

# 數學領域六上第 5 單元 (5-1) 教案

<b>領域/科目</b>	數學		<b>設計者</b>	黃世溫
<b>實施年級</b>	六上		<b>教學時間</b>	40分鐘
<b>活動名稱</b>	比、比值			
<b>設計依據</b>				
<b>學習重點</b>	學習表現	n-III-9 理解比例關係的意義，並能據以觀察、表述、計算與解題，如比率、比例尺、速度、基準量等。	<b>總綱與領綱之核心素養</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>●A1 身心素質與自我精進 數-E-A1 具備喜歡數學、對數學世界好奇、有積極主動的學習態度，並能將數學語言運用於日常生活中。</li> <li>●A2 系統思考與解決問題 數-E-A2 具備基本的算術操作能力、並能指認基本的形體與相對關係，在日常生活情境中，用數學表述與解決問題。</li> <li>●A3 規劃執行與創新應變 數-E-A3 能觀察出日常生活問題和數學的關聯，並能嘗試與擬訂解決問題的計畫。在解決問題之後，能轉化數學解答於日常生活的應用。</li> <li>●B1 符號運用與溝通表達 數-E-B1 具備日常語言與數字及算術符號之間的轉換能力，並能熟練操作日常使用之度量衡及時間，認識日常經驗中的幾何形體，並能以符號表示公式。</li> <li>●C1 道德實踐與公民意識 數-E-C1 具備從證據討論事情，以及和他人有條理溝通的態度。</li> <li>●C2 人際關係與團隊合作 數-E-C2 樂於與他人合作解決問題並尊重不同的問題解決想法。</li> <li>●C3 多元文化與國際理解 數-E-C3 具備理解與關心多元文化或語言的數學表徵的素養，並與自己的語言文化比較。</li> </ul>
	學習內容	N-6-6 比與比值：異類量的比與同類量的比之比值的意義。理解相等的比中牽涉到的兩種倍數關係（比例思考的基礎）。解決比的應用問題。		
<b>融入議題與其實質內涵</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>●人權教育 人 E5 欣賞、包容個別差異並尊重自己與他人的權利。</li> <li>●品德教育 品 E3 溝通合作與和諧人際關係。</li> <li>●生涯規劃教育</li> </ul>			

	涯 E12 學習解決問題與做決定的能力。 ●多元文化教育 多 E6 了解各文化間的多樣性與差異性。 ●閱讀素養教育 閱 E1 認識一般生活情境中需要使用的，以及學習學科基礎知識所應具備的字詞彙。 閱 E13 願意廣泛接觸不同類型及不同學科主題的文本。 ●國際教育 國 E1 了解我國與世界其他國家的文化特質。 國 E4 了解國際文化的多樣性。		
與其他領域/科目的連結	國語、健康與體育、社會、自然科學、綜合活動		
教材來源	●南一版數學六上第5單元		
教學設備/資源	●課本、習作 ●電子書		
<b>學習目標</b>			
1. 在生活情境中，認識比的意義。 2. 在生活情境中，認識比的記法以及前項、後項。 3. 在生活情境中，認識比值與除法的關係。 4. 在生活情境中，認識比值的意義。			
<b>教學活動設計</b>			
教學活動內容及實施方式		時間	評量方式
●上課前，教師可以先介紹單元首頁的照片，提高兒童學習的興趣，再以照片下方的問題引發兒童學習本單元概念的動機。兒童不必馬上解決問題，待學完本單元才回顧解題，可獲得自我解決問題的成就感。 ●以前學過的是依據先備經驗所設計的題目，教師可以視情況給予兒童練習，複習之前所學。 ●單元首頁有學習前的學習要點，提供教師於授課前掌握內容重點，便於調整教學的深度或廣度。		4	●態度檢核
<b>【活動 1】比</b> ○認識比的意義及比的記法 ●布題一：土耳其是最愛喝茶的國家之一。 • 土耳其紅茶是用 1 杯濃茶和 2 杯開水調配成的。說說看，濃茶和開水的數量有什麼關係？怎麼記？ • 兒童分組討論、發表。如：濃茶和開水的數量是 1 對 2 的關係，記作 1:2。 • 教師說明：在數學中，表示兩個數量的關係稱為「比」。如：1 杯濃茶對 2 杯開水的關係，通常記作 1:2，讀作一比二，「:」是比的符號。在「1:2」的關係中，1 稱為前項，2 稱為後項。 • 兒童聆聽並凝聚共識。 • 濃茶要使用 90 毫升的水和 3 公克的茶葉烹煮而成，水量對茶葉重量的關		6	●參與討論 ●口頭發表 ●態度檢核

係，用比怎麼記？茶葉重量對水量的關係，用比怎麼記？

- 兒童分組討論、發表。如：

① 90 : 3

② 3 : 90

- 說說看，這兩個比的前項和後項各是多少？

- 兒童分組討論、發表。如：

① 90 : 3 的前項是 90，後項是 3。

② 3 : 90 的前項是 3，後項是 90。

- 試試看：阿志買了一盒土耳其軟糖，其中有 8 塊原味和 4 塊玫瑰口味。

① 原味的數量對玫瑰口味的數量比是 ( ) : ( )，前項是 ( )，後項是 ( )。

② 玫瑰口味的數量對原味的數量比是 ( ) : ( )，前項是 ( )，後項是 ( )。

- 兒童分組討論、發表。如：

① 原味的數量對玫瑰口味的數量比是 ( 8 ) : ( 4 )，前項是 ( 8 )，後項是 ( 4 )。

② 玫瑰口味的數量對原味的數量比是 ( 4 ) : ( 8 )，前項是 ( 4 )，後項是 ( 8 )。

## 【活動 2】比值

- 認識比值的意義

- 布題一：一盒原子筆文具套組有 4 枝藍筆和 1 枝紅筆。

- 藍筆枝數對紅筆枝數的關係，用比怎麼記？藍筆枝數是紅筆枝數的幾倍？

- 兒童分組討論、發表。如：

① 4 : 1

② 讀作四比一。

③ 藍筆枝數是紅筆枝數的 4 倍，我們稱 4 是 4 : 1 的比值。

④ 4 : 1

$$4 \div 1 = 4$$

答：4 : 1，4 倍

- 教師說明：比的前項除以後項所得的商稱為比值。

前項  $\div$  後項 = 比值。

- 布題二：馨馨花店舉辦母親節活動，每買 5 朵康乃馨贈送 2 朵百合花。

- 康乃馨數量對百合花數量的比怎麼記？比值是多少？

- 兒童分組討論、發表。如：

① 5 : 2

② 讀作五比二。

$$\textcircled{3} 5 \div 2 = \frac{5}{2}$$

答：5 : 2， $\frac{5}{2}$

3

● 實作表現

● 口頭發表

5

● 參與討論

● 口頭發表

● 態度檢核

5

● 參與討論

● 口頭發表

● 態度檢核

• 百合花數量對康乃馨數量的比怎麼記？比值是多少？

• 兒童分組討論、發表。如：

①  $2:5$

② 讀作二比五。

③  $2 \div 5 = \frac{2}{5}$

答： $2:5$ ， $\frac{2}{5}$

• 說說看，你發現了什麼？

• 兒童分組討論、發表。如：比的前項和後項顛倒後，比值的分子、分母也會顛倒。

• 教師補充：「 $a:b$ 」和「 $\frac{a}{b}$ 」不使用「 $=$ 」連結，若學生在計算過程中寫

出  $a:b = \frac{a}{b}$ ，教師可彈性處理。

• 教師補充：生活中的比，如：比賽分數的比，後項可以是 0，所以不會計算比值；數學中的比，將比理想化，後項不能為 0，才可以計算比值。

● 布題三：超商泡麵特價，5 包泡麵賣 39 元，泡麵價錢對包數的比怎麼記？比值是多少？

• 兒童分組討論、發表。如：

① 泡麵價錢對包數的比是  $39:5$ 。

②  $39 \div 5 = \frac{39}{5}$

③  $39 \div 5 = 7.8$

$$\begin{array}{r} 7.8 \\ 5 \overline{) 39} \\ \underline{35} \\ 40 \\ \underline{40} \\ 0 \end{array}$$

答： $39:5$ ， $\frac{39}{5}$  或 7.8

● 布題四：一盒煎餅有 25 個，其中 10 個是花生口味煎餅，花生口味個數對整盒個數的比值是多少？

• 兒童分組討論、發表。如：

① 花生口味個數對整盒個數的比是  $10:25$ 。

②  $10 \div 25 = \frac{10^2}{25_5} = \frac{2}{5}$

③  $10 \div 25 = 0.4$

$$\begin{array}{r} 0.4 \\ 25 \overline{) 100} \\ \underline{100} \\ 0 \end{array}$$

答： $\frac{2}{5}$  或 0.4

6

- 參與討論
- 口頭發表
- 態度檢核

6

- 參與討論
- 口頭發表
- 態度檢核

●試試看：超商舉辦環保回收活動，每 2 公斤的廢電池可以換 32 元購物抵用金，廢電池重量對購物抵用金的比怎麼記？比值是多少？

• 兒童分組討論、發表。如：

①廢電池重量對購物抵用金的比是 2：32。

$$\textcircled{2} 2 \div 32 = \frac{2}{32} = \frac{1}{16}$$

③ $2 \div 32 = 0.0625$

$$\begin{array}{r} 0.0625 \\ 32 \overline{) 2.00} \\ \underline{1.92} \phantom{0} \\ 80 \\ \underline{64} \phantom{0} \\ 160 \\ \underline{160} \\ 0 \end{array}$$

答：2：32， $\frac{1}{16}$  或 0.0625

5

●實作表現

●口頭發表

～第一節結束/共 5 節～

參考資料

●南一版數學六上教師手冊