

## ➤ 1. 指數記法

- $a$  連乘  $m$  次可記成  $a^m$ ，讀作  $a$  的  $m$  次方。  
例如： $5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4$ ， $(-4) \times (-4) \times (-4) = (-4)^3$
- 利用指數比較大小：
  - 如果  $a$  是比 1 大的正數時， $n$  愈大，則  $a^n$  的值會愈大。
  - 如果  $b$  是比 1 小的正數時， $n$  愈大，則  $b^n$  的值會愈小。

## 1 類題

配合課本 P64  
隨堂練習

## 指數記法

配合課本 P64  
隨堂練習

## 熟練

1. 以指數記法簡記下列各式：

- $8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8$
- $(-9) \times (-9) \times (-9) \times (-9)$

2. 求  $3^3$  的值。

解

1. 以指數記法簡記下列各式：

- $5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$
- $(-3) \times (-3) \times (-3)$

2. 求  $2^5$  的值。

解

## 2 類題

配合課本 P64  
例題 1

## 指數的值

配合課本 P65  
隨堂練習

## 熟練

計算下列各式的值：

- $3^4$
- $-5^4$
- $(-2)^4$

解

計算下列各式的值：

- $(-3)^2$
- $(-3)^3$
- $-3^2$

解

**3類題**配合課本 P65  
例題 2**含指數的四則運算**配合課本 P65  
隨堂練習**熟練**計算  $12 + 36 \div (-3)^2$  的值。**解**計算  $81 \div (-3)^3 + (-2^2)$  的值。**解****4類題**配合課本 P66  
隨堂練習**利用指數比較大小**配合課本 P66  
隨堂練習**熟練**

1. 設  $a = (3.2)^{100}$ ,  $b = (3.2)^{101}$ ,  
 $c = (3.2)^{102}$ , 比較  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的大小。
2. 設  $a = (0.2)^{100}$ ,  $b = (0.2)^{101}$ ,  
 $c = (0.2)^{102}$ , 比較  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的大小。

**解**

1. 設  $a = (2.8)^{99}$ ,  $b = (2.8)^{100}$ ,  
 $c = (2.8)^{101}$ , 比較  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的大小。
2. 設  $a = (0.4)^{77}$ ,  $b = (0.4)^{78}$ ,  
 $c = (0.4)^{79}$ , 比較  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的大小。

**解****即時演練**

1.  $64 \div (-2)^4 \times (-2^3) = \underline{\hspace{2cm}}$
2. 設  $a = (1.01)^{100}$ ,  $b = (1.01)^{101}$ ,  $c = (1.01)^{102}$ , 則  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的大小為  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

## 2. 科學記號

將一個數記錄為  $a \times 10^m$ ，其中  $1 \leq a < 10$ ， $m$  為整數，稱為此數的科學記號表示法。  
例如： $25400 = 2.54 \times 10^4$ ， $0.0034 = 3.4 \times 10^{-3}$ 。

### 1 類題

配合課本 P68  
隨堂練習

### 10 的次方

配合課本 P68  
隨堂練習

### 熟練

1. 以底數為 10 的指數記法表示 0.00000001。
2. 以最簡分數表示  $10^{-3}$ 。

**解**

1. 以底數為 10 的指數記法表示 0.00001。
2. 以小數表示  $10^{-9}$ 。

**解**

### 2 類題

配合課本 P69  
隨堂練習

### 認識科學記號

配合課本 P69  
隨堂練習

### 熟練

判別下面哪些數是以科學記號表示法記錄。

- 甲： $3 \times 10^{-5}$       乙： $25.3 \times 10^{-5}$   
丙： $0.35 \times 10^{-5}$       丁： $2.1 \times 10^{-5}$   
戊： $18 \times 10^{-5}$

**解**

判別下面哪些數是以科學記號表示法記錄。

- 甲： $35.3 \times 10^{-5}$       乙： $2.3 \times 10^{-20}$   
丙： $9.99 \times 10^{15}$       丁： $73.1 \times 10^{18}$   
戊： $1.8486 \times 10^{54}$

**解**

### 3 類題

配合課本 P70  
例題 3

### 科學記號表示法

配合課本 P70  
隨堂練習

### 熟練

以科學記號表示法記錄下列各數：

- (1) 340000
- (2) 0.00000003
- (3)  $\frac{2}{100000}$

**解**

以科學記號表示法記錄下列各數：

- (1) 700000000
- (2) 0.00000407
- (3)  $\frac{6}{1000000000}$

**解**

**4類題**配合課本 P71  
例題 4**科學記號轉換**配合課本 P71  
隨堂練習**熟練**

- 將  $4.073 \times 10^5$  化成整數，並判別它是幾位數。
- 將  $3.64 \times 10^{-5}$  化成小數，並判別它是從小數點後第幾位開始出現不是 0 的數字。

**解**

- 將  $5.4 \times 10^6$  化成整數，並判別它是幾位數。
- 將  $6.419 \times 10^{-7}$  化成小數，並判別它是從小數點後第幾位開始出現不是 0 的數字。

**解****5類題**配合課本 P72  
例題 5**科學記號的比較大小**配合課本 P72  
隨堂練習**熟練**

比較各小題兩數的大小關係：

(1)  $2.87 \times 10^{-5}$ ， $2.87 \times 10^{-4}$

(2)  $5.16 \times 10^5$ ， $5.16 \times 10^6$

**解**

比較各小題兩數的大小關係：

(1)  $6.17 \times 10^{-8}$ ， $6.17 \times 10^{-5}$

(2)  $7.31 \times 10^5$ ， $5.16 \times 10^5$

**解****即時演練**

1. 以科學記號表示法記錄下列各數：

(1)  $2350000 = \underline{\hspace{2cm}}$

(2)  $0.00137 = \underline{\hspace{2cm}}$

2. 比較各小題兩數的大小關係：

(1)  $5.31 \times 10^{-99} \underline{\hspace{1cm}} 3.18 \times 10^{-98}$

(2)  $6.54 \times 10^5 \underline{\hspace{1cm}} 6.541 \times 10^5$

## 1-4 自我磨練

配合課本 P74~75 自我評量

1. 計算下列各式的值：

(1)  $3^5 + (-4)^2$

(2)  $(-2)^5 + (-5)^2$

(3)  $(-4)^3 - 2^3$

(4)  $8^2 - (-3)^3$

(5)  $8 - (-10)^3 \div (-5^2)$

(6)  $72 \div (-3)^2 - (-2^2)$

2. 以科學記號表示法，記錄下列各數：

(1) 534000

(2) 908000000

(3) 0.0000000079

3. (1) 將  $3 \times 10^7$  化成整數的形式，並判別它是幾位數。

(2) 將  $4.25 \times 10^{-8}$  化成小數，並判別它從小數點後第幾位開始出現不是 0 的數字。

4. 比較下列各小題中兩數的大小關係：

(1)  $2.5 \times 10^7$ 、 $8 \times 10^6$

(2)  $3.75 \times 10^{-5}$ 、 $4.9 \times 10^{-6}$