

# 數學領域六上第4單元(4-1)教案

領域/科目	數學	設計者	
實施年級	六上	教學時間	40分鐘
活動名稱	圓周長是直徑的幾倍，用圓率求出圓周長，圓周率的應用		

## 設計依據

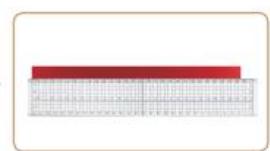
學習重點	S-III-2 認識圓周率的意義，理解圓面積、圓周長、扇形面積與弧長之計算方式。	總綱與領綱之核心素養	●A2 系統思考與解決問題 數-E-A2 具備基本的算術操作能力、並能指認基本的形體與相對關係，在日常生活情境中，用數學表述與解決問題。 ●A3 規劃執行與創新應變 數-E-A3 能觀察出日常生活問題和數學的關聯，並能嘗試與擬訂解決問題的計畫。在解決問題之後，能轉化數學解答於日常生活的應用。
	S-6-3 圓周率、圓周長、圓面積、扇形面積：用分割說明圓面積公式。求扇形弧長與面積。知道以下三個比相等：(1)圓心角：360；(2)扇形弧長：圓周長；(3)扇形面積：圓面積，但應用問題只處理用(1)求弧長或面積。		●B1 符號運用與溝通表達 數-E-B1 具備日常語言與數字及算術符號之間的轉換能力，並能熟練操作日常使用之度量衡及時間，認識日常經驗中的幾何形體，並能以符號表示公式。 ●C1 道德實踐與公民意識 數-E-C1 具備從證據討論事情，以及和他人有條理溝通的態度。 ●C2 人際關係與團隊合作 數-E-C2 樂於與他人合作解決問題並尊重不同的問題解決想法。
融入議題與其實質內涵	<ul style="list-style-type: none"> <li>●人權教育 人E5 欣賞、包容個別差異並尊重自己與他人的權利。</li> <li>●科技教育 科E2 了解動手實作的重要性。 科E4 體會動手實作的樂趣，並養成正向的科技態度。 科E9 具備與他人團隊合作的能力。</li> <li>●品德教育 品E3 溝通合作與和諧人際關係。</li> <li>●生涯規劃教育 涯E7 培養良好的人際互動能力。 涯E12 學習解決問題與做決定的能力。</li> <li>●戶外教育 戶E1 善用教室外、戶外及校外教學，認識生活環境（自然或人為）。</li> </ul>		

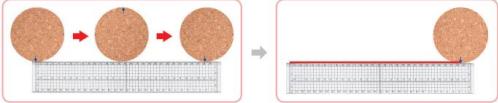
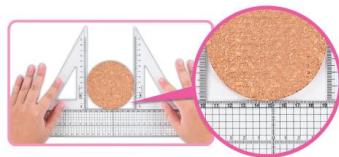
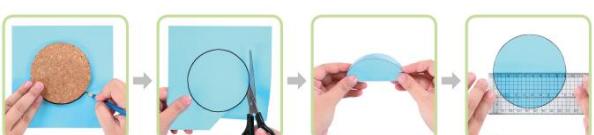
與其他領域/科目的連結	國語、健康與體育、社會、自然科學、綜合活動
教材來源	●南一版數學六上第4單元
教學設備/資源	●課本、習作 ●電子書

### 學習目標

1. 實際測出圓的直徑及圓周的長度。
2. 理解不論圓的大小如何，圓周長和直徑的比值不變。
3. 理解不論圓的大小如何，圓周長大約是直徑的 3.14 倍。
4. 理解以直徑為基準時，圓周長和直徑的比值就是圓周率。
5. 理解圓周長： $\text{直徑} = \text{圓周率}$ 。

### 教學活動設計

教學活動內容及實施方式	時間	評量方式
<ul style="list-style-type: none"> <li>●上課前，教師可以先介紹單元首頁的照片，提高兒童學習的興趣，再以照片下方的問題引發兒童學習本單元概念的動機。兒童不必馬上解決問題，待學完本單元才回顧解題，可獲得自我解決問題的成就感。</li> <li>●以前學過的是依據先備經驗所設計的題目，教師可以視情況給予兒童練習，複習之前所學。</li> <li>●單元首頁有學習前的學習要點，提供教師於授課前掌握內容重點，便於調整教學的深度或廣度。</li> </ul>	5	<ul style="list-style-type: none"> <li>●參與討論</li> <li>●態度檢核</li> </ul>
<p><b>【活動 1】：圓周長是直徑的幾倍</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>○測量直徑、圓周長</li> <li>●布題一：生活中可以看見許多大大小小的圓形物品，如：飛盤、時鐘或杯墊等。</li> <li>●拿出附件的杯墊，用手比比看，圓周在哪裡？圓周的長度怎麼稱呼？（配合附件 P4）</li> <li>●兒童分組討論、發表。如：杯墊外圍一圈的長度就是它的周長。</li> <li>●教師歸納：圓的周界就是圓周，圓周的長度叫作圓周長。</li> <li>●兒童聆聽並凝聚共識。</li> <li>●杯墊的圓周長大約是幾公分？說說看，你是怎麼知道的？</li> <li>●兒童分組討論、發表。如：</li> <ul style="list-style-type: none"> <li>①我用一條緞帶繞杯墊一圈，緞帶長就是圓周長，大約是 28.3 公分。</li> </ul>   <li>②我在杯墊上做記號，對齊尺上的刻度 0，滾動一圈，記號所對的刻度就是圓周長，大約是 28.3 公分。</li> </ul>	9	<ul style="list-style-type: none"> <li>●參與討論</li> <li>●口頭發表</li> <li>●態度檢核</li> </ul>

																
<p>●布題二：承布題一，杯墊的直徑是幾公分？說說看，你是怎麼知道的？</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>兒童分組討論、發表。如：</li> </ul>	6      ●參與討論 ●口頭發表 ●態度檢核															
<p>①我用兩個三角板和一把直尺來測量直徑，<math>19 - 10 = 9</math>，是 9 公分。</p> 																
<p>②我先在紙上描出杯墊的形狀，把剪下的紙對折後打開，測量直徑的長度，是 9 公分。</p> 																
<p>●布題三：承布題一和布題二，圓周長 28.3 公分大約是直徑 9 公分的幾倍？（用四捨五入法求商到小數點後第二位）</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>兒童分組討論、發表。如：</li> </ul>	8      ●參與討論 ●口頭發表 ●態度檢核															
<p>①圓周長 28.3 公分。</p> <p>②直徑是 9 公分。</p> <p>③圓周長大約是直徑的幾倍？</p>																
$  \begin{array}{r}  3.144 \\  9 ) 28.3 \\  \underline{27} \\  13 \\  \underline{9} \\  40 \\  \underline{36} \\  40 \\  \underline{36} \\  4  \end{array}  \quad  \begin{array}{r}  28.3 \div 9 \\  = 3.144\cdots \\  3.144 \approx 3.14  \end{array}  $																
<p>答：約 3.14 倍</p>																
<p>●布題四：拿出附件的圖卡，量量看各圓的直徑和圓周長大約是幾公分？記錄在下面的表格裡。（配合附件 P5、P6）</p>	12     ●參與討論 ●口頭發表 ●態度檢核															
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="background-color: #e0f2e0;">項目</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">圖卡</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">甲圓</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">乙圓</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">丙圓</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>直徑（公分）</td> <td></td> <td>8</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>圓周長（公分）</td> <td></td> <td>25.1</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	項目	圖卡	甲圓	乙圓	丙圓	直徑（公分）		8			圓周長（公分）		25.1			
項目	圖卡	甲圓	乙圓	丙圓												
直徑（公分）		8														
圓周長（公分）		25.1														
<ul style="list-style-type: none"> <li>兒童分組討論、發表。如：</li> </ul> <p>①測量甲圓、乙圓和丙圓的直徑。</p> <p>②測量甲圓、乙圓和丙圓的圓周長。</p>																
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="background-color: #e0f2e0;">項目</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">圖卡</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">甲圓</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">乙圓</th> <th style="background-color: #e0f2e0;">丙圓</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>直徑（公分）</td> <td></td> <td>8</td> <td>12</td> <td>15</td> </tr> <tr> <td>圓周長（公分）</td> <td></td> <td>25.1</td> <td>37.7</td> <td>47.1</td> </tr> </tbody> </table> <ul style="list-style-type: none"> <li>甲圓的圓周長大約是直徑的幾倍？（用四捨五入法求商到小數點後第二位）</li> <li>兒童分組討論、發表。如： 把圓周長 ÷ 直徑來計算。</li> </ul>	項目	圖卡	甲圓	乙圓	丙圓	直徑（公分）		8	12	15	圓周長（公分）		25.1	37.7	47.1	
項目	圖卡	甲圓	乙圓	丙圓												
直徑（公分）		8	12	15												
圓周長（公分）		25.1	37.7	47.1												

$$\begin{array}{r}
 3.137 \\
 8 ) 25.1 \\
 \underline{- 24} \\
 \quad 11 \\
 \quad \underline{- 8} \\
 \quad \quad 30 \\
 \quad \quad \underline{- 24} \\
 \quad \quad \quad 60 \\
 \quad \quad \quad \underline{- 56} \\
 \quad \quad \quad \quad 4
 \end{array}$$

甲圓的圓周長大約是直徑的 3.14 倍。

答：約 3.14 倍

- 乙圓的圓周長大約是直徑的幾倍？（用四捨五入法求商到小數點後第二位）
- 兒童分組討論、發表。如：

$$\begin{array}{r}
 3.141 \\
 12 ) 37.7 \\
 \underline{- 36} \\
 \quad 17 \\
 \quad \underline{- 12} \\
 \quad \quad 50 \\
 \quad \quad \underline{- 48} \\
 \quad \quad \quad 20 \\
 \quad \quad \quad \underline{- 12} \\
 \quad \quad \quad \quad 8
 \end{array}$$

乙圓的圓周長大約是直徑的 3.14 倍。

答：約 3.14 倍

- 丙圓的圓周長大約是直徑的幾倍？（用四捨五入法求商到小數點後第二位）
- 兒童分組討論、發表。如：

$$\begin{array}{r}
 3.14 \\
 15 ) 47.1 \\
 \underline{- 45} \\
 \quad 21 \\
 \quad \underline{- 15} \\
 \quad \quad 60 \\
 \quad \quad \underline{- 60} \\
 \quad \quad \quad 0
 \end{array}$$

丙圓的圓周長是直徑的 3.14 倍。

答：3.14 倍

- 說說看，圓周長和直徑有什麼關係？
- 兒童分組討論、發表。如： 每個圓的周長大約是直徑的 3.14 倍。
- 每一個圓的圓周長大約都是直徑的 3.14 倍，要怎麼說？怎麼記？
- 兒童分組討論、發表。如： 圓周長除以直徑大約是 3.14 倍，可以記作「圓周長÷直徑=圓周率」，用乘法算式可以記作「直徑×圓周率=圓周長」。
- 教師歸納：每一個圓的圓周長除以它的直徑都大約是 3.14，也就是圓周長大約是直徑的 3.14 倍，因此約定圓周長除以直徑稱為圓周率，在計算時，通常用 3.14 表示圓周率。
- 兒童聆聽並凝聚共識。

～第一節結束/共 6 節～

