}$ ，利用尺規作圖畫出  $\overline{CD}$  使得  $\overline{CD} = 2\overline{AB}$ 。



- 解**
- (1) 畫一直線  $L$  在  $L$  上取一點  $C$ 。
  - (2) 以  $C$  點為圓心， $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，交直線  $L$  於  $P$  點。
  - (3) 再以  $P$  點為圓心， $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，交直線  $L$  於  $D$  點，則  $\overline{CD} = 2\overline{AB}$  即為所求。#

ALL





一般而言，

為了要能確認尺規作圖的內容與步驟，  
需保留所有作圖的痕跡。

但有時只由圖示不容易看出步驟的先後順序，  
故為方便學習，作圖的步驟會輔以文字說明，  
同學們在作圖時，也可以檢視其作法。

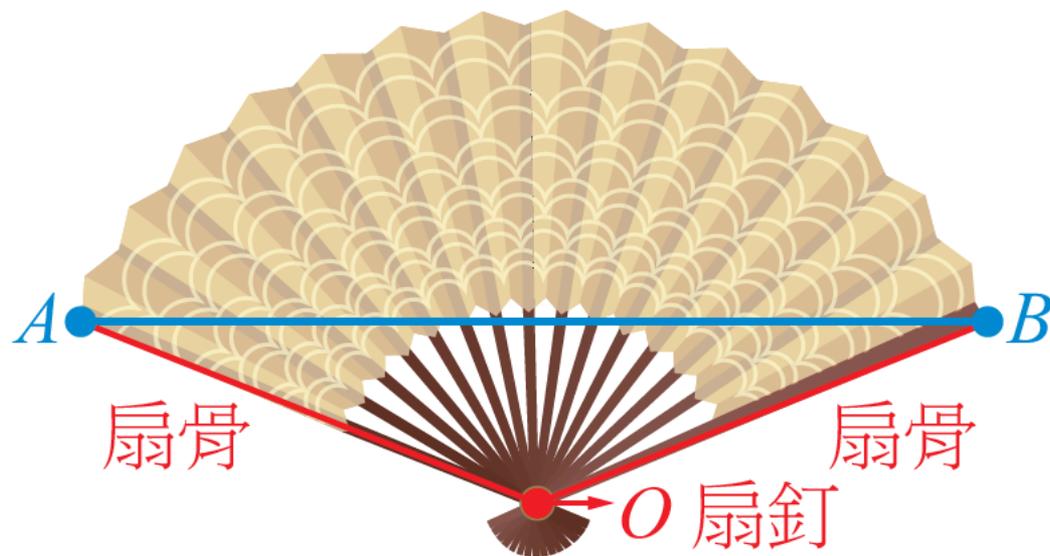




## 2

## 等角作圖

當摺扇開合時，  
我們可以發現  
當兩側扇骨端  
點  $A$ 、 $B$  之間  
的距離  $\overline{AB}$  固  
定時，在扇釘  $O$  點的  $\overline{OA}$ 、 $\overline{OB}$  之間夾角  
 $\angle AOB$  會隨之固定。利用這個特性，我們可  
以進行角度相等的作圖。





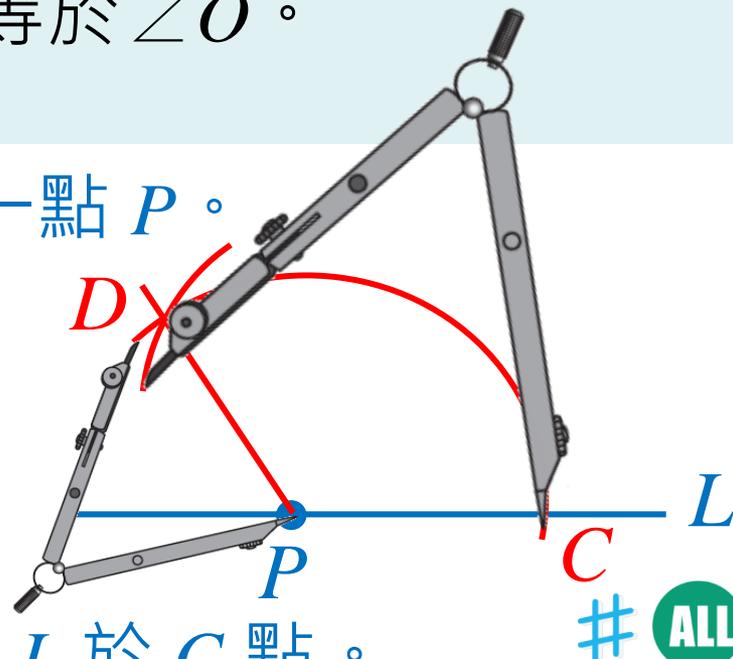
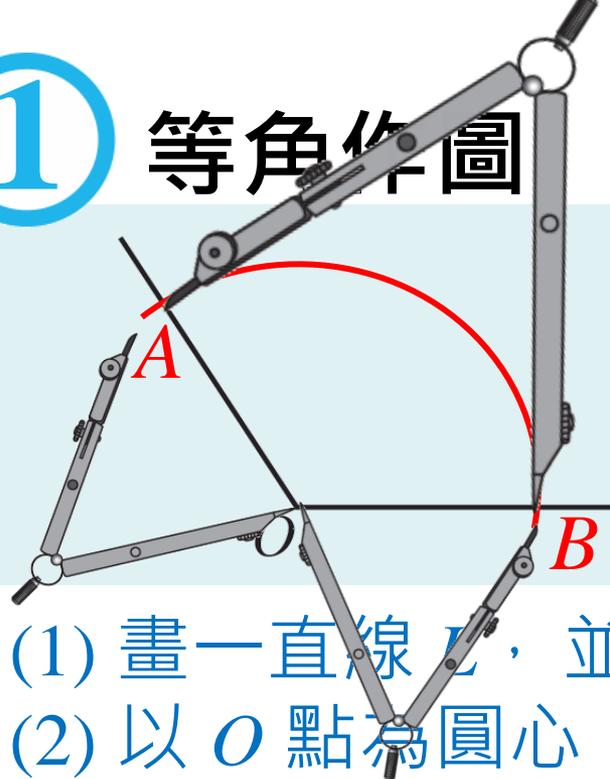
# 例 1 等角作圖

## 延伸演練

如左圖，已知  $\angle O$ ，利用尺規作圖畫出一個角，使其角度等於  $\angle O$ 。

解

- (1) 畫一直線  $L$ ，並在  $L$  上取一點  $P$ 。
- (2) 以  $O$  點為圓心，適當長為半徑畫弧，分別交  $\angle O$  的兩邊於  $A$ 、 $B$  兩點。
- (3) 以  $P$  點為圓心， $\overline{OB}$  長為半徑畫弧，交直線  $L$  於  $C$  點。
- (4) 以  $C$  點為圓心， $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，交前弧於  $D$  點。
- (5) 連接  $\overrightarrow{PD}$ ，則  $\angle DPC$  即為所求。



ALL



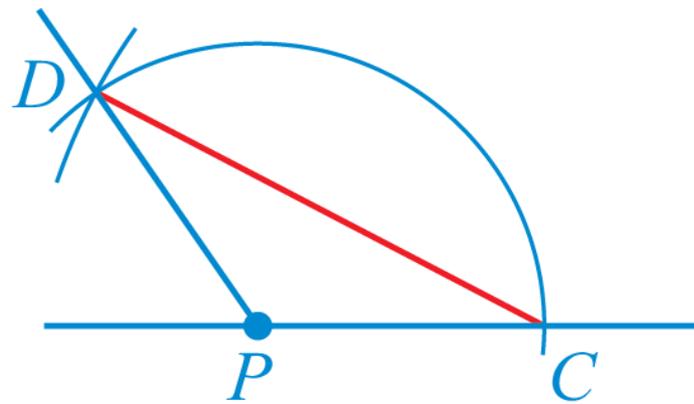
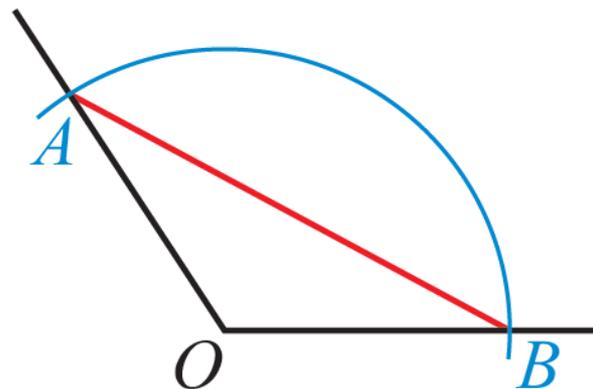


如同前文扇子兩側的扇骨長相等，在例題 1 的作圖步驟 (2)、(3) 畫弧時的半徑也相等，即  $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{PD} = \overline{PC}$ 。

若連接  $\overline{AB}$  與  $\overline{DC}$  如右圖，則如同扇子兩側扇骨端點間距離固定，

在作圖步驟 (4) 畫弧時的半徑也相同，即  $\overline{AB} = \overline{DC}$ 。

從兩扇骨在扇釘處的夾角會隨之固定，可以了解作出  $\angle O = \angle DPC$  的作圖方法。

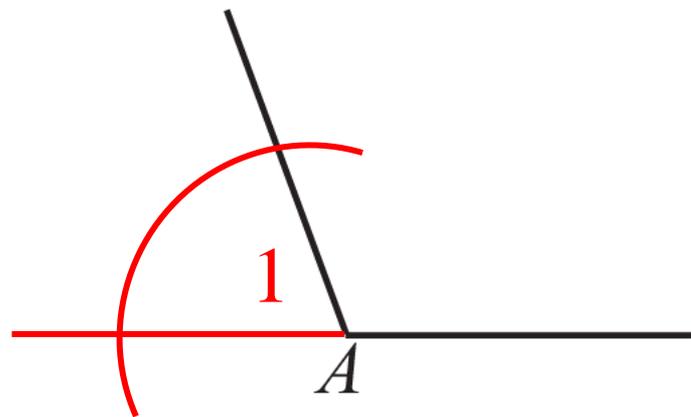




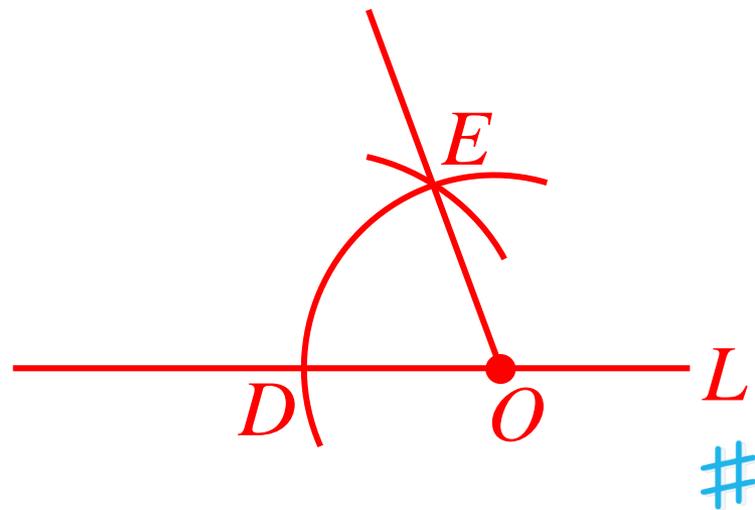
## 隨堂練習

## 類題演練

如下圖，已知  $\angle A$ ，  
利用尺規作圖在  $\overline{BC}$  上，  
畫出一個角與  $\angle A$  互補。



**解** 延長  $\angle A$  的一邊  
得補角  $\angle 1$  後，  
利用例題 1 作法  
作  $\angle EOD = \angle 1$   
即為所求。



ALL



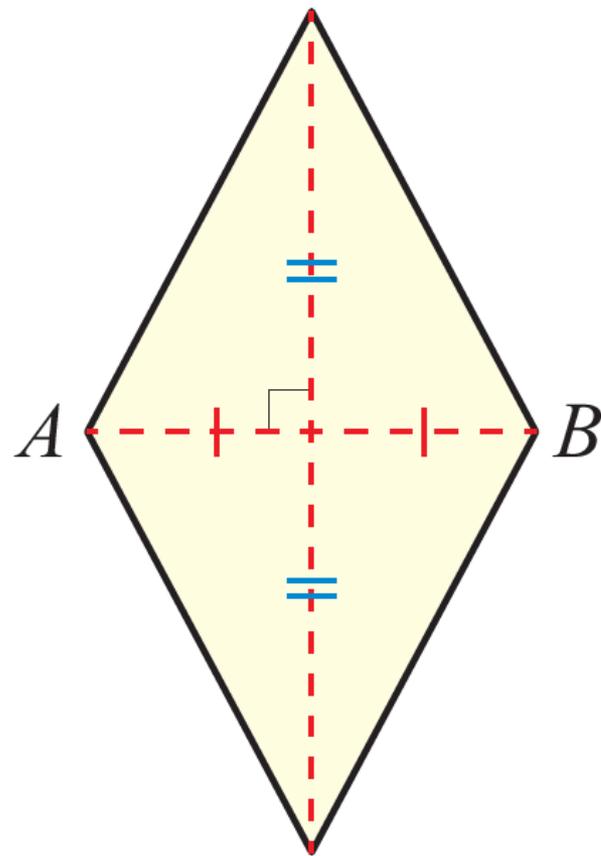


## 3

## 中垂線作圖

## 中垂線（垂直平分線）

七年級時，我們利用摺紙操作（可利用附件 6 操作復習）認識菱形的對角線會互相垂直平分如右圖。那麼如何利用菱形的這個性質來畫中垂線呢？





# 例 2 中垂線作圖

類題演練

$A$  —————  $B$  如左圖，已知  $\overline{AB}$ ，利用尺規作圖畫出  $\overline{AB}$  的中垂線。

解 (1) 分別以  $A$ 、 $B$  兩點為圓心

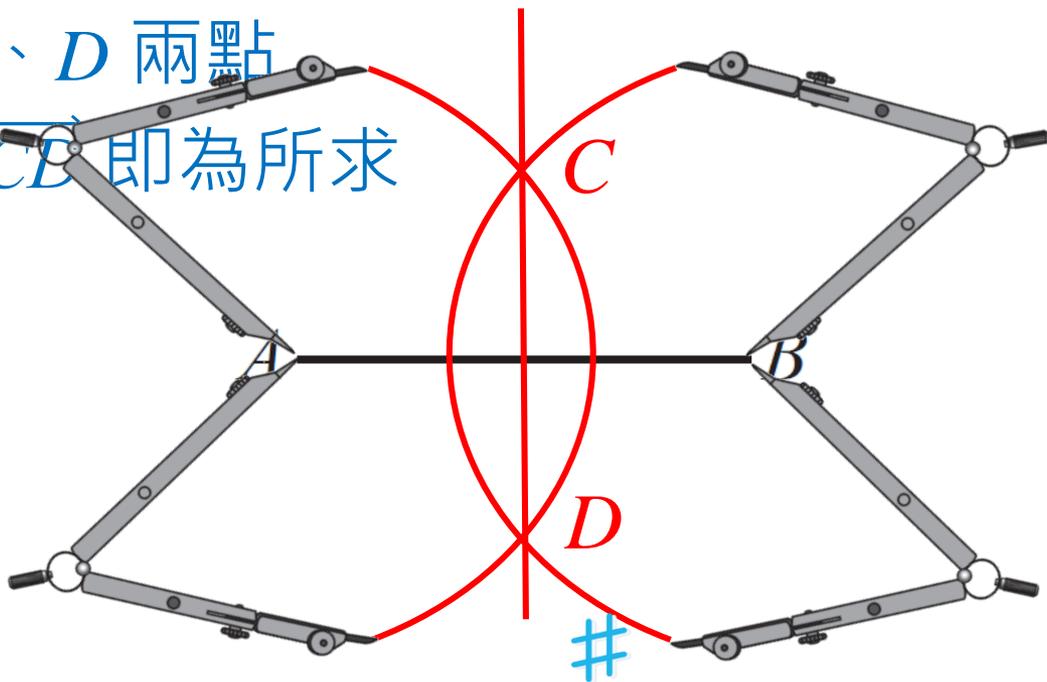
大於  $\frac{1}{2}\overline{AB}$  長為半徑畫弧

設兩弧交於  $C$ 、 $D$  兩點

(2) 連接  $\overleftrightarrow{CD}$ ，則  $\overleftrightarrow{CD}$  即為所求

為了使兩弧有兩個交點，所取畫弧半徑需大於

$\frac{1}{2}\overline{AB}$  長。



ALL





由例題 2 的作圖結果連接  
 $\overline{AC}$ 、 $\overline{AD}$ 、 $\overline{BC}$  與  $\overline{BD}$ ，

則可發現半徑

$$\overline{AC} = \overline{AD} = \overline{BC} = \overline{BD}，$$

故四邊形  $ADBC$  為菱形，

$\overline{AB}$ 、 $\overline{CD}$  皆為對角線。

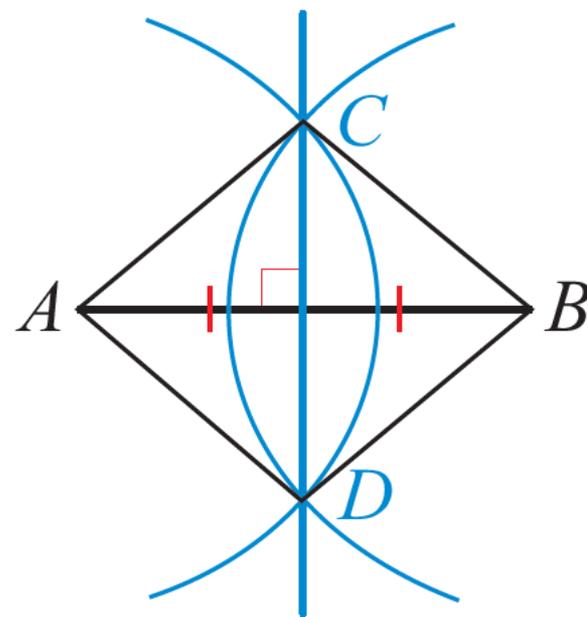
因為菱形的對角線會互相垂直平分，

所以  $\overline{CD}$  為  $\overline{AB}$  的中垂線。

中垂線作圖不僅可以得到  $\overline{AB}$  的中垂線，

也可以得到  $\overline{AB}$  的中點，

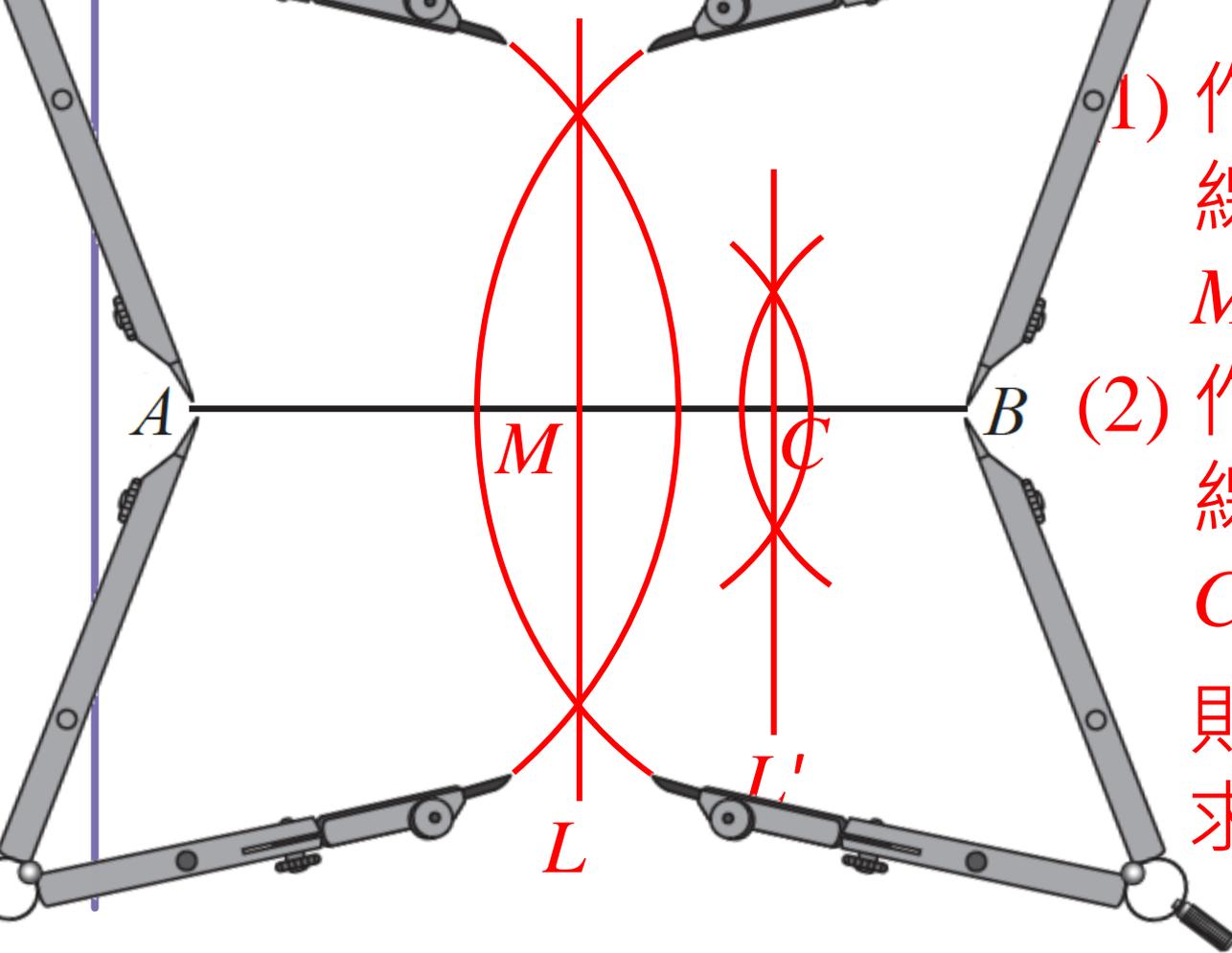
即  $\overline{CD}$  與  $\overline{AB}$  的交點。





## 隨堂練習

如下圖，已知  $\overline{AB}$ ，利用尺規作圖在  $\overline{AB}$  上找點  $C$ ，使得  $\overline{AC} : \overline{BC} = 1 : 2$ 。



- 1) 作  $\overline{AB}$  的中垂線  $L$  交  $\overline{AB}$  於  $M$  點。
- 2) 作  $\overline{BM}$  的中垂線  $L'$  交  $\overline{BM}$  於  $C$  點，則  $C$  點即為所求。 #

ALL





## 過線外一點作垂線

認識中垂線作圖後，我們也可將此延伸到「過線外一點作垂線」的作圖。

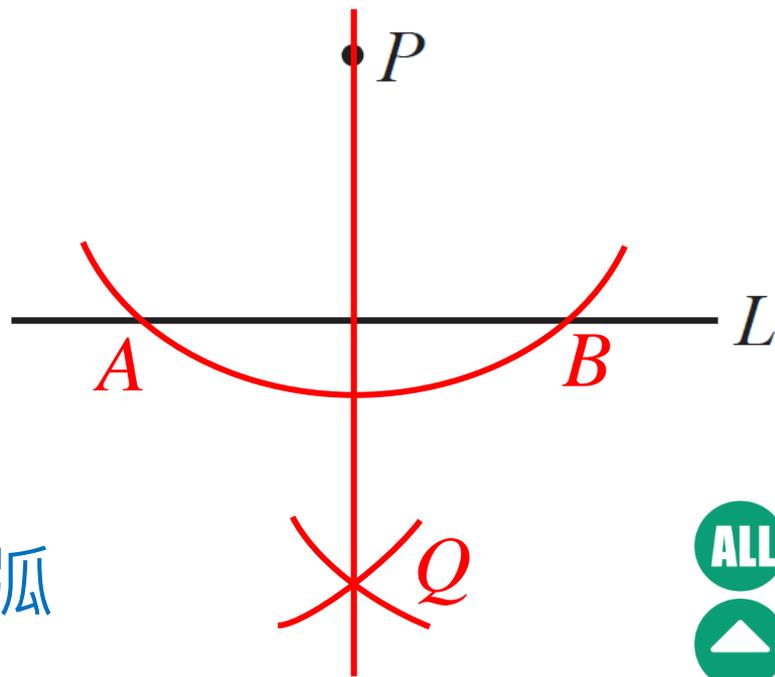


### 例 3 過線外一點作垂線

類題演練

如右圖，已知  $P$  點在直線  $L$  外，利用尺規作圖畫出通過  $P$  點，且與直線  $L$  垂直的直線。

- 解 (1) 以  $P$  點為圓心  
適當長為半徑畫弧  
交直線  $L$  於  $A$ 、 $B$  兩點
- (2) 分別以  $A$ 、 $B$  兩點為  
圓心  
大於  $\frac{1}{2} \overline{AB}$  長為半徑畫弧  
設兩弧交於  $Q$  點
- (3) 連接  $\overleftrightarrow{PQ}$ ，則  $\overleftrightarrow{PQ}$  即為所求 #

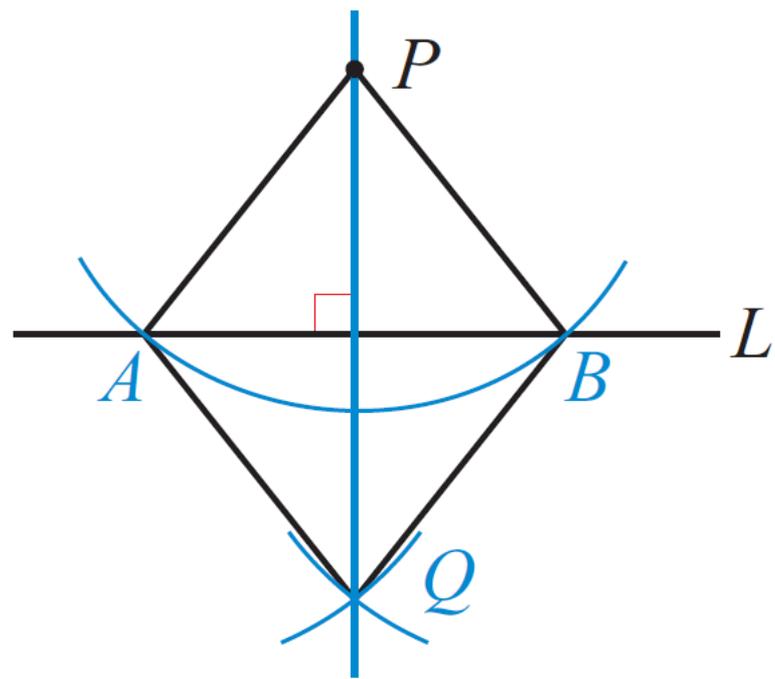


ALL





由例題 3 的作圖結果連接  $\overline{AP}$ 、 $\overline{AQ}$ 、 $\overline{BP}$ 、 $\overline{BQ}$ ，則可發現  $\overline{AP} = \overline{BP}$  且  $\overline{AQ} = \overline{BQ}$ ，故四邊形  $AQBP$  為箏形。因為對角線  $\overline{PQ}$  為箏形  $AQBP$  的對稱軸，所以  $\overline{PQ} \perp \overline{AB}$ ，即  $\overleftrightarrow{PQ} \perp L$ 。

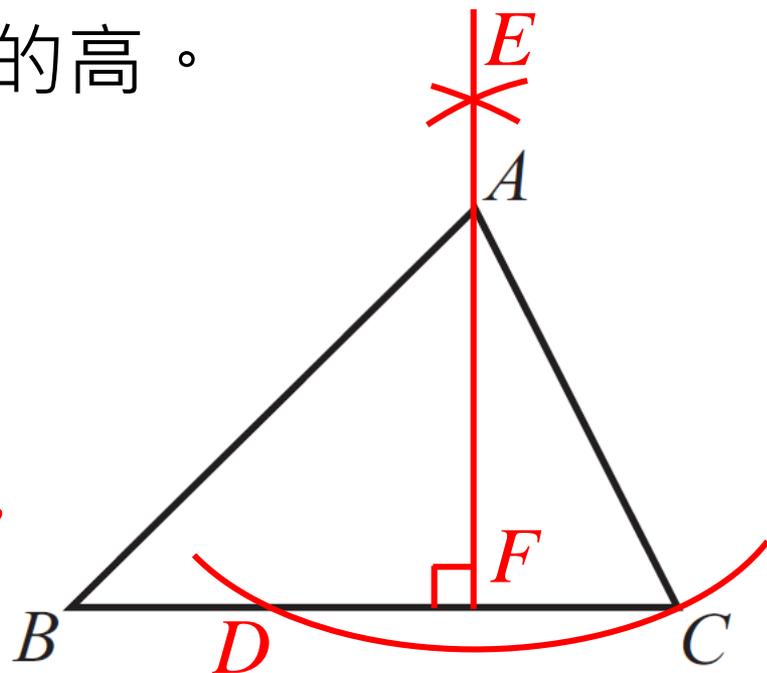




## 隨堂練習

如右圖，已知  $\triangle ABC$ ，  
利用尺規作圖畫出通過  $A$  點的高。

- 解** (1) 以  $A$  點為圓心，  
 $\overline{AC}$  長為半徑畫弧，  
交  $\overline{BC}$  於  $D$  點。
- (2) 分別以  $C$ 、 $D$  為圓心，  
大於  $\frac{1}{2} \overline{CD}$  長  
為半徑畫弧，設兩弧交於  $E$  點。



- (3) 連接  $\overleftrightarrow{AE}$  交  $\overline{BC}$  於  $F$  點，則  $\overline{AF}$  即為所求。

〔註〕若以  $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，則交點只有  $B$  點。

#

ALL



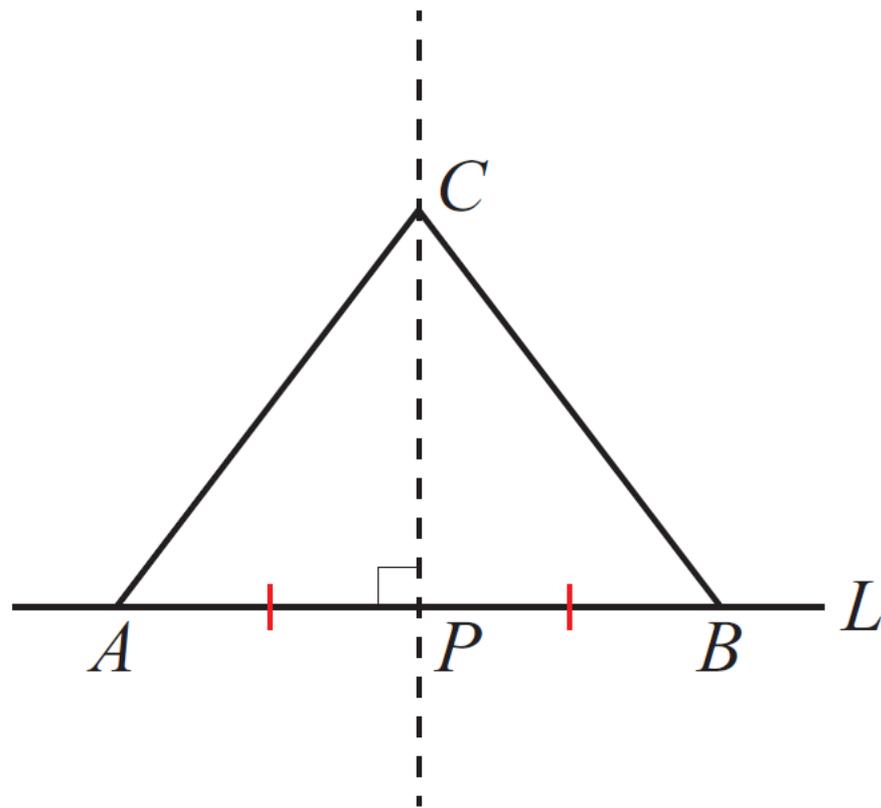


## 過線上一點作垂線

七年級時，認識等腰  
 $\triangle ABC$  的對稱軸會垂  
直平分底邊如右圖

(可利用附件 7 操作  
復習)。

那麼如何利用等腰三  
角形的這個性質來畫  
過線上一點的垂線呢？

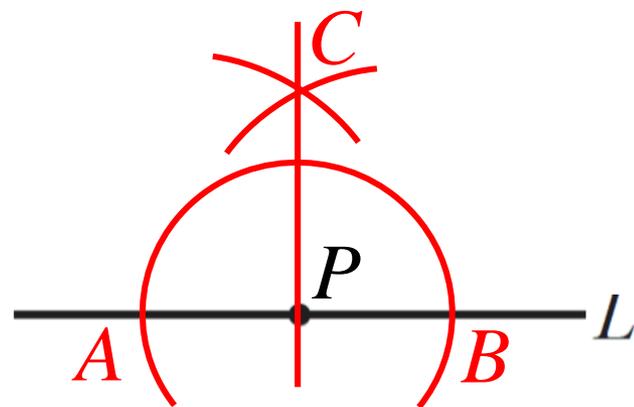




## 例 4 過線上一點作垂線

如右圖，已知  $P$  點在直線  $L$  上，利用尺規作圖畫出通過  $P$  點且與直線  $L$  垂直的直線。

- 解
- (1) 以  $P$  點為圓心  
適當長為半徑畫弧  
交直線  $L$  於  $A$ 、 $B$  兩點
  - (2) 分別以  $A$ 、 $B$  兩點為圓心  
大於  $\frac{1}{2} \overline{AB}$  長為半徑畫弧  
設兩弧交於  $C$  點
  - (3) 連接  $\overrightarrow{PC}$ ，則  $\overrightarrow{PC}$  即為所求 #

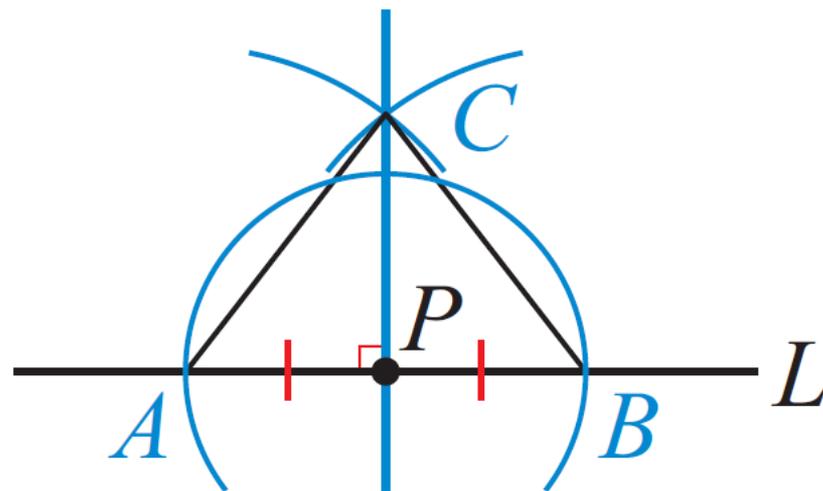


ALL





由例題 4 的作圖結果連接  $\overline{AC}$ 、 $\overline{BC}$ ，則可發現半徑  $\overline{AC} = \overline{BC}$ ，故  $\triangle ABC$  為等腰三角形。因為  $P$  為  $\overline{AB}$  的中點，所以  $\overline{PC}$  為等腰  $\triangle ABC$  的對稱軸，因此  $\overline{PC} \perp \overline{AB}$ ，即  $\overleftrightarrow{PC} \perp L$ 。





## 隨堂練習

## 歷屆試題

如下圖，已知  $\overline{AB}$ ，利用尺規作圖在  $\overline{AB}$  上畫出過  $B$  點的垂線。

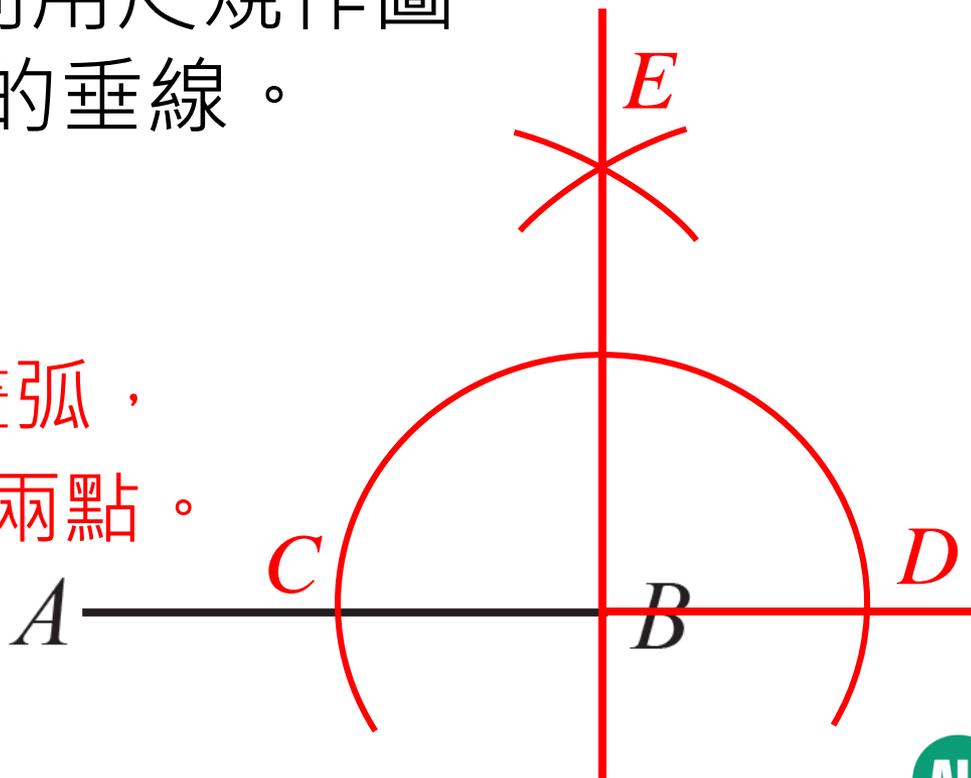
**解** (1) 延長  $\overline{AB}$ ，

以  $B$  點為圓心，  
適當長為半徑畫弧，  
交  $\overrightarrow{AB}$  於  $C$ 、 $D$  兩點。

(2) 分別以  $C$ 、 $D$   
兩點為圓心，

大於  $\frac{1}{2} \overline{CD}$  長為半徑畫弧，  
設兩弧交於  $E$  點。

(3) 連接  $\overrightarrow{BE}$ ，則  $\overrightarrow{BE}$  即為所求。#



ALL



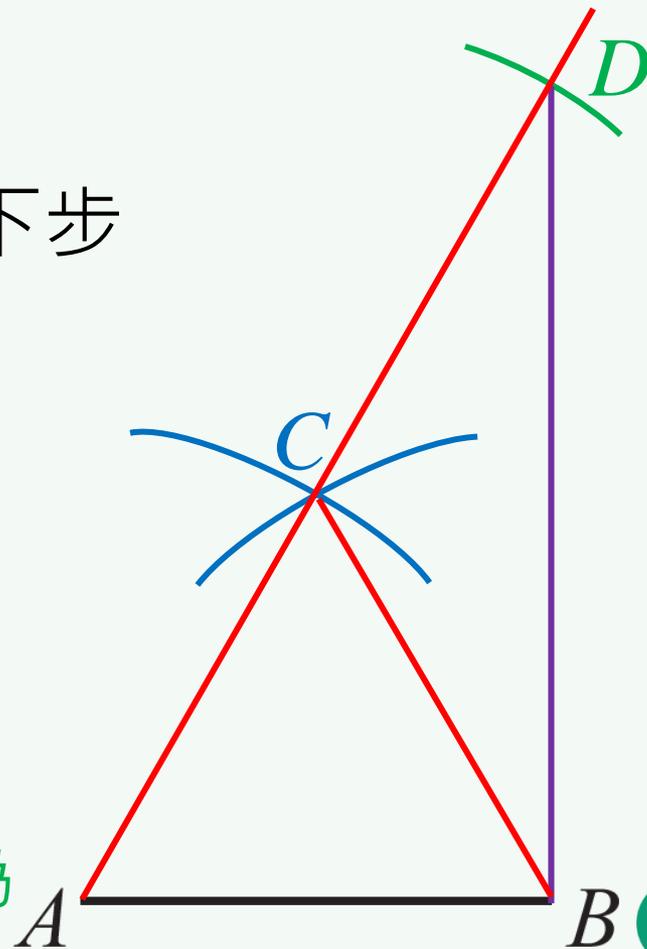


## 探索活動

## 三弧法作垂線

已知  $\overline{AB}$  如下圖，浩南 根據以下步驟完成尺規作圖，如右圖。

- 1 分別以  $A$ 、 $B$  點為圓心，以  $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，設兩弧交於  $C$  點。
- 2 連  $\overrightarrow{AC}$  及  $\overline{BC}$ 。
- 3 以  $C$  點為圓心，以  $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，交  $\overrightarrow{AC}$  於  $D$  點。
- 4 連接  $\overline{BC}$ 。



ALL



接下頁



## 探索活動

## 三弧法作垂線

試回答下列問題：

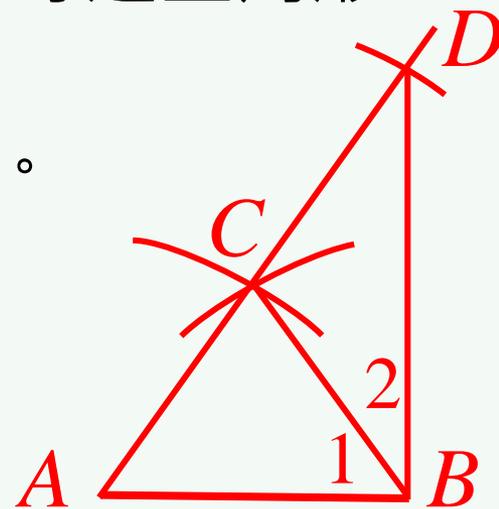
(1) 由 可知：

 $\triangle ABC$  為  正三角形  不等邊三角形。算得  $\angle ACB = \underline{60}$  度， $\angle BCD = \underline{120}$  度。

(2) 由 可知：

 $\triangle BCD$  為  等腰三角形  不等邊三角形。算得  $\angle CBD = \underline{30}$  度。(3)  $\overline{BD}$  是否垂直  $\overline{AB}$  ?  是  否。

$$\begin{aligned}\angle ABD &= \angle 1 + \angle 2 \\ &= 60^\circ + 30^\circ = 90^\circ \quad \# \end{aligned}$$

 連  $\overrightarrow{AC}$  及  $\overline{BC}$ 。 以  $C$  點為圓心，以  $\overline{AB}$  長為半徑畫弧，交  $\overrightarrow{AC}$  於  $D$  點。 連接  $\overline{BC}$ 。

ALL





由探索活動的結果，可以知道開頭漫畫中，木工是如何利用三弧法畫出直角。





## 4

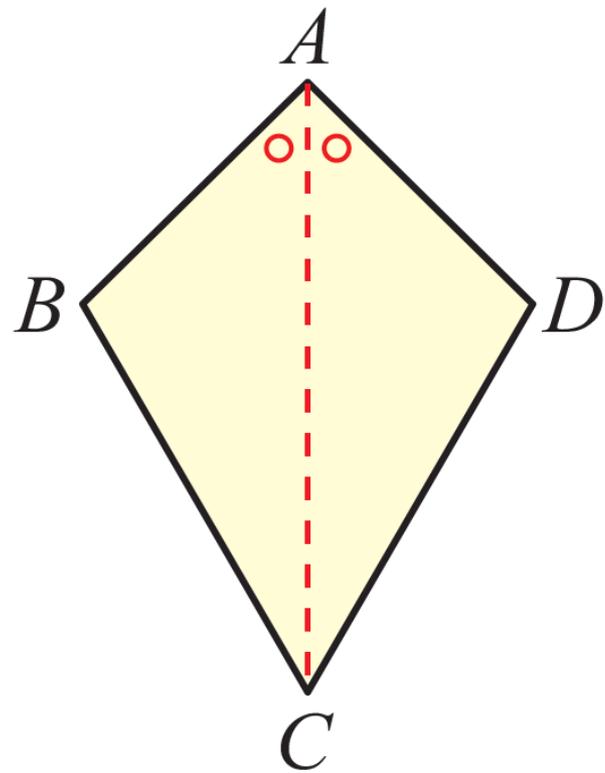
## 角平分線作圖

七年級時，我們利用摺紙操作（可利用附件 8 操作復習）認識箏形的對角線  $\overline{AC}$  為其對稱軸如右圖。

此時  $\angle BAC = \angle DAC$   
(對稱角相等)，

$\overline{AC}$  稱為  $\angle BAD$  的**角平分線**。

那麼如何利用箏形的這個性質來畫出角平分線呢？



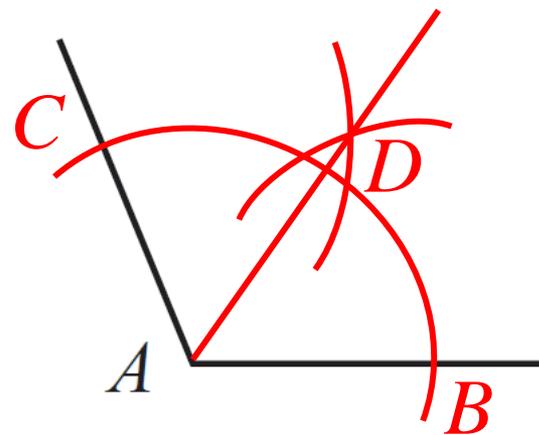


# 例 5 角平分線作圖

## 類題演練

如右圖，已知  $\angle A$ ，利用尺規作圖畫出  $\angle A$  的角平分線。

- 解
- (1) 以  $A$  點為圓心  
適當長為半徑畫弧  
交  $\angle A$  的兩邊於  $B$ 、 $C$  兩點
  - (2) 分別以  $B$ 、 $C$  兩點為圓心  
大於  $\frac{1}{2}BC$  長為半徑畫弧  
設兩弧交於  $D$  點
  - (3) 連接  $\overrightarrow{AD}$ ，則  $\overrightarrow{AD}$  即為所求 #



ALL





由例題 5 的作圖結果  
連接  $\overline{BD}$ 、 $\overline{CD}$ ，

則可發現

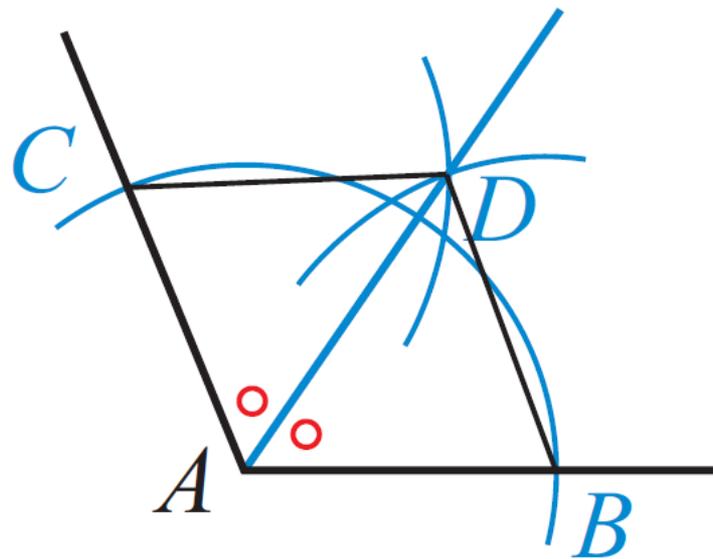
$$\overline{AB} = \overline{AC} \text{ 且 } \overline{BD} = \overline{CD}，$$

故四邊形  $ABDC$  為箏形，

此時對角線  $\overline{AD}$  為箏形  $ABDC$  的一條對稱軸，

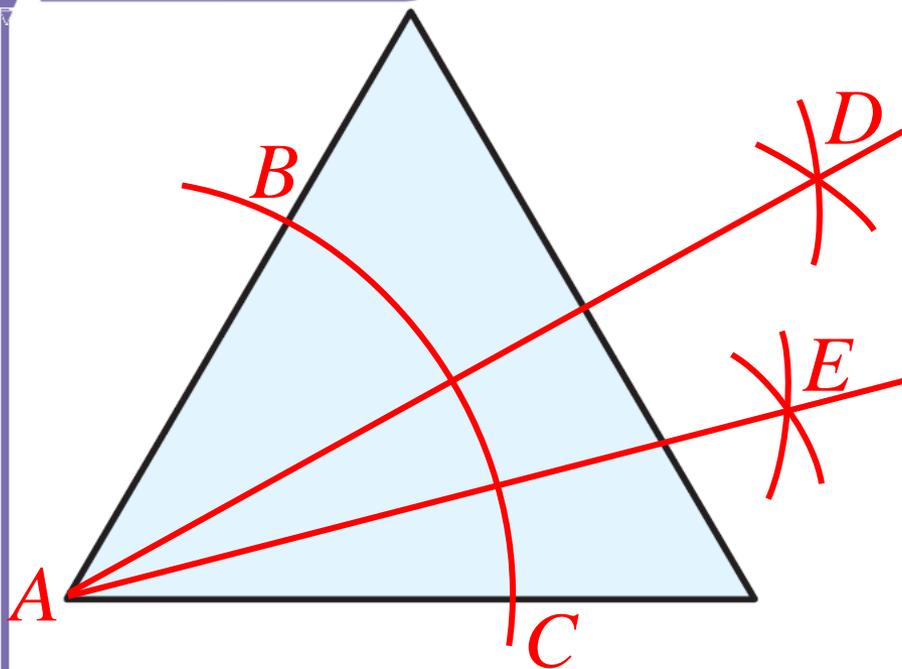
因此對稱角  $\angle BAD = \angle CAD$ ，

故  $\overrightarrow{AD}$  平分  $\angle BAC$ 。





## 隨堂練習



左圖是一個正三角形，利用尺規作圖畫出一個角度為  $15^\circ$  的角。

**解** (1) 以  $A$  點為圓心適當長為半徑畫弧交  $\angle A$  的兩邊於  $B$ 、 $C$  兩點

(2) 分別以  $B$ 、 $C$  兩點為圓心，大於  $\frac{1}{2} \overline{BC}$  長為半徑畫弧

設兩弧交於  $D$  點，連接  $\overrightarrow{AD}$

則  $\overrightarrow{AD}$  為  $\angle BAC$  的角平分線

(3) 重複上述步驟作出  $\angle DAC$  的角平分線  $\overrightarrow{AE}$

則  $\angle EAC$  即為所求 #

ALL

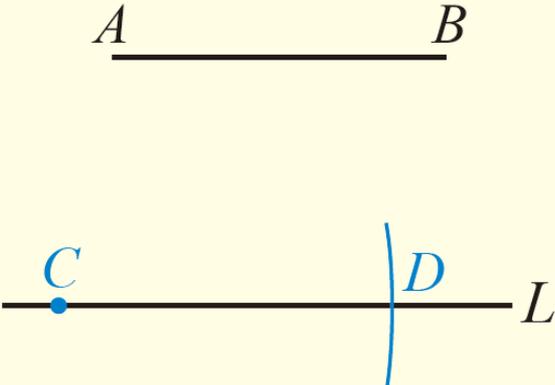
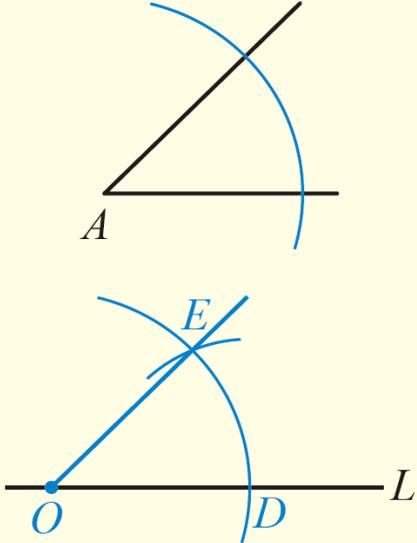




# 3-2 重點整理

## 1 基本尺規作圖

直尺不使用其刻度，只用來繪畫通過兩點的直線或線段，圓規只用來繪畫以某點為圓心，某一線段長為半徑的圓或圓弧。

等長線段	等角
	

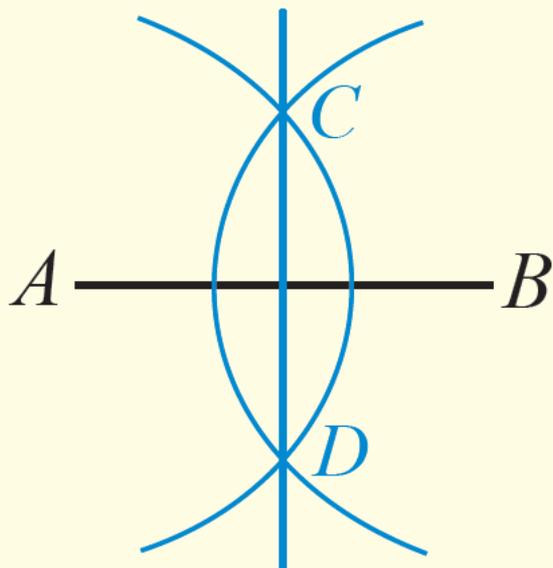




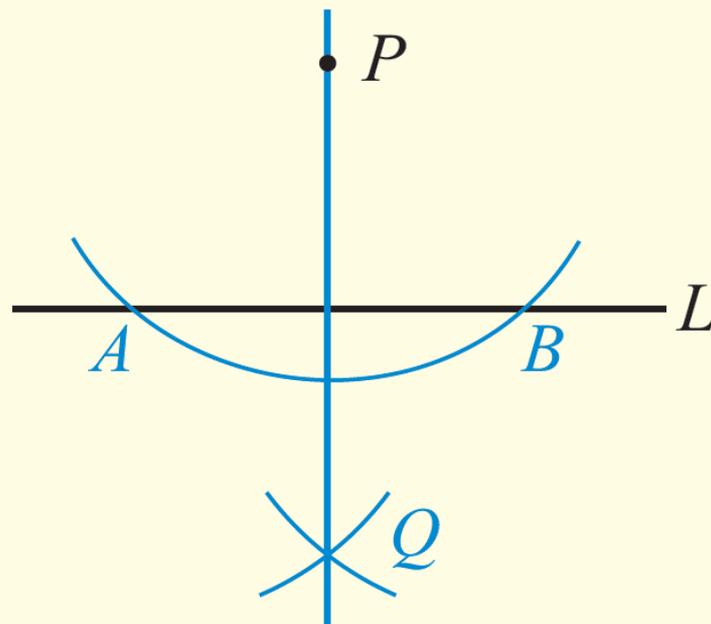
# 3-2 重點整理

## 1 基本尺規作圖

中垂線



過線外一點作垂線

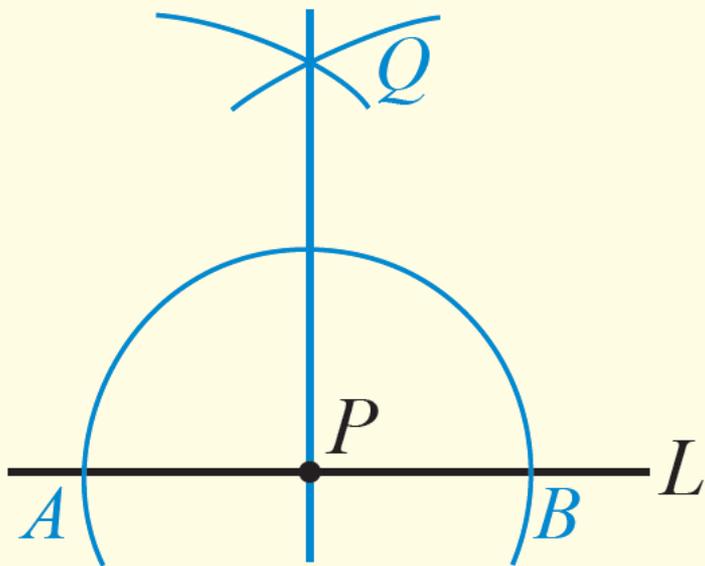




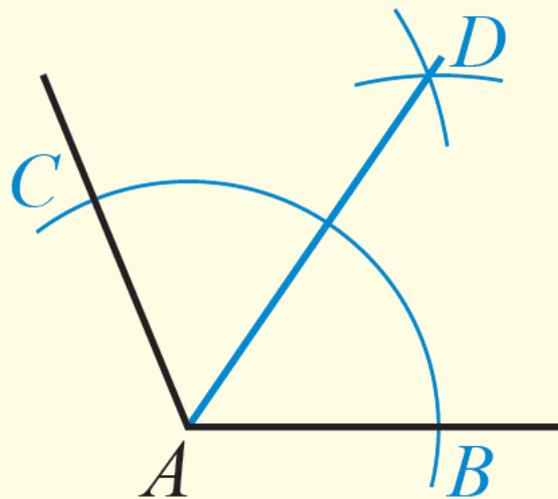
# 3-2 重點整理

## 1 基本尺規作圖

過線上一點作垂線



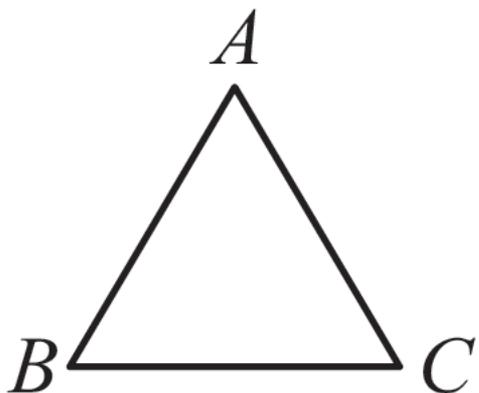
角平分線





## 3-2 自我評量

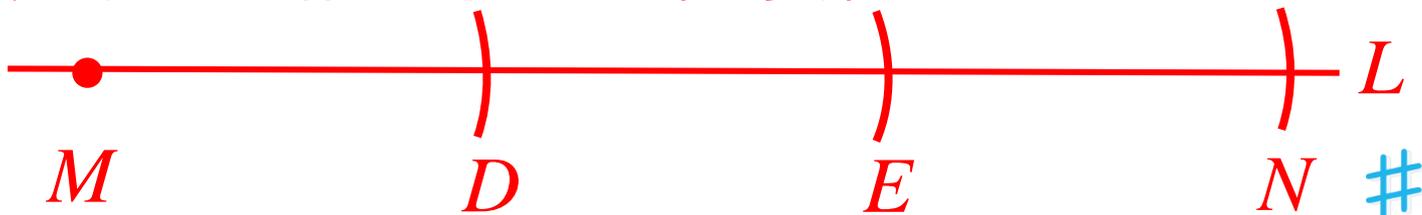
1



如左圖，已知正  $\triangle ABC$ ，  
利用尺規作圖畫出  $\overline{MN}$ ，  
使其長度等於  $\triangle ABC$  的周長。

解

- (1) 作一直線  $L$ ，取一端點為  $M$   
以  $M$  點為圓心， $\triangle ABC$  任一邊長為半徑畫弧  
交  $L$  於  $D$  點
- (2) 以  $D$  點為圓心，同樣  $\triangle ABC$  任一邊長為半徑畫弧  
交  $L$  於  $E$  點，並改以  $E$  點為圓心重複上述動作  
交  $L$  於  $N$  點，則  $\overline{MN}$  即為所求



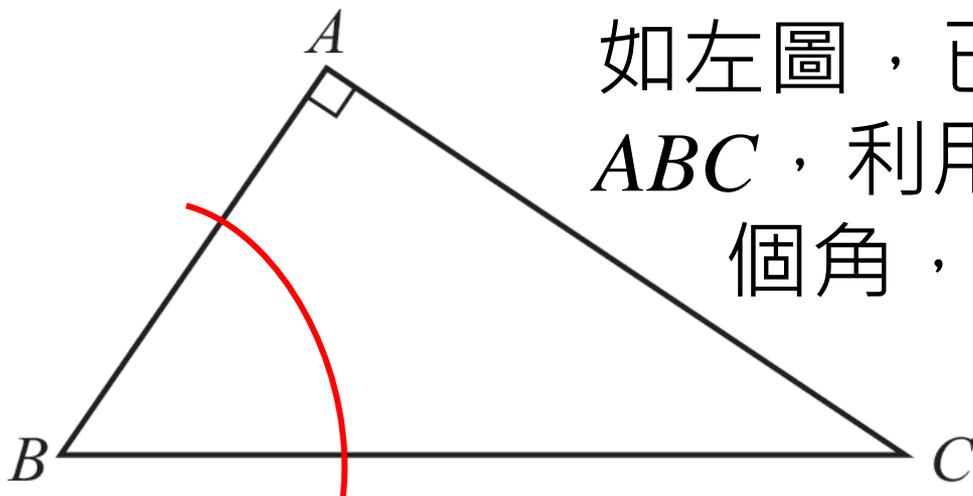
ALL





## 3-2 自我評量

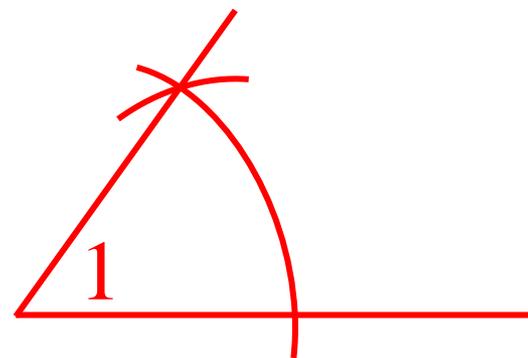
2



如左圖，已知直角三角形  $ABC$ ，利用尺規作圖畫出一個角，使其與  $\angle C$  互餘。

**解** 由圖可知直角三角形  $ABC$  的  $\angle A = 90^\circ$ ，  
因此  $\angle B$  與  $\angle C$  互餘，  
故作  $\angle 1 = \angle B$  即為所求。

#

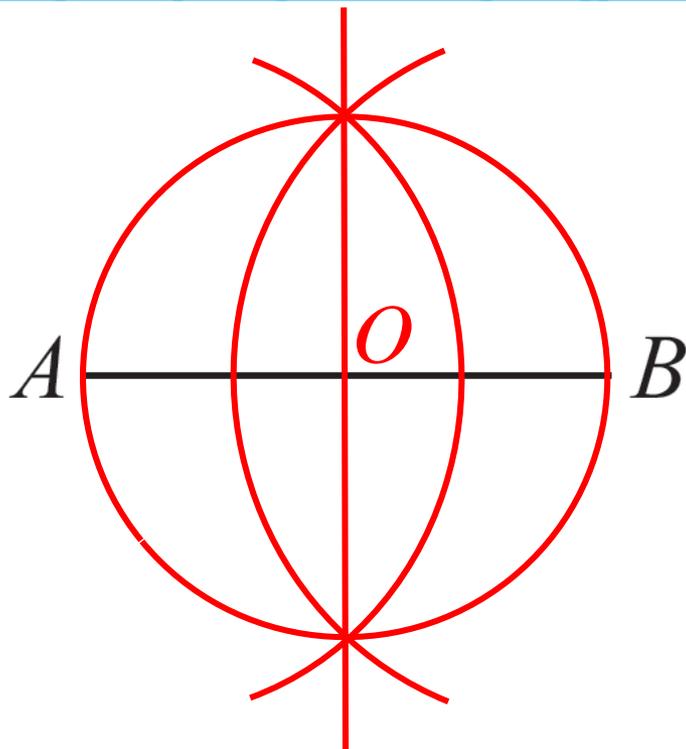




## 3-2 自我評量

挑戰會考題

3



如左圖，已知  $\overline{AB}$ ，  
利用尺規作圖畫出一圓，  
使其直徑等於  $\overline{AB}$ 。

- 解** (1) 作  $\overline{AB}$  的垂直平分線，交  $\overline{AB}$  於  $O$  點  
(2) 以  $O$  點為圓心  
 $\overline{OA}$  長或  $\overline{OB}$  長為半徑畫圓  
則圓  $O$  即為所求 #

ALL





## 3-2 自我評量



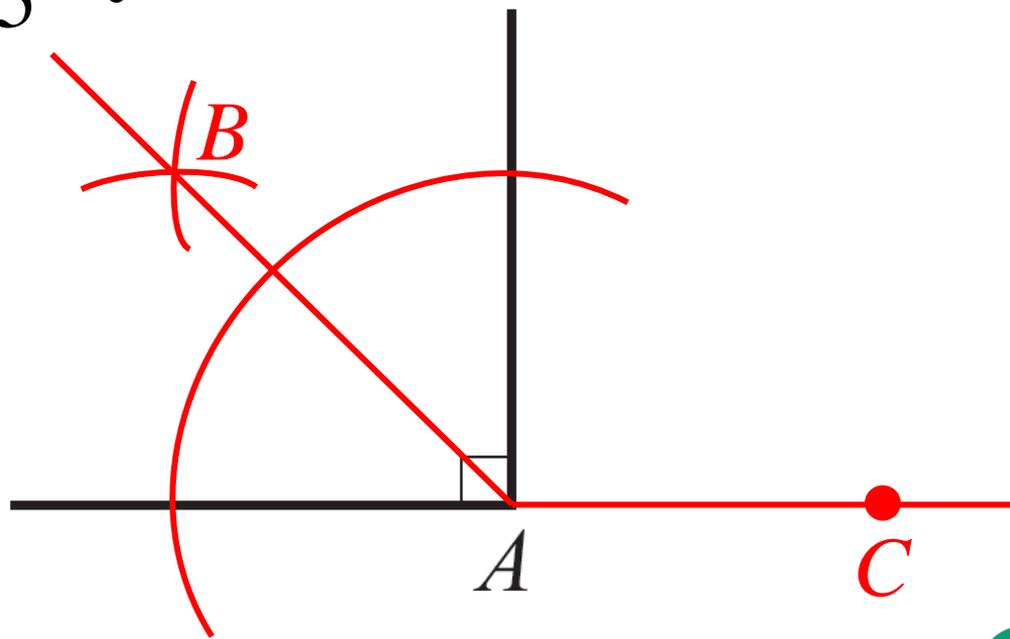
4 如下圖，已知  $\angle A$  為直角，利用尺規作圖畫出一個角為  $135^\circ$ 。

解

(1) 作  $\angle A$  的角平分線  $\overrightarrow{AB}$ 。

(2) 作  $\angle A$  一邊的延長線  $\overrightarrow{AC}$ ，

則  $\angle BAC$  即為所求。 #



ALL





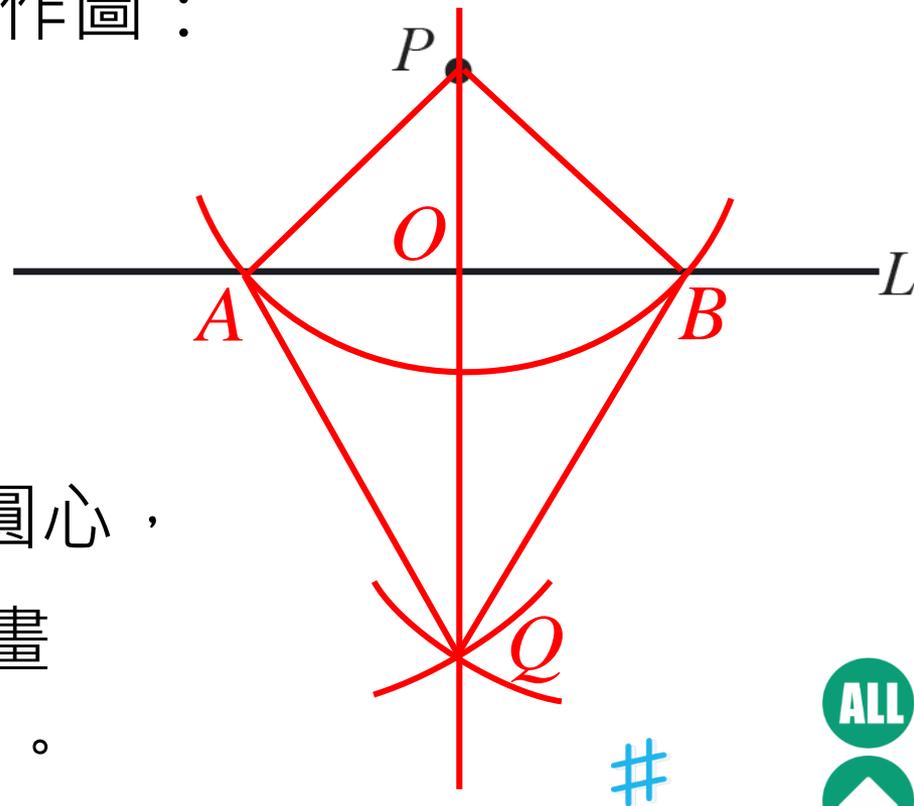
## 3-2 自我評量



- 5 (1) 如右圖，已知  $P$  點在直線  $L$  外，依下列作法完成尺規作圖：

解

- ① 以  $P$  點為圓心，適當長為半徑畫弧，交直線  $L$  於  $A$ 、 $B$  兩點。
- ② 分別以  $A$ 、 $B$  兩點為圓心，大於  $\frac{1}{2} \overline{AB}$  長為半徑畫弧，設兩弧交於  $Q$  點。
- ③ 連接  $\overleftrightarrow{PQ}$ ，設  $\overleftrightarrow{PQ}$  交  $L$  於  $O$  點。
- ④ 連接  $\overline{AP}$ 、 $\overline{BP}$ 、 $\overline{AQ}$ 、 $\overline{BQ}$ ，得四邊形  $PAQB$ 。



ALL

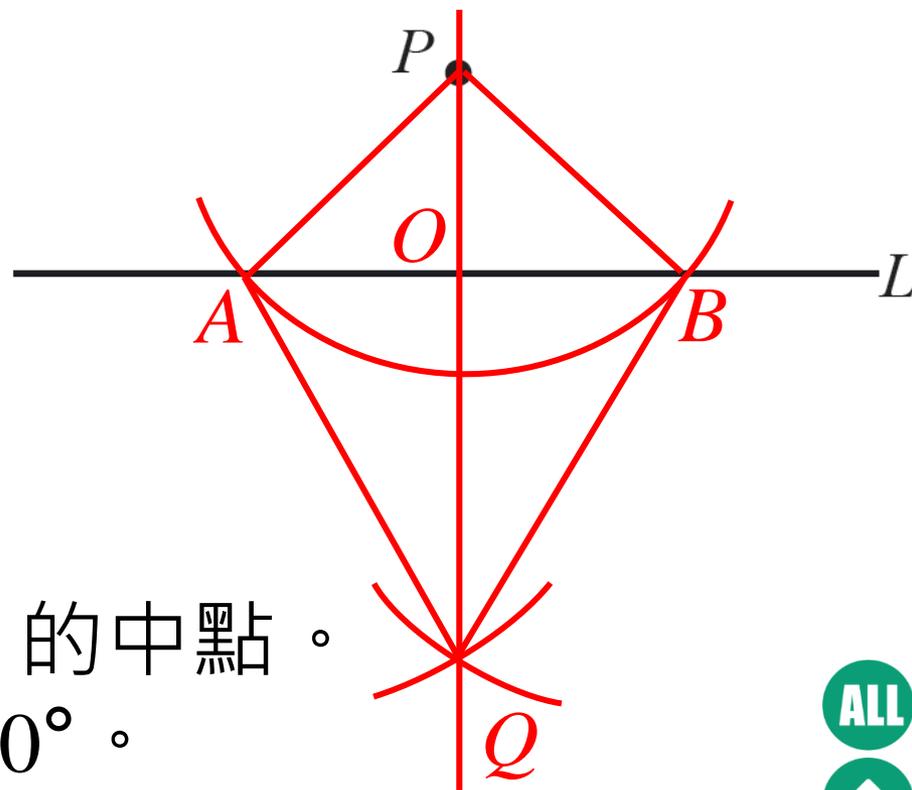




## 3-2 自我評量

歷屆試題

5 (2) 承(1)，判斷下列敘述是否正確？



4.  $\overline{PQ}$  為四邊形  $PAQB$  的對稱軸

- 解 (○) 1.  $O$  點為  $\overline{AB}$  的中點。
- (○) 2.  $\angle AOP = 90^\circ$ 。
- (○) 3.  $\angle AQQ = \angle BQQ$ 。
- (×) 4.  $\overline{AB}$  為四邊形  $PAQB$  的對稱軸。

#

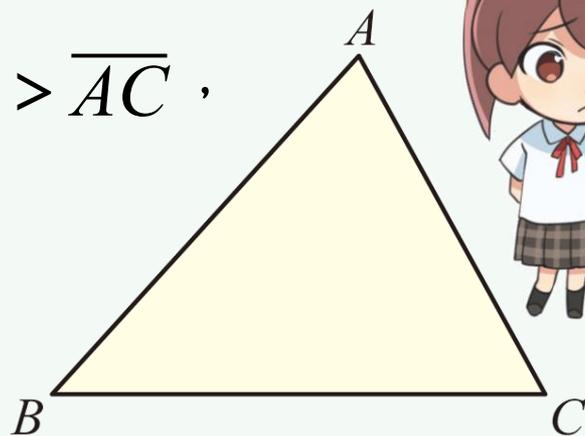
ALL





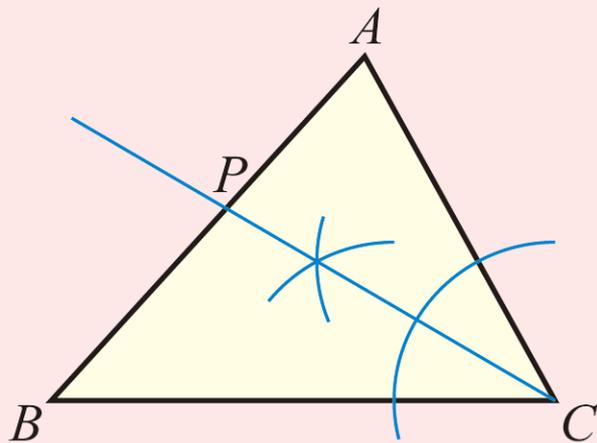
## ✘ 錯誤診療

如右圖，銳角 $\triangle ABC$ 中， $\overline{BC} > \overline{AB} > \overline{AC}$ ，  
若欲在 $\overline{AB}$ 上找一點 $P$ ，  
使得 $\angle BPC$ 與 $\angle A$ 互補，  
作法如下：



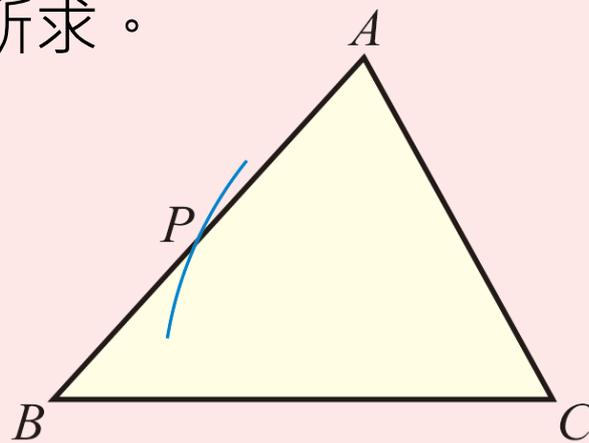
作法一

作 $\angle C$ 的角平分線交 $\overline{AB}$ 於 $P$ 點，則 $P$ 即為所求。



作法二

以 $C$ 為圓心， $\overline{AC}$ 長為半徑畫弧交 $\overline{AB}$ 於 $P$ 點，則 $P$ 即為所求。



接下頁





## ✘ 錯誤診療

判斷下列敘述何者正確？

(A) 兩種作法皆正確 (B) 兩種作法皆錯誤

(C) 作法一正確，作法二錯誤

(D) 作法一錯誤，作法二正確 答：\_\_\_\_\_。

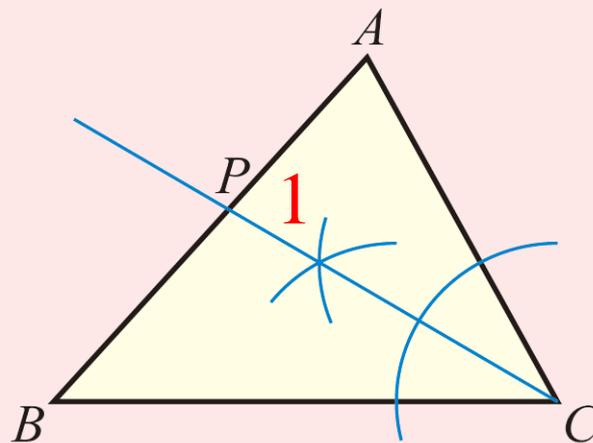
作法一：

$\angle BPC + \angle A$  若互補，  
 則  $\angle BPC + \angle A = 180^\circ$ ，  
 又  $\angle BPC + \angle 1 = 180^\circ$ ，  
 $\therefore \angle A$  必須等於  $\angle 1$ ，  
 即  $\overline{CA}$  必須等於  $\overline{CP}$ ，  
 作法一無法確定  $\overline{CA} = \overline{CP}$ 。

接下頁

作法一

作  $\angle C$  的角平分線交  $\overline{AB}$  於  $P$  點，則  $P$  即為所求。



ALL





## 錯誤診療

判斷下列敘述何者正確？

(A) 兩種作法皆正確 (B) 兩種作法皆錯誤

(C) 作法一正確，作法二錯誤

(D) 作法一錯誤，作法二正確 答：\_\_\_(D)\_\_\_。

作法二：

$$\overline{CA} = \overline{CP},$$

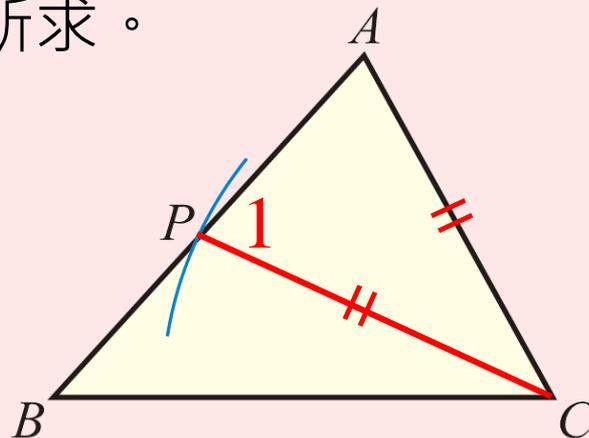
$\triangle ACP$  為等腰三角形，

$$\angle A = \angle 1,$$

$$\begin{aligned} \therefore \angle BPC + \angle A &= \angle BPC + \angle 1 \\ &= 180^\circ \end{aligned}$$

作法二

以  $C$  為圓心， $\overline{AC}$  長為半徑畫弧交  $\overline{AB}$  於  $P$  點，則  $P$  即為所求。



ALL





本節已結束。  
請點選數學小博士→  
離開投影片。

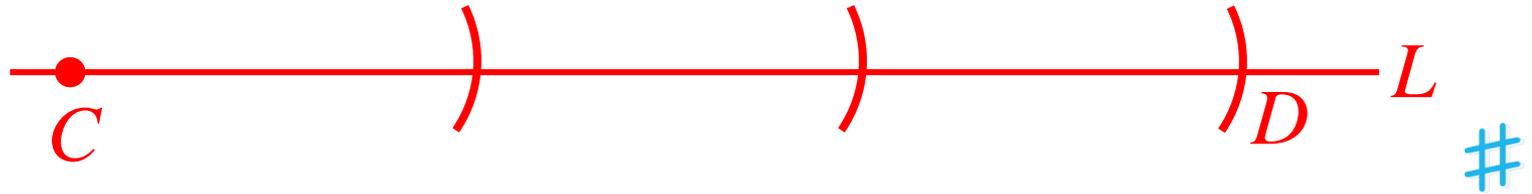


# 類題演練 配合隨堂練習

如右圖，已知  $\overline{AB}$ ，試以尺規作圖  
畫出  $\overline{CD}$ ，使得  $\overline{CD} = 3\overline{AB}$ 。



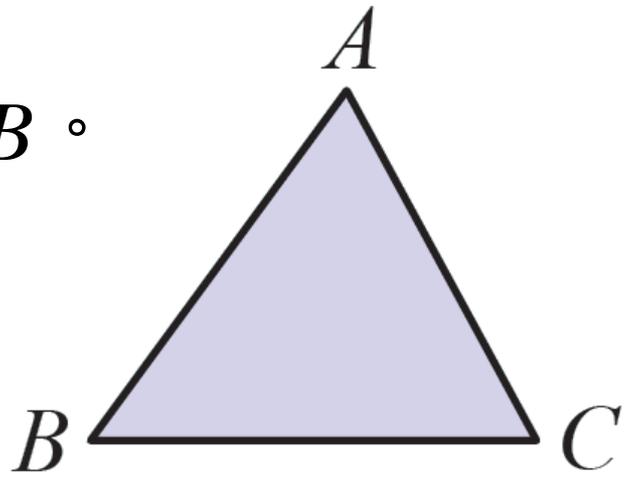
**解**



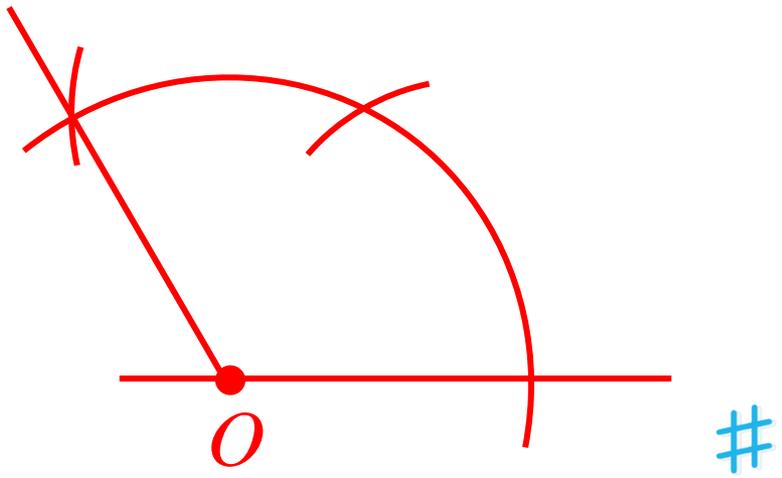


# 延伸演練

如右圖，已知  $\triangle ABC$ ，利用尺規作圖作出  $\angle O = \angle A + \angle B$ 。



解



# 類題演練

## 配合隨堂練習

如右圖，已知  $\angle A$ ，利用尺規作圖  
 作出一角的度數為  $\angle A$  的兩倍。

**解** 作法 1：

作  $\angle 1 = \angle 2 = \angle A$ ，

則  $\angle 1 + \angle 2$  即為所求。

作法 2：

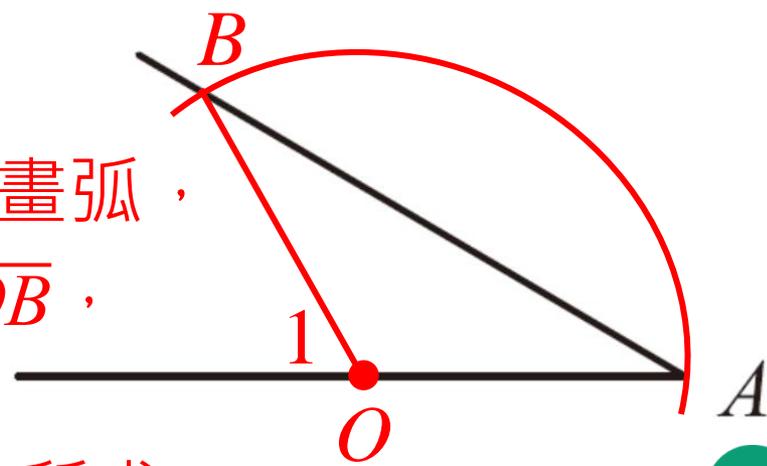
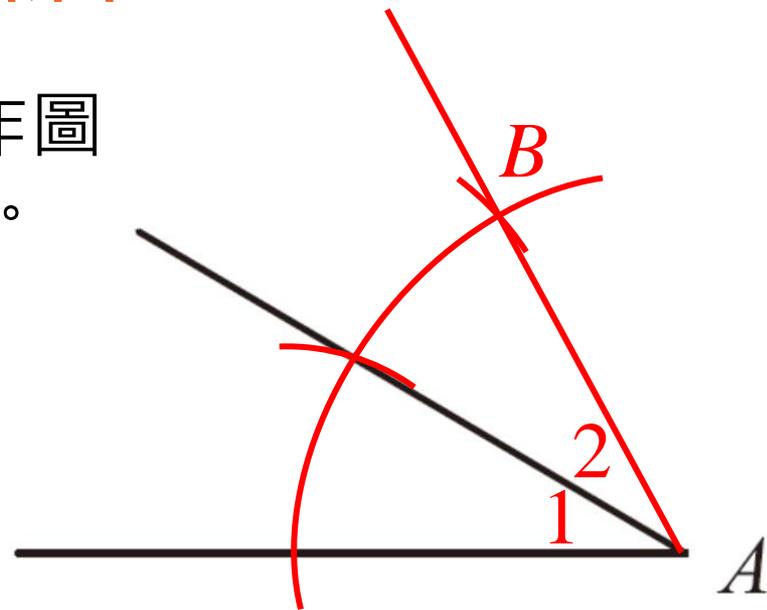
在  $\angle A$  邊上適當選取  $O$  點，

以  $O$  點為圓心， $\overline{OA}$  為半徑畫弧，

交  $\angle A$  另一邊於  $B$  點，連  $\overline{OB}$ ，

則在  $\triangle OAB$  中，

$\angle 1 = \angle A + \angle B = 2\angle A$  即為所求。 #

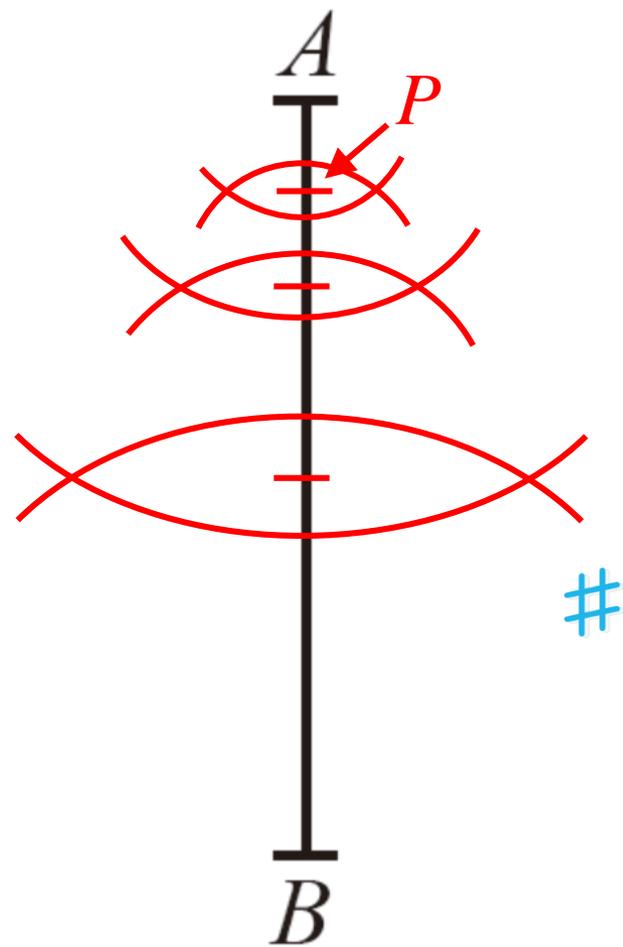


## 類題演練

## 配合例題 2

如右圖，在  $\overline{AB}$  上找點  $P$ ，  
滿足  $\overline{AP} : \overline{AB} = 1 : 8$ 。

解

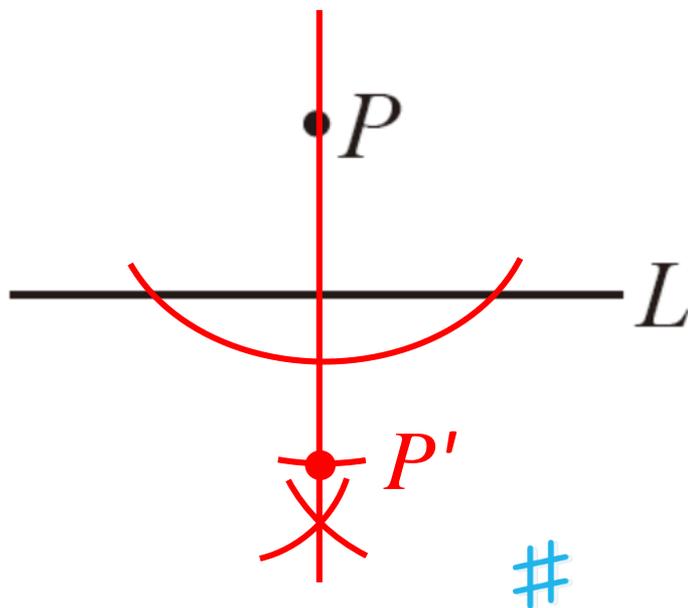


## 類題演練

## 配合例題 3

已知直線  $L$  外一點  $P$ ，利用尺規作圖作出  $P$  點對直線  $L$  的對稱點  $P'$ 。

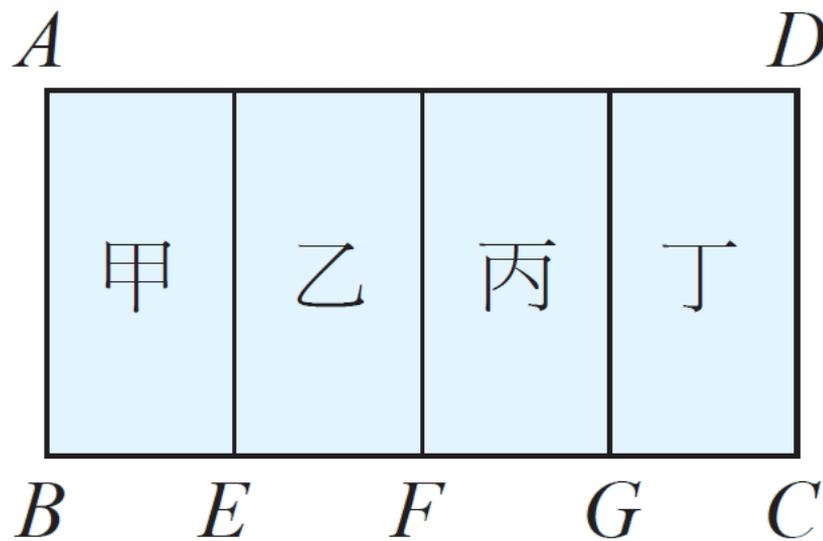
解



## 歷屆試題

## 基礎題

將長方形  $ABCD$  分為甲、乙、丙、丁四個全等的小長方形，如右圖所示，其中  $E$ 、 $F$ 、 $G$  在  $\overline{BC}$  上，且  $\overline{BE} = \overline{EF} = \overline{FG} = \overline{GC} = 4$ ， $\overline{AB} = 8$ 。若在此四個小長方形內找一點  $H$ ，使得  $\overline{EH} = 3$ ， $\overline{GH} = 6$ ，則  $H$  在下列哪一個長方形內？



- (A) 甲      (B) 乙      (C) 丙      (D) 丁

**解** (B)。  
#

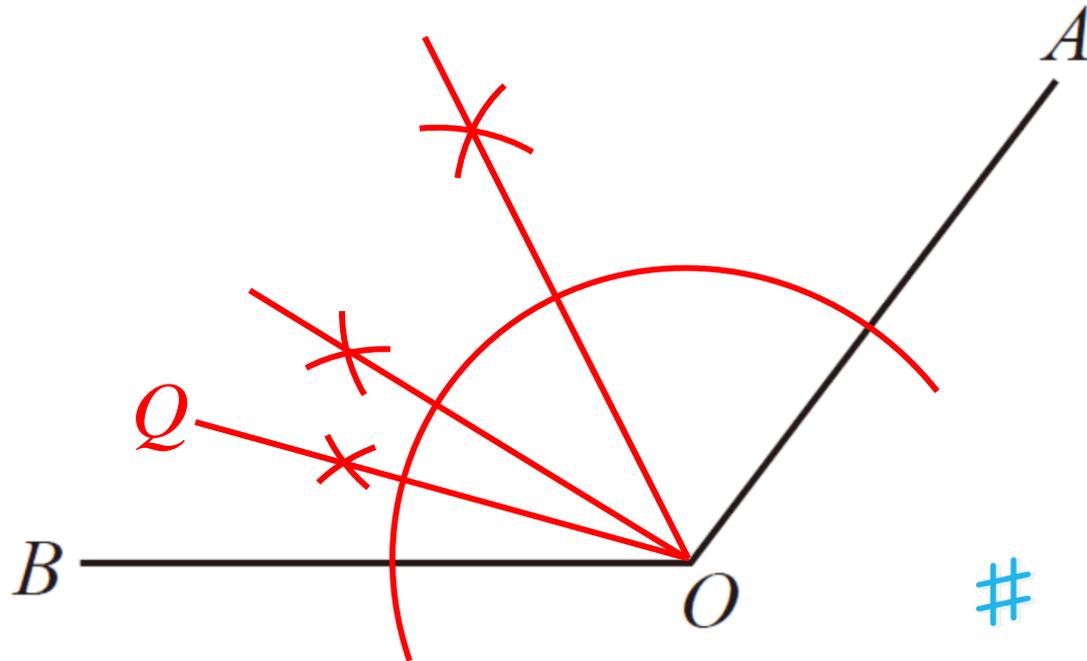


# 類題演練

## 配合例題 5

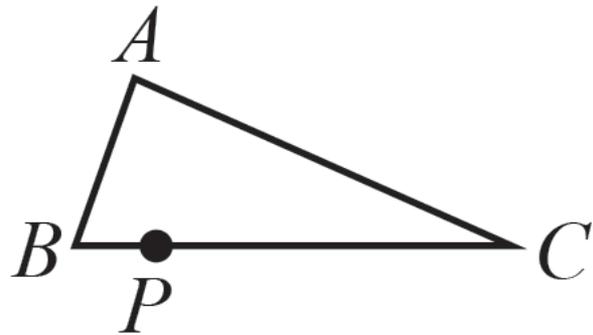
如下圖，在  $\angle AOB$  內找  $\overrightarrow{OQ}$ ，  
 滿足  $\angle QOB : \angle AOB = 1 : 8$ 。

解

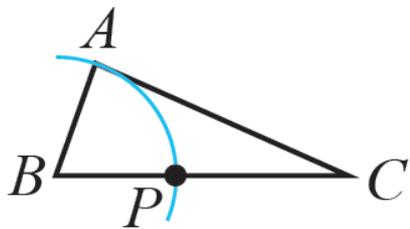


## 挑戰會考題

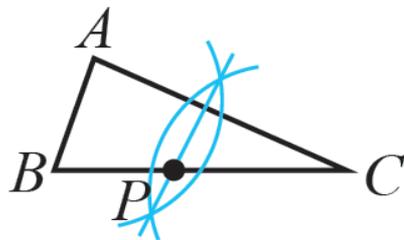
如右圖，已知  $\triangle ABC$  ( $\overline{AC} < \overline{BC}$ )，  
用尺規在  $\overline{BC}$  上畫出一點  $P$ ，  
使  $\overline{PA} + \overline{PC} = \overline{BC}$ ，則符合要求的  
作圖痕跡是下列哪一個？



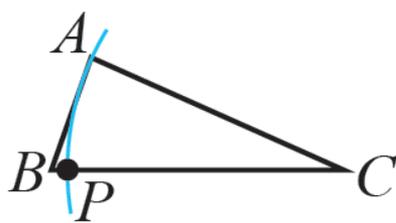
(A)



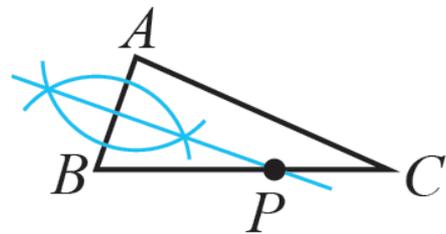
(B)



(C)



(D)



解 (D) ◦ #



## 歷屆試題

## 精熟題

如右圖，銳角三角形  $ABC$  中， $\overline{BC} > \overline{AB} > \overline{AC}$ ，甲、乙兩人想找一點  $P$ ，使得

$\angle BPC$  與  $\angle A$  互補，其作法分別如下：

(甲) 以  $A$  為圓心， $\overline{AC}$  長為半徑

畫弧交  $\overline{AB}$  於  $P$  點，則  $P$  即為所求

(乙) 作過  $B$  點且與  $\overline{AB}$  垂直的直線  $L$ ，作過  $C$  點且與  $\overline{AC}$  垂直的直線，交  $L$  於  $P$  點，則  $P$  即為所求

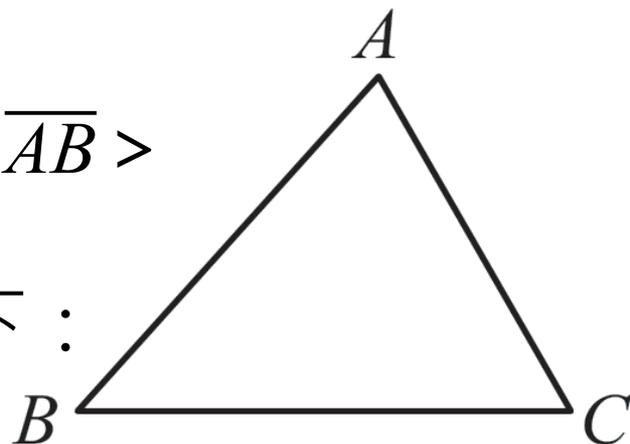
對於甲、乙兩人的作法，下列敘述何者正確？

(A) 兩人皆正確

(B) 兩人皆錯誤

(C) 甲正確，乙錯誤

(D) 甲錯誤，乙正確



**解** (D)。  
#