

領域／科目		數學	設計者		
實施年級		六年級	總節數	共 7 節，280 分鐘	
單元名稱		第三單元 規律問題			
設計依據					
學習重點	學習表現	r-III-3 觀察情境或模式中的數量關係，並用文字或符號正確表述，協助推理與解題。	核心素養	數-E-A2	具備基本的算術操作能力、並能指認基本的形體與相對關係，在日常生活情境中，用數學表述與解決問題。
	學習內容	R-6-2 數量關係：代數與函數的前置經驗。從具體情境或數量模式之活動出發，做觀察、推理、說明。		數-E-B1	具備日常語言與數字及算術符號之間的轉換能力，並能熟練操作日常使用之度量衡及時間，認識日常經驗中的幾何形體，並能以符號表示公式。
		R-6-3 數量關係的表示：代數與函數的前置經驗。將具體情境或模式中的數量關係，學習以文字或符號列出數量關係的關係式。		數-E-C1	具備從證據討論事情，以及和他人有條理溝通的態度。
議題融入	學習主題	【家庭教育】家人關係與互動 【多元文化】跨文化的能力			
	實質內涵	家 E6 關心及愛護家庭成員。 多 E6 瞭解各文化間的多樣性與差異性。			
與其他領域／科目的連結		國語文、社會、自然、藝文			
教材來源		翰林版數學課本第十一冊			
教學設備／資源		1. 數學課本、習作、附件 1、2 2. 投影設備、電子書 3. 小白板、白板筆			
學習目標					
1. 簡化問題，找出規律，解決間隔問題。 2. 簡化問題，找出規律，解決數形問題。 3. 理解加法原理和乘法原理。					

教學活動設計			
教學活動內容及實施方式	時間(分)	評量方式	備註
第一節 一、準備活動 (一) 找出數字規律、奇偶數規律、圖形排列規律 (可參考第八冊第 10 單元) 1. 教師利用電子書播放課本 p. 36~37 情境頁。 2. 教師協助學生複習二維數字表格模式的字規律。 3. 教師協助學生複習奇數、偶數加、減模式的規律。 4. 教師協助學生複習二維圖形模式的規律。 二、發展活動 (一) 在圓形和線段的情境中，理解間隔物和間隔數的關係 1. 教師配合 p. 38 例題 1-① 說明，請學生先自行完成。 2. 教師先與學生溝通「間隔」的意義，再請學生觀察圖示並提問：「花朵的數量和間隔數有什麼關係？」請學生回答。 3. 教師歸納 p. 38 例題 1-① 結論，引導學生理解花朵數量和間隔數的關係：「花朵數量＝間隔數」後，再配合 p. 38 例題 1-② 提問，請學生回答。 4. 教師配合 p. 38 例題 1-③ 提問，請學生回答後，再請學生觀察 p. 38 例題 1-④ 的圖示，比較例題 1-③、④ 的圖示後，說明兩者圖示的差異。 5. 教師配合 p. 38 例題 1-④ 提問，請學生回答後，請學生觀察例題 1-③、④ 花朵數量和間隔數的關係，引導學生理解：在線段上，只有一端有花朵時，花朵數量＝間隔數。兩端都有花朵時，花朵數量－1＝間隔數。 6. 教師配合 p. 38 例題 1-⑤ 問題，請學生觀察圖示後回答，再請學生比較例題 1-③～⑤ 花朵數量和間隔數的關係，發表自己觀察的結果。	10 10		

2. 教師回到原題目提問：「要立 25 個指標牌，跑道會被分成幾個間隔？每個間隔有多長？怎麼用算式來表示？」請學生先自行完成 p. 40 例題 5。 3. 教師先請個別學生上臺說明解題過程，再引導全班共同討論，確認解題及答案正確。 (三) 在線段情境中，判斷間隔數後利用總距離求間隔長 1. 教師請學生閱讀 p. 41 例題 6 後，透過簡化引導學生思考解題策略。教師提問：「放 3 個掛鉤，有幾個間隔？掛鉤的間隔長是幾公分？怎麼用算式來表示？」請學生觀察例題圖示並回答。 2. 教師提問：「放 4 個掛鉤，有幾個間隔？掛鉤的間隔長是幾公分？怎麼用算式來表示？」請學生觀察例題圖示後，寫出算式並算出答案。 3. 教師回到原題，請學生自行完成例題，把想法用算式記下來並算出答案。 4. 教師請個別學生說明解題過程，全班共同確認答案是否正確。 5. 教師請學生先自行完成 p. 41 練習 1、2。	10	實作評量 口語評量 實作評量 口語評量 實作評量 口語評量	教師行間巡視，確認學生能正確解題 能正確說明解題過程 教師行間巡視，對於有困難學生給予指導 能正確說明解題過程 教師行間巡視，確認學生能正確解題 能正確說明解題過程
6. 教師請個別學生上臺說明解題過程，教師引導全班共同討論，確認算式及答案是否正確。 (四) 在線段情境，依據間隔長和間隔數求算出總距離長 1. 教師請學生閱讀 p. 42 例題 7 後，教師提問：「想要知道第 6 枝到第 16 枝旗子的距離是多少公分，需要有哪些題目的資訊？」引導學生理解想知道距離，要先知道有幾個間隔，和每個間隔的長是多少。 2. 教師引導學生透過簡化問題，思考解題策略。教師提問：「第 6 枝到第 7 枝有幾個間隔？怎麼用算式來表示？」；「第 6 枝到第 8 枝有幾個	5		

生歸納數字及位置排列的規律：「單號靠窗的每個號碼除以 4，餘數都是 1；靠走道的每個號碼除以 4，餘數都是 3」；「雙號靠窗的每個號碼除以 4，餘數都是 2；靠走道的每個號碼除以 4，餘數都是 0」。 (三) 利用數字及位置排列的規律，列出算式求出第某個數字的位置 1. 教師配合 p. 44 例題 2-2 提問：「每一橫排有幾個座位？」；「座位 10 號是單號，還是雙號？」；「將 10 除以 4，商是多少？餘數是多少？」；「座位 10 號是在第幾排？是靠窗還是靠走道？」引導學生能將一橫排 4 個座位看成一組，先判斷座位號碼是單號還是雙號，再利用商及餘數判斷座位的位置。 2. 教師請學生先完成 p. 44 例題 2-2，列出算式求座位 27 號的位置。 3. 教師請個別學生發表解題後，全班學生共同討論。教師提問：「將 27 除以 4，商是多少？表示什麼意思？餘數是多少？表示什麼意思？」引導學生理解用除法算式得出商是 6，表示前面有 6 排，因此 27 號座位是第 7 排；27 號是單號，餘數是 3，因此是靠走道。 4. 教師請學生觀察 p. 44 例題 2-1 圖示，並配合提問，引導學生發現 4 個一組的排列規律中，4 的倍數也就是除以 4 時，餘數為 0 的數。 5. 教師請學生先自行完成 P. 44 練習。 6. 教師請個別學生上臺說明解題想法及過程後，教師引導全班學生共同討論。 7. 教師提問：「置物櫃號碼排列有規律嗎？是按照什麼順序排列？」請學生觀察圖示並回答。 8. 教師再提問：「置物櫃有幾層？上層的號碼除以 3，餘數是多少？中層的號碼除以 3，餘數	5	實作評量 口語評量 實作評量 口語評量	教師行間巡視，對於有困難學生給予指導 能正確說明算式及算式中個數字的意義 教師行間巡視，確認學生能正確解題
---	---	---	--

是多少？下層呢？」引導學生理解能利用餘數判斷指定號碼櫃子的位置。			
三、綜合活動			
(一) 利用線段排列有規律的圖形 1. 教師請學生拿出附件 1，仿課本 p. 45 例題 3，排出連續相連的正方形。 2. 教師提問：「排 1 個正方形，需要幾根棉花棒？排 2 個正方形呢？排 3 個呢？」請學生口頭回答後，完成 p. 45 例題 3-① 的表格。	5	實作評量	能正確完成表格
(二) 利用算式表示排列圖形的數量與線段數量的關係，並求出第某個圖形所需的線段數量 1. 教師請學生觀察 p. 45 例題 3-① 的表格，並提問：「怎麼用算式來表示正方形個數和棉花棒數量的關係？」讓學生分組討論後發表想法。 2. 教師引導學生討論 p. 45 例題 3-② 多多的想法。教師提問：「排 1 個正方形需要幾根棉花棒？排 2 個正方形會增加幾根棉花棒？」；「在算式『$4+3\times 1$』中，數字 4 表示什麼？數字 3 表示什麼？數字 1 表示什麼？」引導學生理解算式中每個數字代表的意思。 3. 教師再提問：「排 3 個正方形會增加幾根棉花棒？如何用算式表示？」請學生回答，並說明算式中個數字所代表的意思。 4. 教師繼續提問：「排 4 個正方形會增加幾根棉花棒？如何用算式表示？排 5 個呢？」請學生回答，並將答案填空格中。 5. 教師再引導學生討論 p. 45 例題 3-② 皮皮的想法。教師提問：「排 1 個正方形需要 4 根棉花棒，算式『$1+3\times 1$』中各數字代表什麼意思？」請學生回答，引導學生理解算式的意義。 6. 教師再提問：「排 2 個正方形需要『$1+3\times 2$』根棉花棒，算式中各數字代表什麼意思？」請學生回答。 7. 教師詢問學生是否還有其他的做法，鼓勵學生發表自己的想法。	5		
(三) 用算式求算第某個圖形所需的線段數量 1. 教師請學生先自行完成 p. 45 例題 3-③。	5	實作評量	教師行間巡

2. 教師請個別學生上臺說明自己的解題想法，全班共同討論，確認算式與答案正確。 (四)我學會了 1. 教師請學生分享本節課的學習心得。 2. 教師說明作業內容：習作第 28-30 頁。	5	口語評量 口語評量 作業評量	視，對於有困難學生給予指導
第四節 一、準備活動 (一)用花片排列有規律的圖形，列出算式並求出第某個圖形所需的花片數量 1. 教師配合 p. 46 例題 4，請學生拿出附件 2，依據例題圖示，排列出有規律的圖形。 2. 教師提問：「圖 1 用了幾個花片？」；「圖 2 增加了幾個花片？總共用了幾個花片？」；「圖 3 增加了幾個花片？總共用了幾個花片？圖 4 呢？」引導學生觀察排列的三角形列數與花片總量的關係，並能列表記錄數量。 3. 教師再提問：「圖 5 總共用了幾個花片？如何用算式？」請學生說明如何用算式計算出花片總量，及算式中的數字代表的意義。 4. 教師請學生自行完成 p. 46 例題 4，再請個別學生說明算式中的數字代表的意義。 5. 教師配合 p. 46 例題 5，請學生拿出附件 2，依據例題圖示，排列出有規律的圖形。 6. 教師請學生觀察圖形的規律，思考如何用算式表示，並發表自己的想法。 7. 教師與學生分別討論<u>美美</u>與<u>多多</u>的想法，理解排列與算式的關係，及算式中個數字的意義。 8. 教師請學生自行完成 p. 46 例題 5，再請個別學生說明算式中的數字代表的意義。	15	口語評量 實作評量 口語評量 實作評量	能說明算式中個數字的意義 教師行間巡視，確認學生能正確完成 教師行間巡視，確認學

三、綜合活動 (一) 利用所排出空心三角形花片的總量，算出每邊花片的數量，並用算式表示。 1. 教師請學生先閱讀 p. 47 思考帽 確認學生理解題意後，先自行解題。 2. 教師請個別學生發表解題想法後，教師引導全班學生討論。教師提問：「畫畫看，每邊 3 個花片的空心正三角形，共要幾個花片？每邊 4 個呢？」；「怎麼用算式表示圖形的變化？」引導學生先簡化問題，找出花片總量與每邊花片數量的關係，再發展公式。 3. 教師再提問：「總數 72 個花片，怎麼分配到 3 個邊呢？」引導學生能利用所發展出的公式逆向運算，求得答案。 (二) 我學會了 1. 請學生發表本節課的學習心得。 2. 教師說明作業內容：習作第 30-31 頁。	5	實作評量	教師行間巡視，選取討論案例
第五節 一、準備活動 (一) 用加法解決分類問題中可選擇的總數量 1. 教師請學生閱讀 p. 48 例題 1 後提問：「菜單的分類有幾種？<u>皮皮</u>可以怎麼選？」；「如果<u>皮皮</u>選義大利麵，有幾種選擇？」；「如果選燉飯有幾種選擇？如果選披薩有幾種選擇？」請個別學生依據圖示回答。 2. 教師再提問：「<u>皮皮</u>全部可以有幾種選擇？你是怎麼想的？」請學生完成 p. 48 例題 1，引導學生理解只要將各類數量加起來就知道有幾種選擇。	5	口語評量 作業評量	
二、發展活動 (一) 根據分類問題組合出可能答案，並用加法計算	15		

可選擇的總數量 1. 教師請學生閱讀 p. 48 例題 2 後，發給每位學生 4 張白紙，請學生每張寫一個數字，分別寫下 0、3、5、8，再用寫好的數字排出二位數的偶數。 2. 教師請學生發表自己的排法記錄在黑板上，再引導學生依據所排出來的數，討論還有哪些排法。教師提問：「如何判斷排出的數一定是偶數？」；「偶數的個位數可選擇的數字卡有哪些？」請學生回答。 3. 教師再提問：「個位數是 0 時，有幾種排法？」；「個位數是 8 時，有幾種排法？」；「合起來共有幾種選擇？」引導學生能將排列的方式分類後，用加法算出共有幾種排法，請學生完成 p. 48 例題 2。 4. 教師請學生先自行完成 p. 48 練習。 5. 教師請學生先發表自己的解題結果後，教師提問：「要排出奇數，個位會是哪些數字卡？可以怎麼分類？」；「各類有幾種選擇？合起來共有幾種選擇？」，引導學生共同討論並確認解題過程及答案正確。 (二) 觀察分類情境中，選項的數量和選擇的總數量之間的關係 1. 教師請學生閱讀 p. 49 例題 3，配合例題 3-① 提問：「1 件上衣配 4 件褲子，有幾種組合的方式？如何用算式紀錄？」請學生回答並寫出算式。 2. 教師配合 p. 49 例題 3-② 再提問：「2 件上衣配 4 件褲子，有幾種組合的方式？如何用算式紀錄？」配合例題圖示，引導學生理解可以想成「每件褲子搭配上衣，都有 2 種組合」，4 件褲子就有 8 種組合，算式可以記成 $2 \times 4 = 8$；也可以想成：「每件上衣搭配褲子，都有 4 種組合」，2 件上衣就有 8 種組合，算式可以記成 $4 \times 2 = 8$。	10	實作評量	教師行間巡視，對於有困難學生給予指導
--	-----------	-------------	---------------------------

自行完成 p. 51 例題 6-①，再請個別學生發表解題想法及結果。 2. 教師引導全班共同討論，教師提問：「只能選一人，選男學生有幾種選擇？選女學生有幾種選擇？」；「共有幾種選擇方法？如何用算式表示？」請學生回答，確認解題過程及結果正確。 3. 教師請學生先自行完成 p. 51 例題 6-②，再請個別學生發表解題想法及結果。 4. 教師引導全班共同討論，教師提問：「男生和女生都要各選一人，7 個男學生其中 1 人搭配 8 個女學生其中 1 人，有幾種不同的組合方法？全部共有幾種組合方法？如何用算式表示？」請學生回答，確認解題過程及結果正確。 5. 教師請學生先自行完成 p. 51 例題 6-③，再請個別學生發表解題想法及結果。 6. 教師引導全班共同討論，教師提問：「已經知道每 1 個男學生搭配 1 個女學生的組合方式有 7×8 (或 8×7) = 56 種，1 個實習老師就可以有這 56 種組合，2 個實習老師有幾種組合呢？如何用算式表示？」請學生回答，確認解題過程及結果正確。		生解題想法 教師行間巡視，了解學生解題想法 教師行間巡視，了解學生解題想法
三、綜合活動 (一) 在限制條件下，以乘法原理解決組合問題。 1. 教師請學生先閱讀 p. 51 素養評量，確認學生理解題意後自行解題。 2. 教師請所選取案例的學生發表解題想法後，教師提問：「美美的配料還有剩下幾種可以選擇？」；「湯汁有幾種？美美的配料除了花生和薏仁外，還有 4 種選擇，每一種選擇搭配一種湯汁，有幾種組合方式？如何用算式表示？」引導學生共同討論解題過程及結果正確。 (二) 我學會了 1. 教師請學生發表本單元的學習重點及心得。 2. 教師說明作業內容：習作第 33 頁。	5 5	實作評量 實作評量 口語評量 作業評量 教師行間巡視，選取討論案例

第七節 一、準備活動 (一) 練習園地 (三) 1. 教師請學生瀏覽課本 p.52~53 練習園地 (三)，確認學生理解題意後，先自行完成。 二、發展活動 (一) 解決間隔問題 1. 教師配合 p.52 練習 1，請 3 位學生上臺說明自己的解題過程。 2. 教師提醒學生留意題目中要問的是「兩端都要」、「只有一端要」、「兩端都不要」等不同情境下，間隔物數量與間隔數的關係。 (二) 找出數字排列的規律 1. 教師配合 p.52 練習 2，請個別學生上臺說明自己的解題過程。 2. 教師提醒學生能判斷「發車間隔」是「兩端都要」的間隔問題。 (三) 找出數字排列的規律 1. 教師配合 p.52 練習 3，請個別學生上臺說明自己的解題過程。 2. 教師提問：「一橫排有幾個座位？」引導學生要先觀察數字的排列方式。 (四) 解決排列的數量規則問題 1. 教師配合 p.53 練習 4，請個別學生上臺說明自己的解題過程。 2. 教師提問：「每多一張桌子，可多坐幾個人？」引導學生觀察圖示，理解算式中各數字所表示的意義。	15 15	實作評量 口語評量 口語評量 口語評量 口語評量 口語評量	教師行間巡視，對於有困難學生給予指導 能說明間隔物數量與間隔數的關係 能清楚說明解題想法 能說明算式中桌子數量與座位人數的關係 能說明算式
---	---------------------	---	--

3. 教師配合 p. 53 練習 5，請個別學生上臺說明自己的解題過程。 4. 教師提問：「每多 2 張作品，要多幾個圖釘？」引導學生觀察圖示，理解算式中各數字所表示的意義。 5. 教師配合 p. 53 練習 6，請個別學生上臺說明自己的解題過程。 6. 教師提問：「每邊多 1 個方瓦，方瓦的總數會多幾個？」引導學生觀察圖示，理解算式中各數字所表示的意義。			中作品數量與圖釘數量的關係
(五) 應用乘法原理解決組合問題 1. 教師配合 p. 53 練習 7，請個別學生上臺說明自己的解題過程。 2. 教師提問：「羹的種類有幾種選擇？麵條的種類有幾種選擇？」；「不同口味的羹和不同種類的麵條，共有幾種組合？」；「青菜的種類有幾種選擇？」；「羹、麵條、青菜三種都要選，共有幾種組合？」引導學生能理解要應用乘法原理解題。		口語評量 實作評量	能說明算式中每邊方瓦數量與方瓦總數的關係 能清楚說明解題想法 教師行間巡視，選取討論案例
三、綜合活動 (一) 工作中的數學 (一) 1. 教師請學生先自行閱讀 p. 54~55 工作中的數學 (一)，並發表文章內容的重點。 2. 教師先將學生分成 2 組，請學生一組利用拍掌 (每小節 3 拍)，另一組利用輕拍桌面 (每小節 4 拍)，試著一起拍出節奏。 3. 教師請學生討論，拍第一拍時樂音會結合，拍到第幾拍時，樂音會再次結合？引導學生理解拍數的公倍數時，樂音就會再次結合。 4. 教師請學生討論 p. 55 的問題，並發表討論節果(教師亦可連結藝文課程，請學生分組創作並發表)。 (二) 我學會了 1. 教師請學生發表本單元學習重點。 2. 教師說明作業內容：習作統整園地 (三)。	5 5	口語評量 作業評量	

～本單元結束～			

--	--	--	--

