

1-3 相似形

班級：_____ 座號：_____ 姓名：_____

一、計算題：(共 100 分)

1. 如右圖， $\angle B = \angle ADE$ ， $\overline{AB} = 10$ 公分， $\overline{AD} = 5$ 公分， $\overline{AE} = 3$ 公分，則 $\overline{AC} = ?$ (20 分)

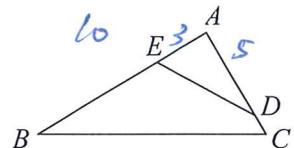
$$\therefore \angle B = \angle ADE$$

$$\angle A = \angle A$$

$\therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC$ (AA相似)

$$\text{即 } \frac{\overline{AD}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{AE}}{\overline{AC}}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{\overline{AC}} = \frac{3}{\overline{AC}}$$



2. 如右圖，有一個四邊形 ABCD，若 $\overline{AB} = 16$ ， $\overline{BC} = 15$ ， $\overline{CD} = 9$ ， $\overline{AD} = 20$ ， $\overline{BD} = 12$ ，且 $\angle A = 37^\circ$ ， $\angle C = 53^\circ$ ，則：

- (1) $\angle ADB = ?$ (20 分) (2) $\angle CBD = ?$ (20 分)

$$\text{J1 } \because \overline{BD} : \overline{CD} = 4 : 3$$

$$\overline{AB} : \overline{BD} = 4 : 3$$

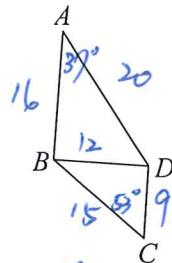
$$\overline{AD} : \overline{BC} = 4 : 3$$

$$\text{而知 } \overline{BD} : \overline{CD} = \overline{AB} : \overline{BD} = \overline{AD} : \overline{BC}$$

即 $\triangle ABD \sim \triangle BDC$ (SSS相似)

$$\text{故 } \angle ADB = \angle BCD = 53^\circ$$

$$\text{(2) 同理 } \angle CBD = \angle DAB = 37^\circ$$



3. 如右圖， $\overline{AB} \parallel \overline{CD} \parallel \overline{EF}$ ，則：

- (1) $\triangle ABE$ 與 $\triangle DCE$ 是否相似？為什麼？(20 分)

- (2) 承(1)，若 $\overline{AB} = 7$ 公分， $\overline{CD} = 9$ 公分，則 $\overline{EF} = ?$

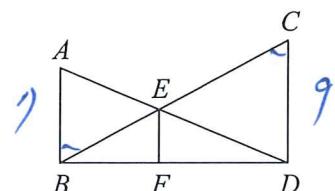
(20 分)

$$\text{J1 } \because \overline{AB} \parallel \overline{CD}$$

$$\therefore \angle ABE = \angle DCE$$

$$\text{且 } \angle AEB = \angle CED$$

故 $\triangle ABE \sim \triangle DCE$ (AA相似)



$$\text{J2 } \overline{BE} : \overline{CE} = \overline{AB} : \overline{CD} = 7 : 9$$

在 $\triangle BCD$ 中

$$\overline{BE} : \overline{BC} = \overline{EF} : \overline{CD}$$

$$7 : (7+9) = \overline{EF} : 9$$

$$\overline{EF} = \frac{63}{16}$$